

## اکائی 2

# ایٹم کی ساخت (Structure of Atom)

مختلف عناصر کے ایٹموں کے بہت زیادہ متعدد کیمیائی طرز عمل کی اصل وجہ ان کی اندرونی ساخت میں پایا جانے والا فرق ہے۔

قدیم ہندوستانی اور یونانی فلسفیوں (400ق-م) کے زمانے سے ہی ایٹم کی موجودگی تجویز کی جاتی رہی ہے۔ ان فلسفیوں کا خیال تھا کہ ایٹم مادے کے بنیادی بلڈنگ بلاک ہیں۔ ان کے مطابق، مادے کی مسلسل تقسیم کے نتیجے میں ہمیں بالآخر ایٹم حاصل ہوں گے، جو مزید قابل تقسیم نہیں ہوں گے۔ لفظ ایٹم یونانی لفظ اے۔ٹو میو (a-tomio) سے اخذ کیا گیا ہے، جس کے معنی ہیں ناقابلِ تراش (un-cuttable) یا ناقابلِ تقسیم (un-devisable)۔ یہ قدیم تصورات صرف خیالات پر مبنی تھے اور ان کو پر کھنے کا کوئی تجربہ باتی طریقہ نہیں تھا۔ بہت لبے عرصے تک یہ تصورات خواہید رہے اور انیسویں صدی میں سائنس دانوں نے انہیں دوبارہ متحرک کیا۔

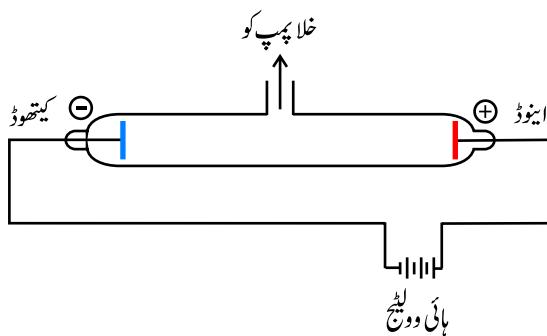
مضبوط سائنسی بنیادوں پر، ایٹمی نظریہ، سب سے پہلے 1808 میں، ایک برطانوی اسکول کے استاد، جان ڈالٹن نے پیش کیا۔ ان کے نظریہ جو کہ ڈالٹن کا ایٹمی نظریہ کہلاتا ہے، کے مطابق ایٹم کو مادے کا حصتی ذرہ مانا جاتا ہے۔ (اکائی 1)

اس اکائی میں ہم ان تجرباتی مشاہدات سے شروعات کریں گے جو سائنس دانوں نے انیسویں صدی کے اوخر اور بیسویں صدی کے اوائل میں کیے تھے۔ ان تجربات سے یہ ثابت ہو گیا کہ ایٹم کو ذلیلی ایٹمی ذرات (Sub Atomic Particles) یعنی کہ ایکٹران، پروٹان، اور نیوٹران، میں مزید تقسیم کیا جاسکتا ہے۔ یہ تصور ڈالٹن کے نظریہ سے بالکل مختلف ہے۔ اس وقت سائنس دانوں کے سامنے اہم مسائل تھے:

### مقاصد

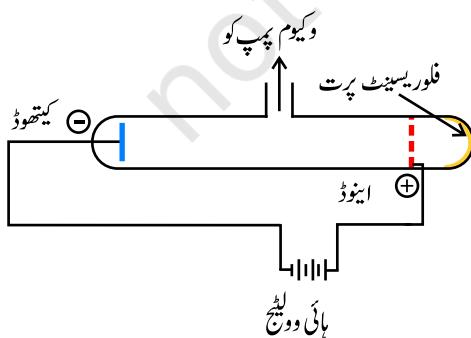
اس سبق کو پڑھنے کے بعد آپ اس لائق ہو جائیں گے کہ:

- الیکٹران، پروٹان اور نیوٹران کی دریافت اور ان کی خصوصیات کے بارے میں جان سکیں۔
- تھامن، ردوفروڈ اور بوہر کے ایٹمی ماذلوں کو بیان کر سکیں۔
- ایٹم کے کوائم میکانیکی ماذل کے اہم نکات سمجھ سکیں۔
- برق مقناطیسی اشعاع اور پلاک کے کوائم نظریہ کی طبع کو سمجھ سکیں۔
- ضیا برقی اثر کی وضاحت کر سکیں اور ایٹمی ایکٹران کے نکات بیان کر سکیں۔
- ڈی-براگی رشتہ اور ہائز نبرگ عدم یقینی اصول بیان کر سکیں۔
- کوائم نبرگی شکل میں ایٹمی ارٹل کی تعریف کر سکیں۔
- اوف باؤ اصول، پالی کا اصول استثنی اور ازاد تضاعف کا ہندل کا قاعدہ بتا سکیں۔
- ایٹموں کا ایکٹرانی تشکل لکھ سکیں۔



شکل 2.1(a) ایک کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

1850 دیں صدی کی پانچویں دہائی کے وسط میں کئی سائنسدانوں، خاص طور پر فیراؤڈے، نے جزوی طور پر وکیوم شدہ ٹیوب میں جو کہ کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب (Cathode Ray Discharge Tubes) کہلاتی ہیں، برقی ڈسچارج کا مطالعہ کرنا شروع کیا۔ ایسی ایک ٹیوب شکل 2.1 میں دکھائی گئی ہے۔ ایک کیتھوڈ رے ٹیوب کا چیخ کی بنی ہوتی ہے، جس میں دو دھات کے پتلے نکلے سیل کیے ہوئے رکھے ہوتے ہیں، جو کہ الکٹرود (Electrodes) کہلاتے ہیں۔ گیسوں میں برقی ڈسچارج کا مشاہدہ صرف بہت کم دباؤ اور بہت زیادہ ولٹیج (Voltage) پر ہی کیا جاسکتا ہے۔ مختلف گیسوں کے دباؤ کو خلا کاری (Evacuation) پر کے ذریعے مرتب کیا جاسکتا ہے۔ جب الکٹرود (Electrodes) پر ضرورت کے مطابق بہت زیادہ ولٹیج لگایا جاتا ہے تو ذرات کی ہر میں سے کرنٹ بہنے لگتا ہے، جو کہ ٹیوب میں کیتھوڈ (Cathode) سے اینڈ (Anode) کی طرف حرکت کرتے ہیں۔ انہیں کیتھوڈ شعاع ذرات (Cathode Rays) کا نام دیا گیا۔ کیتھوڈ سے اینڈ کی سمت میں برقی روکے



شکل 2.1(b) سوراخ دار اینڈ والی کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

- ذیلی اٹیٹی ذرات کی دریافت کے بعد ایٹم کے استحکام کا احاطہ کرنا۔ (stability)
- طبیعی اور کیمیائی، دونوں قسم کی خاصیتوں کی شکل میں ایک عنصر کے طرز عمل کا دوسرے عضر کے طرز عمل سے مقابلہ کرنا۔
- مختلف ایٹموں کے اتحاد سے مختلف قسم کے سالمات کی تشکیل کی وضاحت کرنا اور
- ایٹموں کے ذریعے خارج یا جذب کیے جانے والے مقنایی اشعاع کے مبدأ (Origin) اور خصوصیات کی طبع کو سمجھنا۔

## 2.1 ذیلی اٹیٹی ذرات (Sub-Atomic Particles)

ڈالٹن کا اٹیٹی نظریہ (Dalton's Atomic Theory) کیمیت کی بقا کے قانون، مستقل تنااسب کے قانون اور صفتی تنااسب کے قانون کی بہ خوبی وضاحت کرنے میں کامیاب رہا۔ لیکن یہ نظریہ کئی تجربات کے نتائج کی وضاحت نہیں کر سکا۔ مثال کے طور پر، یہ معلوم تھا کہ کاچھ اور آبتوں جیسی اشیا کو جب سلک یا فر سے رکڑا جاتا ہے تو بجلی پیدا ہوتی ہے۔ میوسیں صدی میں ذیلی اٹیٹی ذرات کی بہت سی مختلف قسموں کی دریافت ہوئی لیکن اس حصے میں ہم صرف دوزرات، الکٹران اور پروٹان، کی بات کریں گے۔

### 2.1.1 الکٹران کی دریافت (Discovery of Electron)

1830 میں ماٹکل فیراؤڈے نے تجربہ کر کے دکھایا کہ جب ایک الکٹرولائٹ (Electrolyte) کے محلوں سے برقی روگزاری جاتی ہے تو الکٹرود پر کیمیائی تعامل ہوتا ہے جس کے نتیجے میں مادہ خارج ہوتا ہے اور الکٹرود پر جمی (Deposit) ہو جاتا ہے انہوں نے کچھ قوانین بھی ضابطہ کی شکل میں پیش کیے، جن کا مطالعہ آپ جماعت XII میں کریں گے۔ ان نتائج نے برق کی ذرائی فطرت (Particulate Nature) (Particulate Nature) تجویز کی۔ ایٹم کی ساخت کے بارے میں کچھ بصیرت ان تجربوں سے حاصل ہوئی جو گیسوں کے اندر سے برقی ڈسچارج گزار کر کیے گئے تھے۔ اس سے پہلے کہ ہم ان نتائج سے بحث کریں، چارج شدہ ذرات کے طرز عمل سے متعلق ایک بنیادی قاعدہ اپنے ذہن میں رکھنا ہوگا: یہاں چارج ایک دوسرے کو دفع کرتے ہیں اور غیر یہاں چارج ایک دوسرے کے تین کشش کا اظہار کرتے ہیں۔“

ہے، اس طرح یہ نتیجہ نکالا جاسکتا ہے کہ کیتوڈ شعاعیں منفی چارج شدہ ذرات پر مشتمل ہیں، جو الکٹران کھلاتے ہیں۔

- (v) کیتوڈ شعاعیوں (الکٹران) کی خاصیتیں الکٹروڈ (Electrodes) (Cathode Ray Tube) کے مادے اور کیتوڈ رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) میں موجود گیس کی طبع پر مختص نہیں ہیں۔

اس لیے، ہم یہ نتیجہ اخذ کرسکتے ہیں کہ الکٹران تمام ایشمن کے بنیادی اجزاء ترکیبی ہیں۔

### 2.1.2 الکٹران کے چارج کی وکیت سے نسبت (Charge to Mass Ratio of Electron)

1897 میں برطانوی طبیعت دال، جے۔ ٹھامسن نے برقی چارج (Mus of Electrical Charge) کی الکٹران کی کیت (e) سے نسبت کی پیاس کی۔ اس کے لیے انہوں نے کیتوڈ رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) کا استعمال کیا اور برقی اور مقناطیسی میدان اس طرح لگایا کہ دونوں میدان ایک دوسرے کے عمودی ہوں اور ساتھ ہی ساتھ الکٹران کے راستے کے بھی عمودی برقی یا مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، ذرات کا اپنے راستے سے انحراف مندرجہ ذیل پر مختص ہے:

- (i) ذرے کے منفی چارج کی عددی قدر پر، ذرے پر منفی چارج کی عددی قدر جتنی زیادہ ہوگی، برقی یا مقناطیسی میدان سے اس کا باہمی

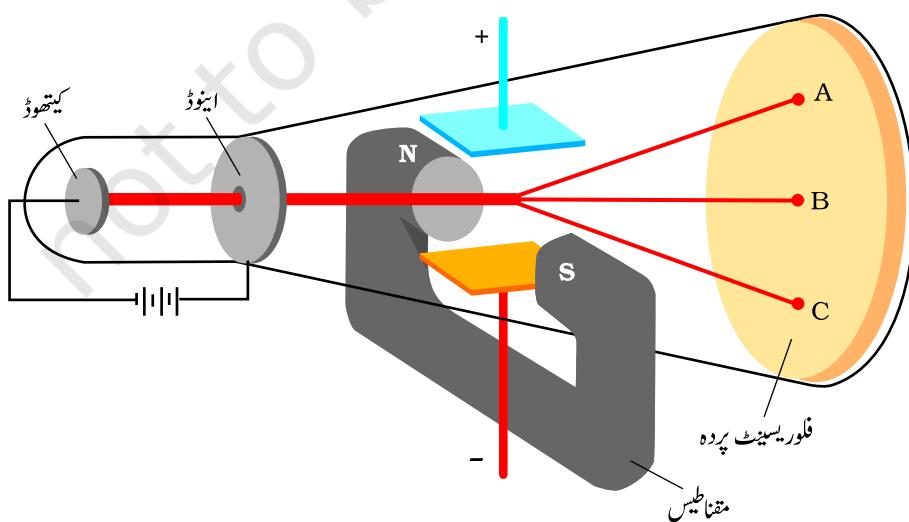
بہاؤ کی مزید جانچ کرنے کے لیے اینڈ میں ایک سوراخ کر دیا گیا اینڈ کے پیچے ٹیوب پر فاسفوری دک والے مادے (Phosphorescent material) زمک سلفائڈ کی پرت چڑھائی گئی۔ جب یہ شعاعیں اینڈ سے گزرنے کے بعد زمک سلفائڈ کی پرت پر پڑتی ہیں، تو پرت پر ایک چمکدار دھرتہ پیدا ہوتا ہے (یہی چیز ٹیلی ویژن سیٹ میں بھی دیکھنے میں آتی ہے) [شکل (b)].

- ان تجربات کا خلاصہ ذیل میں پیش کیا جا رہا ہے:  
(i) کیتوڈ شعاعیں، کیتوڈ سے نکلتی ہیں اور اینڈ کی سمت میں حرکت کرتی ہیں۔

(ii) یہ شعاعیں بذات خود نظر نہیں آتیں، لیکن ان کے طرز عمل کا مشاہدہ خاص قسم کے مادوں کی مدد سے کیا جاسکتا ہے (فلوریسینٹ یا فاسفوریسینٹ) جو ان شعاعوں کے گلزارانے سے حمکنے لگتے ہیں۔ ٹیلی ویژن کی پچھر ٹیوب، بھی کیتوڈ رے ٹیوب ہیں اور ٹیلی ویژن پر تصویریں، اس کے اسکرین (پر دے) پر خاص قسم کے فلوریسینٹ مادوں کی پرت کی وجہ سے نکلتی ہیں۔

- (iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں یہ شعاعیں خطِ مستقیم میں سفر کرتی ہیں (شکل 2.2)۔

(iv) برقی یا مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، کیتوڈ شعاعوں کا طرز عمل بالکل اس طرح ہی ہوتا ہے، جیسا کہ منفی چارج شدہ ذرات (Negatively Charged Particles) سے توقع کی جاتی



شکل 2.2 الکٹران کے برقی چارج و کمیت کی نسبت معلوم کرنے کے لیے آلات

$$(2.2) \quad m_e = \frac{e}{e/m_e} = \frac{1.6022 \times 10^{-19} C}{1.758820 \times 10^{11} C \text{ kg}^{-1}} = 9.1094 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

### 2.1.4 پروٹن اور نیوٹرن کی دریافت (Discovery of Protons and Neutrons)

اصلاح شدہ کیتوڑ رے ٹیوب میں کیے گئے برقی ڈسپارچ نے ثبت چارج شدہ ذرات کی دریافت کی راہ دکھائی، جو کینال شوائیں (Canal Rays) بھی کہلاتی ہیں۔ ان ثابت چارج شدہ ذرات کی خاصیتوں کی فہرست نیچے دی گئی ہے:

- (i) کیتوڑ شعاعوں کے برخلاف، ثبت چارج شدہ ذرات، کیتوڑ رے ٹیوب میں موجود گیس کی نظرت پر منحصر ہیں۔ پر یہ صرف ثبت چارج شدہ گیسی آئین ہیں۔
- (ii) ذرات کے برقی چارج کی ان کی کمیت سے نسبت اس گیس پر منحصر ہے، جس سے وہ نکلتے ہیں۔
- (iii) کچھ ثبت چارج شدہ ذرات پر برقی چارج، برقی چارج کی بنیادی اکائی کے اضعاف (Multiples) ہوتے ہیں۔

(iv) مقناطیسی یا برقی میدان میں ان ذرات کا طرز عمل، الیکٹران یا کیتوڑ شعاعوں کے مشاہدہ کیے گئے طرز عمل کے برعکس ہوتا ہے۔ سب سے چھوٹا اور سب سے ہلاک ثبت آئین، ہائڈروجن سے حاصل کیا گیا اور اسے پروٹن (Proton) کا نام دیا گیا۔ اس ثبت چارج شدہ ذرے کی خاصیتیں 1919 میں معلوم ہوئیں۔ بعد میں، یہ ضرورت محسوس ہوئی کہ ایٹم کے بنیادی اجزاء ترکیبی کے طور پر ایک برقی تعدادی (Electrally Neutral) ذرہ بھی پایا جانا چاہیے۔ یہ ذرات چاؤک (Chadwick) (1932) نے دریافت کیے۔ انہوں نے اس دریافت کے لیے بیریلیم (Baryllium) کی ایک پتلی چادر پر ذرات کی بوچھار کی۔ جب برقی طور پر تعدادی ذرات، جن کی کمیت پروٹن کی کمیت سے معمولی سی زیادہ تھی خارج ہوئے تو انہوں نے ان ذرات کو نیوٹرن (Neutron) کا نام دیا۔ ان بنیادی ذرات کی اہم خاصیتیں جدول 2.1 میں دی گئی ہیں۔

عمل (Interaction) بھی اتنا ہی زیادہ ہوگا اور اس لیے انفراج (Deflection) بھی زیادہ ہوگا۔

- (ii) ذرے کی کمیت پر— ذرہ جتنا ہلاک ہوگا، انفراج اتنا ہی زیادہ ہوگا۔
- (iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی قوت (Strength) پر— الیکٹرانوں کا اپنے اصل راستے سے اخراج، الیکٹروڈ کے درمیان لگائی گئی برقی قوت یا مقناطیسی میدان کی قوت میں اضافہ کے ساتھ بڑھ جاتا ہے۔

جب صرف برقی میدان لگایا جاتا ہے تو الیکٹران اپنے راستے سے اخراج کرتے ہیں اور کیتوڑ رے ٹیوب سے نقطہ A پر ٹکراتے ہیں۔ اسی طرح جب صرف مقناطیسی میدان لگایا جاتا ہے، تو الیکٹران، کیتوڑ رے ٹیوب سے نقطہ C پر ٹکراتے ہیں۔ ہوشیاری سے برقی اور مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کو متوازن کرنے سے یہ ممکن ہے کہ الیکٹرانوں کو اسی راستے پر واپس لایا جاسکے جو وہ برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں اختیار کرتے ہیں۔ الیکٹرانوں کے راستے میں آئے ہوئے اخراج کی مقدار کی اور اس اخراج کو پیدا کرنے والے برقی و مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کی درستگی کے ساتھ پیمائش کر کے، تھامسن نے  $e/m_e$  کی قدر معلوم کی:

$$(2.1) \quad \frac{e}{m_e} = 1.758820 \times 10^{11} C \text{ kg}^{-1}$$

جہاں  $m_e$  کلوگرام میں الیکٹران کی کمیت ہے اور  $e$  کولمب (C) میں الیکٹران کے برقی چارج کی عددی قدر ہے۔ کیونکہ الیکٹران متقی چارج شدہ ہوتے ہیں، اس لیے الیکٹران پر برقی چارج  $-e$  ہے۔

### 2.1.3 الیکٹران پر برقی چارج (Charge on the Electron)

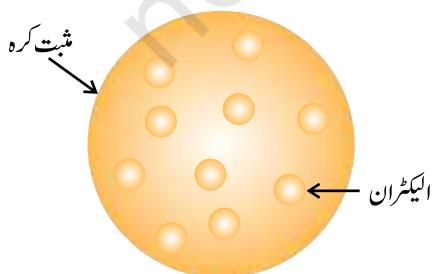
آر۔ اے۔ ملیکن (R.A. Milikan) (1906-1914) الیکٹران کے برقی چارج کو معلوم کرنے کا ایک طریقہ نکالا جو تیل بوند تجربہ (Oil Drop Experiment) کہلاتا ہے۔ انہوں نے معلوم کیا کہ الیکٹران کا برقی چارج  $(-e) \times 10^{-19} C$  ہے۔ برقی چارج کی موجودہ منظور شدہ قدر  $(-e) \times 10^{-19} C$  ہے۔ الیکٹران کی کمیت  $m_e$ ، ان نتائج کو تھامسن کے ذریعہ معلوم کی گئی  $e/m_e$  نسبت کے ساتھ ملانے پر معلوم کی گئی:

## 2.2 ایم کا مڈل (Atomic Models)

پچھلے سیکشن میں بیان کیے گئے تجربات سے حاصل ہونے والے مشاہدات سے یہ نتیجہ اخذ کیا گیا کہ ڈالن کا ناقابل تقسیم ایم، ذیلی ایمی ذرات (Sub Atomic Particles) سے مل کر بنا ہے، جن پر منفی اور شبہ بر قی چارج ہوتا ہے۔ ایک ایم میں ان بر قی چارج شدہ ذرات کی تقسیم کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایمی مڈل تجویز (Distribution) کیے گئے ہیں۔ حالانکہ ان میں سے کچھ مڈل ایم کے استحکام (Stability) کی وضاحت نہیں کر سکتے، ہم ذیل میں، ان میں سے جو بے۔ جے۔ تھامسن اور ارنسٹ روفورڈ کے تجویز کردہ دو مڈلوں سے بحث کر رہے ہیں۔

### 2.2.1 ایم کا تھامسن مڈل (Thomson Model of Atom)

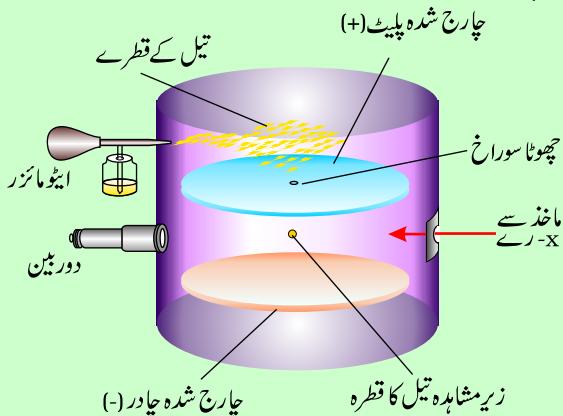
بے۔ جے۔ تھامسن نے 1898 میں تجویز کیا کہ ایک ایم کی شکل کروی (Spherical) ہوتی ہے۔ (نصف قطر، تقریباً  $10^{-10} \text{ m}$ ) جس میں شبہ چارج یکساں طور پر تقسیم ہوتا ہے۔ الکٹران اس میں اس طرح پیوست ہوتے ہیں کہ زیادہ سے زیادہ میکھم بر قی سکونی ترتیب حاصل ہو سکے (شکل 2.4)۔ اس مڈل کوئی مختلف نام دیے گئے ہیں، مثال کے طور پر آلو یہ پڈنگ (Plum Pudding)، ریزن پڈنگ (Raisin Pudding) یا تربوز (Watermillon) مڈل۔ اس مڈل کو ہم شبہ چارج کی پڈنگ یا شبہ چارج کا تربوز تصور کر سکتے ہیں، جس میں آلو یہ یا نیچ (الکٹران) پیوست ہوتے ہیں۔ اس مڈل کی اہم خاصیت یہ ہے کہ اس مڈل کے مطابق ایم کی کمیت پورے ایم میں یکساں طور پر تقسیم ہوتی ہے۔ حالانکہ یہ مڈل ایم کی مجموعی تعدادی



شکل 2.4 ایم کا تھامسن مڈل

### ملیکن کا تیل بوند طریقہ (Milikan's Oil Drop Method)

اس طریقہ میں تیل کے چھوٹے چھوٹے قطروں کو کہر (Mist) کی شکل میں، جو کہ ایٹم ایزر (Atomiser) کے ذریعے پیدا کیے گئے تھے، بر قی کنڈنسر (Electrical Condenser) کی اوپری پلیٹ میں ایک چھوٹے سے سوراخ کے ذریعے، داخل ہونے دیا گیا۔ ان قطروں کے ذریعے نیچے کی سمت میں کی گئی حرکت کا مشاہدہ ایک دوربین کے ذریعے کیا گیا جس میں ایک مائیکرومیٹر پیشمیہ (Micrometer Eye Piece) لگا ہوا تھا۔ ان قطروں کی نیچے گرنے کی شرح کی پیمائش کے ذریعے ملیکن ان قطروں کی کمیت معلوم کر سکے۔ چیمبر (Chamber) کے اندر کی ہوا میں سے X۔ شعاعوں کو گزار کر، آئین سازی کر دی گئی۔ ان تیل کے قطروں نے گیسی آئینوں سے تصادم (Collision) کے ذریعے بر قی چارج حاصل کر لیا۔ ان چارج شدہ تیل کے قطروں کی نیچے گرنے کی رفتار میں ابطا (Retaration) یا اسراع پیدا کیا جاسکتا ہے اور انھیں حالت سکون میں بھی لایا جاسکتا ہے۔ ایسا کرسکنا اس پر منحصر ہے کہ قطروں پر چارج کرتا ہے، اور پلیٹ پر لگائے گئے دونوں کی قطبیت (Polarity) اور قدر کیا ہے ہوشیاری کے ساتھ قطروں کی حرکت پر بر قی میدان کی قوت کے تیل کے اثر کی پیمائش کے ذریعے، ملیکن نے یہ نتیجہ اخذ کیا کہ قطروں پر بر قی چارج کی عددی قدر  $q$  ہمیشہ بر قی چارج کا صحیح عددی ضعف (Integral multiple) ہوتی ہے۔ یعنی کہ:



شکل 2.3 چارج 'e' کی پیمائش کے لیے ملیکن تیل بوند آله۔ چیمبر میں تیل کے قطرے پر کام کر رہی قوتیں ہیں: کشش ثقل، بر قی میدان کی وجہ سے برق سکونی، اور ایک مزوجی کشید قوت (Viscous Drag Force) جو تیل کے قطرے کے حرکت کرنے کے دوران لگتی ہیں۔

## جدول 2.1 بنیادی ذرات کی خاصیتیں

نام	علامت	مطلق برقی چارج (C)	نسبتی برقی چارج	کمیت (کلوگرام)	کمیت (u)	تقریبی کمیت (u)
الکٹران	e	$-1.6022 \times 10^{-19}$	-1	$9.10939 \times 10^{-31}$	0.00054	0
پروٹان	p	$-1.6022 \times 10^{-19}$	+1	$1.67262 \times 10^{-27}$	1.00727	1
نیوٹران	n	0	0	$1.67493 \times 10^{-27}$	1.00867	1

ہیں۔ یہ دکھایا گیا کہ تین قسم کی شعاعیں خارج ہوتی ہیں، یعنی کہ  $\alpha$ ،  $\beta$  اور  $\gamma$  شعاعیں خارج ہوتی ہیں۔ ردرفورڈ (Rutherford) نے معلوم کیا کہ  $\alpha$ -شعاعیں بہت زیادہ تو انائی کے ذرات پر مشتمل ہیں جن پر 12 کامی ثبت برقی چارج ہوتا ہے اور جن کی کمیت 4 ایٹمی کمیت اکائی (a.m.u.) ہوتی ہے۔ انہوں نے نتیجہ اخذ کیا کہ  $\alpha$ -ذرات ہیلیم (Helium) کے نیکلیس ہیں کیونکہ یہ  $\alpha$ -ذرات، 12 الکٹرانوں کے ساتھ مل کر ہیلیم گیس بناتے ہیں۔  $\beta$ -شعاعیں، منقی چارج شدہ ذرات ہیں جو الکٹرانوں جیسی ہی ہیں۔  $\gamma$ -شعاعیں x-شعاعوں کی طرح اعلیٰ تو انائی والے اشعاع ہیں۔ یہ تعدیلی (Neutral) ہیں اور ذرات پر مشتمل نہیں ہوتیں۔ جہاں تک دخولی پاور (Penetrating Power) کا تعلق ہے،  $\alpha$ -ذرات کی دخولی پاور سب سے کم ہوتی ہے، اس کے بعد  $\beta$ -شعاعیں آتی ہیں، ( $\alpha$ -ذرات کی دخولی قوت کی 100 گنا) اور پھر  $\gamma$ -شعاعیں ( $\alpha$ -ذرات کی 1000 گنا)

### 2.2.2 ردرفورڈ کا ایٹم کا نیوکلیئی مائل (Rutherford's Nuclear Model of Atom)

#### Nuclear Model of Atom

ردرفورڈ (Rutherford) اور ان کے شاگردوں ہنس گیگر اور ارنست مارسدن (Hans Geiger and Ernest Morsden) نے سونے کے بہت پتلے ورق پر  $\alpha$ -ذرات کی بوچھار کی۔ ردرفورڈ کا مشہور  $\alpha$ -ذرات انتشار تجربہ (Experiment) کا نام  $\alpha$ -Particles Scattering ہے۔

ایک تابکار ماغز سے نکلنے والے بہت زیادہ تو انائی کے  $\alpha$ -ذرات کے ایک دھارے کو سونے (دهات) کے ایک پتلے ورق (موٹائی) پر ڈالا جاتا ہے۔ سونے کے پتلے ورق کے ارد گرد ایک دائری فلوریسینٹ زکر سلفاٹ پودہ لگا ہوتا ہے۔ جب بھی کوئی  $\alpha$ -ذره پر دے سکلاتا ہے تو اس نقطہ پر روشنی کی ایک معمولی سی چک پیدا ہوتی ہے۔

(Neutrality) کی وضاحت تو کرسکا لیکن بعد میں کیے گئے تجربات کے نتائج سے ہم آہنگ (Consistent) نہیں تھا۔ 1906ء میں تھامسن کو گیسوں میں برقی ایصال کی نظریاتی اور تجرباتی تحقیقات کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

انیسویں صدی کے نصف آخر میں مختلف قسم کی شعاعیں (Rays) دریافت ہوئیں، جوان کے علاوہ میں جن کا ذکر اور کیا جا چکا ہے۔ ولہیم روئنجن (Wilhalm Roentgen) (1845-1923) نے 1895ء میں دکھایا کہ جب الکٹران، کیتوڑ رے ٹوب (Cathode Ray Tube) میں مادے سے ٹکراتے ہیں تو ایسی شعاعیں پیدا ہوتی ہیں جو کہ کیتوڑ رے ٹوب کے باہر رکھے ہوئے فلوریسینٹ مادے (Fluorescent) میں فلوریسنس (Fluorescence) پیدا کر سکتی ہے۔ کیونکہ روئنجن کو اشاعع (Radiations) کی فطرت کے بارے میں معلوم نہیں تھا، اس نے انہیں x-شعاع کا نام دیا اور یہ نام ابھی بھی رائج ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ x-شعاعیں موثر طور پر اس وقت پیدا ہوتی ہیں، جب الکٹران کثیف دھاتی اینڈ (Dense Metal) جو ہدف (Targets) کہلاتے ہیں، سے ٹکراتے ہیں۔ یہ شعاعیں برقی اور مکانیکی میدانوں سے مخرب نہیں ہوتیں اور ان میں مادے سے گز کرنے کی بہت زیادہ دخولی طاقت (Penetrating Power) ہوتی ہے اور یہی وجہ ہے کہ ان شعاعوں کا استعمال اشیا کے اندر ہون کا مطالعہ کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ یہ شعاعیں بہت کم طولی موج (Wave Length) کی ہوتی ہیں۔ (~0.1nm) اور ان کی برقی۔ مکانیکی (Electromagnetic) خاصیت ہوتی ہے (سیکشن 2.3.1)۔

ہنری بیکوریل (Henri Becquerel) (1852-1908) نے مشاہدہ کیا کہ ایسے عناصر (Elements) ہیں جو اپنے آپ اشاعر کا اخراج کرتے ہیں اور اس مظہر (Phenomenon) کو تابکاری (Radioactivity) کا نام دیا اور یہ عناصر "تابکار عناصر" کہلاتے

(iii) چند ذرات ہی (20,000 میں سے 1) ٹکرائی سمت میں واپس لوٹ آئے، یعنی کہ ان میں تقریباً 180° کا انفراج (Deflection) ہوا۔

ان مشاہدات کی بنیاد پر درفورڈ نے ایم کی ساخت کے بارے میں مندرجہ ذیل نتائج اخذ کیے:

(i) ایم میں زیادہ تر جگہ خالی ہے، کیونکہ بیشتر  $\alpha$ -ذرات ورق سے بنا منفرج ہوئے گزر گئے۔

(ii) چند ثابت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات ہی منفرج ہوئے۔ یہ انفراج یقیناً ایک بڑی دافع قوت (Repulsive force) کی وجہ سے ہوا ہوگا، جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایم کا ثابت بر قی چارج پورے ایم میں یکساں طور پر پھیلا ہوا نہیں تھا، جیسا کہ تھامن نے مانا تھا۔ یہ ثابت بر قی چارج لازمی طور پر ایک بہت چھوٹے جنم میں مرکز ہونا چاہیے، تبھی وہ ثابت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات کو دفعہ اور منفرج کر سکتا ہے۔

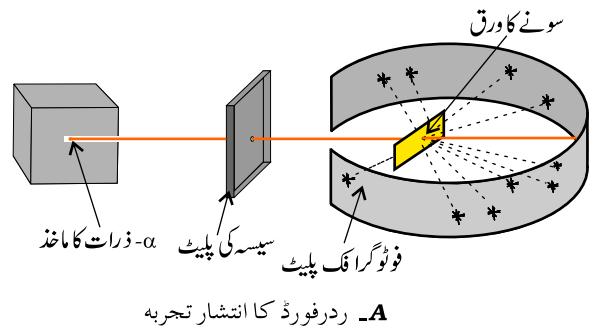
(iii) درفورڈ کے ذریعے کی گئی تحسیبات سے ظاہر ہوا کہ نیوکلیس کے ذریعے گھیرا گیا جنم، ایم کے کل جنم کے مقابلے میں قابل نظر انداز حد تک کم ہوتا ہے۔

ایم کا نصف قطر تقریباً  $10^{-10} \text{ m}$  ہے، جبکہ نیوکلیس کا نصف قطر  $10^{-15} \text{ m}$  ہے۔ ایم اور نیوکلیس کے سائز میں اس فرق کو ہم مندرجہ ذیل مثال کے ذریعے بہتر طور پر محسوس کر سکتے ہیں۔ اگر ایک کرکٹ کی گیند نیوکلیس کو ظاہر کرتی ہے تو ایم کا نصف قطر تقریباً 5 km ہوگا۔

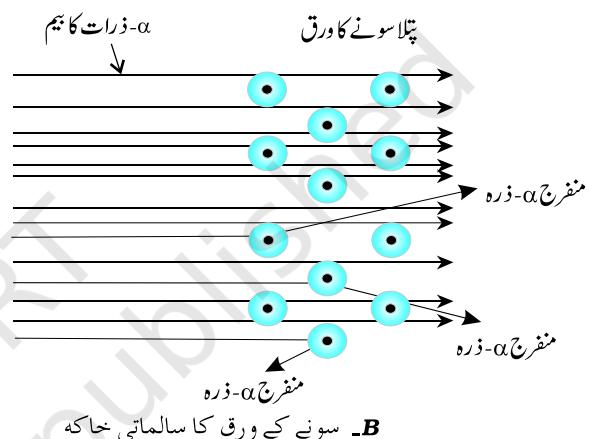
مندرجہ بالا مشاہدات اور نتائج کی بنیاد پر، درفورڈ نے ایم کا نیوکلیائی مائل تجویز کیا (پروٹانوں کی دریافت کے بعد)۔ اس مائل کے مطابق:

(i) ثابت چارج اور ایم کی بیشتر کمیت بہت ہی چھوٹے خطے میں کیف طور پر مرکز ہوتی ہے۔ ایم کے اس بہت ہی چھوٹے حصے کو درفورڈ نے نیوکلیس (Nucleus) کا نام دیا۔

(ii) نیوکلیس الیکٹرانوں سے گھرا ہوتا ہے جو نیوکلیس کے ارد گرد بہت تیز رفتار سے دائری راستوں پر، جنہیں مدار (Orbit) کہتے ہیں، حرکت کرتے ہیں۔ اس طرح، درفورڈ کا مائل سشی نظام سے مشابہ رکھتا ہے، جس میں نیوکلیس سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور الیکٹران چکر لگا رہے سیاروں کے ردیل ادا کرتے ہیں۔



A. درفورڈ کا انتشار تجربہ



B. سونے کے ورق کا سالمانی خاکہ

شكل 2.5 درفورڈ کے انتشار تجربہ کا خاکہ ۔ جب  $\alpha$ -ذرات کا ایک بیم ایک پتلے، سونے کے ورق پر ڈالا جاتا ہے۔ تو بیشتر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے متاثر ہوئے بغیر ورق سے گذر جاتے ہیں۔ لیکن کچھ منفرج ہو جاتے ہیں۔

انتشار تجربہ کے نتائج امید کے بہت برخلاف تھے۔ تھامن کے ایم کے مائل کے مطابق، ورق میں سونے کے ہر ایک ایم کی کمیت، پورے ایم میں یکساں طور پر پھیلی ہونی چاہیے تھی اور  $\alpha$ -ذرات میں اتنی تو انانی تھی جو کمیت کی ایسی یکساں تقسیم سے سیدھے گزرنے کے لیے کافی ہوتی۔ امید یہ تھی کہ ورق سے گزرتے ہوئے، ذرات کی چال آہستہ ہو جائے گی اور ان کی سمت میں تبدیلی صرف چھوٹے زاویوں سے ہی ہوگی۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ

(i) زیادہ تر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے بغیر کسی انفراج کے گزر گئے۔

(ii)  $\alpha$ -ذرات کی ایک چھوٹی کسر، چھوٹے زاویوں سے منفرج ہوئی۔

آئسوبار وہ ایٹم میں، جن کا کمیتی عدد یکساں ہوتا ہے لیکن ایٹھی عدد مختلف ہوتا ہے، مثال کے طور پر  $^{14}_6\text{C}$  اور  $^{14}_7\text{N}$ ۔ دوسری طرف ایسے ایٹم، جن کے ایٹھی عدد یکساں ہوتے ہیں اور کمیتی عدد مختلف ہوتے ہیں، آئسوٹوپ (Isotopes) کہلاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں (مساوات کے مطابق)، یہ ظاہر ہے کہ آئسوٹوپ میں فرق، ان کے نیوکلیس میں موجود نیوٹرانوں کی مختلف تعداد کی وجہ سے ہے۔ مثال کے طور پر، اگر ہم ہائڈروجن ایٹم پر ہی دوبارہ غور کریں تو ہائڈروجن کے 99.985% ایٹھوں میں صرف ایک پروٹان ہوتا ہے۔ یہ آئسوٹوپ پروٹیم ( $^1_1\text{H}$ ) کہلاتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم کی باقی بچی فیصد میں دو مزید آئسوٹوپ ہوتے ہیں۔ ایک وہ جس میں ایک پروٹان اور ایک نیوٹران ہوتا ہے اور جسے ڈیٹھرم (Deuterium) ( $^2_1\text{D}$ , 0.015%) اور دوسرا وہ جس میں ایک پروٹان اور 2 نیوٹران ہوتے ہیں اور جسے ٹریٹھیم (Tritium) کہتے ہیں۔ آخر الذکر آئسوٹوپ زین پر بہت کم مقدار میں پایا جاتا ہے۔ عام طور سے پائے جانے والے کچھ اور آئسوٹوپ کی مثالیں ہیں: کاربن کے ایٹم، جن میں 6 پروٹانوں کے ساتھ ساتھ 6<sup>7</sup> یا 8 نیوٹران پائے جاتے ہیں۔ (6<sup>12</sup>C, 6<sup>13</sup>C, 6<sup>14</sup>C)، کلورین کے ایٹم، جن میں 17 پروٹانوں کے ساتھ 18 اور 20 نیوٹران پائے جاتے ہیں (35<sup>35</sup>Cl, 37<sup>37</sup>Cl)۔

آخر میں آئسوٹوپ سے متعلق ایک اہم نکتہ، جس کا ذکر کیا جانا چاہیے، یہ ہے کہ ایٹھوں کی کیمیائی خاصیتیں الیکٹرانوں کی تعداد سے کششوں ہوتی ہیں، جو نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد سے معلوم کیے جاسکتے ہیں۔ ایک نیوکلیس میں موجود نیوٹرانوں کی تعداد سے ایک عنصر کی کیمیائی خاصیتوں پر بہت کم اثر پڑتا ہے۔ اس لیے، ایک عنصر کے تمام آئسوٹوپ یکساں کیمیائی طرز عمل کا اظہار کرتے ہیں۔

## مسئلہ 2.1

$^{80}_{35}\text{Br}$  میں پروٹان اور الیکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔

حل  
اس صورت میں:

$$^{80}_{35}\text{Br}, Z = 35 \quad A = 80$$

کیونکہ نوع تعدلی ہے۔

$Z = 35 =$  الیکٹرانوں کی تعداد = پروٹانوں کی تعداد

(iii) الیکٹران اور نیوکلیس ایک ساتھ برق سکونی قوتوں کے ذریعے قائم رہتے ہیں۔

### 2.2.3 ایٹھی عدد اور کمیتی عدد (Atomic Number and Mass Number)

نیوکلیس میں ثابت برتنی چارج کی موجودگی، نیوکلیس میں پائے جانے والے پروٹانوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے ثابت کیا جا چکا ہے، پروٹان کا برتنی چارج الیکٹران کے برتنی چارج کے مساوی اور مختلف ہوتا ہے۔ نیوکلیس میں موجود پروٹانوں کی تعداد ایٹھی عدد (Atomic Number) (Z) کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، ہائڈروجن کے نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد 1 ہے، سوڈیم ایٹم میں 11 ہے، اس لیے ان کے ایٹھی عدد، بالترتیب، 1 اور 11 ہیں۔ برتنی معادلت کو برقرار کرنے کے لیے، ایک ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، پروٹانوں کی تعداد کے مساوی ہوتی ہے (ایٹھی عدد Z)۔ مثلاً ہائڈروجن ایٹم اور سوڈیم ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، بالترتیب، 1 اور 11 ہے۔

ایک ایٹم کے نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد = ایٹھی عدد (Z)

(2.3) ایک تعدلی ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد =  
جبکہ نیوکلیس کا ثابت برتنی چارج پروٹانوں کی وجہ سے ہوتا ہے، نیوکلیس کی کمیت پروٹانوں اور نیوٹرانوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے بھی بتایا جا چکا ہے، نیوکلیس میں موجود پروٹانوں اور نیوٹرانوں کو مشترک طور پر نیوکلیان (Nucleons) کہتے ہیں۔ نیوکلیانوں کی کل تعداد کو ایٹم کا کمیتی عدد (Mass Number) کہتے ہیں۔

نیوٹرانوں کی تعداد (n) + پروٹانوں کی تعداد (Z) = کمیتی عدد (A)

(2.4)

### 2.2.4 آئسوبار اور آئسوٹوپ (Isobars and Isotopes)

کسی بھی ایٹم کی ترکیب (Composition) کو اس کے معیاری عنصر کی علامت (X) کو استعمال کر کے ظاہر کیا جاتا ہے، جس کے اوپر کی جانب بائیں کونے پر ایٹھی کمیت عدد (A) اور نیچے کی جانب بائیں کونے پر ایٹھی عدد Z لکھا جاتا ہے (یعنی کہ  $X_A^Z$ )۔

الیکٹران مقابلاً ہلکے سیاروں کی طرح ہیں۔ مزید الیکٹران اور نیوکلیس کے درمیان کولمب قوت  $(kq_1 q_2 / r^2)$ ، جہاں  $q_1$  اور  $q_2$  بر قی چارجوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $k$  تابیت کا مستقلہ ہے، ریاضیاتی طور پر کشش قوت  $\left( G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2} \right)$  کے مشابہ ہے، جہاں  $m_1$  اور  $m_2$  کمیتیں ہیں،  $r$  کمیتوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $G$  کشش قلع کا مستقلہ ہے۔ جب سمشی نظام پر \* کلاسیک میکینکس کا اطلاق کیا جاتا ہے تو یہ ظاہر ہوتا ہے کہ سیارے، سورج کے گرد، بخوبی معرف مدار بناتے ہیں۔ اس نظریہ (Theory) سے سیاروں کے مدار اور تجرباتی پیمائشوں سے ان کے اتفاق کی درستگی صحت کے ساتھ تحسیب کی جاسکتی ہے۔ سمشی نظام اور نیوکلیائی ماؤل میں مشابہت یہ تجویز کرتی ہے کہ الیکٹرانوں کو بھی نیوکلیس کے گرد بخوبی معرف مداروں میں حرکت کرنا چاہیے۔ لیکن، جب کوئی جسم ایک مدار میں گھومتا ہے، تو اس میں اسراع پیدا ہوتا ہے (اگر ایک مدار میں کوئی جسم مستقل چال سے بھی حرکت کر رہا ہو، تو سمت کی تبدیلی کی وجہ سے اس میں اسراع پیدا ہونا لازمی ہے)۔ اس کا مطلب ہے کہ نیوکلیائی ماؤل کے مطابق ایک الیکٹران جو سیاروں کے جیسے مدار میں حرکت کر رہا ہے، اس پر اسراع کام کر رہا ہے۔ میکسول (Maxwell) کے برق مفناطیسی نظریہ (Electromagnetic Theory) کے مطابق چارج شدہ ذرات، جب اسراع بذریعہ ہوتے ہیں تو انھیں برق مفناطیسی اشاعر خارج کرنا چاہیے (یہ خاصیت سیاروں میں نہیں پائی جاتی کیونکہ وہ چارج شدہ نہیں ہیں)۔ اس لیے ایک مدار میں حرکت کرتا ہوا ایک الیکٹران اشاعر خارج کرے گا، اور اشاعر کے ذریعے خارج ہوئی تو انہی، الیکٹرانی حرکت سے حاصل ہوگی۔ اس لیے مدار لگاتار سکڑتا ہے گا۔ تحسیبات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایک الیکٹران صرف  $s^{-8}$  میں چکر کھاتے کھاتے نیوکلیس میں گرپٹے گا۔ لیکن ایسا نہیں ہوتا۔ اس لیے رورورڈ ماؤل ایم کے استحکام (Stability) کی وضاحت نہیں کر سکتا۔ اگر ہم الیکٹران کی حرکت کو کلاسیک میکینکس اور برق مفناطیسی نظریہ کی بنیاد پر بیان کرتے ہیں تو آپ سوال کر سکتے ہیں کہ اگر الیکٹرانوں کی حرکت کی وجہ سے ایم غیر منظم ہو رہا ہے تو کیوں نہ نیوکلیس کے گرد الیکٹرانوں کو ساکت (Stationary) مان لیا جائے۔ اگر الیکٹران ساکت ہوتے تو کیفیت

\* کلاسیکی میکینکس ایک نظریاتی سائنس ہے جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے۔ یہ کلان اجسام (Macroscopic Bodies) کے حرکت کے قوانین کا تعین کرتی ہے۔

$$80 - 35 = 45 = \text{نیوٹرانوں کی تعداد}$$

(مساوات 2.4)

## مسئلہ 2.2

ایک نوع (Species) میں الیکٹرانوں، پروٹانوں اور نیوٹرانوں کی تعداد بالترتیب 18، 16 اور 16 ہے۔ نوع کو مناسب علامت سے ظاہر کیجئے۔

## حل

ایم عدد پروٹانوں کی تعداد کے برابر ہے یعنی 16۔ عنصر سلفر (S) ہے۔ نیوٹرانوں کی تعداد + پروٹانوں کی تعداد = ایم کیتی عدد

$$= 16 + 16 = 32$$

نوع، تبدیلی نہیں ہے، کیونکہ پروٹانوں کی تعداد الیکٹرانوں کی تعداد کے مساوی نہیں ہے۔ یہ این آئین (منقی چارج شدہ) ہے، جس کا چارج اضافی الیکٹرانوں کے مساوی ہے،

$$\text{یعنی کہ: } 2 = 18 - 16$$

علامت ہے  $^{32}_{16} S^2$

نوٹ: علامت  $X^A_Z$  استعمال کرنے سے پہلے، معلوم کیجئے کہ نوع معادل ایم ہے، ایک ثابت آئین ہے یا منقی آئین ہے۔ اگر یہ تبدیلی ایم ہے تو مساوات (2.3) درست ہے، یعنی کہ ایم کی عدد = الیکٹرانوں کی تعداد = پروٹانوں کی تعداد، اگر نوع ایک آئین ہے تو معلوم کیجئے کہ آیا پروٹانوں کی تعداد الیکٹرانوں کی تعداد سے زیاد ہے (ثبت آئین) یا کم (منقی آئین)۔ نیوٹرانوں کی تعداد ہمیشہ (A-Z) سے حاصل ہوگی، چاہے نوع تبدیلی ہو یا آئین ہو۔

## 2.2.5 رورورڈ ماؤل کی خامیاں (Drawbacks of Rutherford Model)

### Rutherford Model)

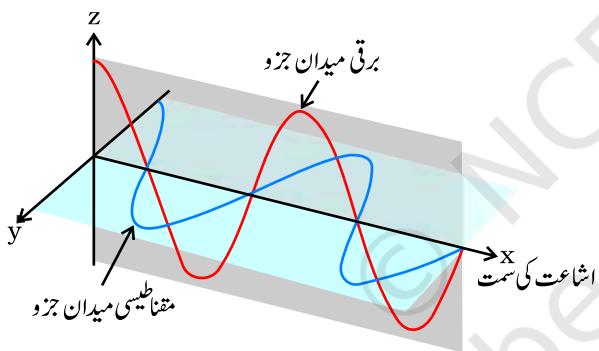
رورورڈ کا نیوکلیائی ماؤل برائے ایم ایک چھوٹے پیمانے کے سمشی نظام کی طرح ہے، جس میں نیوکلیس، وزنی سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور

\* کلاسیکی میکینکس ایک نظریاتی سائنس ہے جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے۔ یہ کلان اجسام (Macroscopic Bodies) کے حرکت کے قوانین کا تعین کرتی ہے۔

زمانہ قدیم سے یہ معلوم ہے کہ روشنی بھی اشاعع کی ایک شکل ہے اور اس کی طبع کے بارے میں قدیم زمانے سے ہی اندازے لگائے جاتے رہے ہیں۔ پہلے (نیوٹن) سمجھا جاتا تھا کہ روشنی ذرات (ذرپچوں) سے مل کر بنی ہے۔ انیسویں صدی میں ہی روشنی کی لہر فطرت (Wave Nature) تسلیم کی جاسکی۔

میکسول ہی پھر وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے یہ دکھایا کہ روشنی کی لہریں، اہترازی برقی اور مقناطیسی کردار کی حامل ہیں (شکل 2.6)۔ حالانکہ برق مقناطیسی لہر حرکت اپنی طبع کے لحاظ سے پیچیدہ ہے یہاں ہم کچھ سادہ خاصیتیں ہی ملاحظہ کریں گے۔

(a) اہتراز کر رہے ہے چارچง شدہ ذرات سے پیدا ہونے والے اہترازی برقی و مقناطیسی میدان، ایک دوسرے پر عمودی ہوتے ہیں اور یہ دونوں موج کی اشاعت کی سمت پر عمودی ہوتے ہیں۔ برق مقناطیسی لہر کی ایک سادہ تصویر شکل 2.6 میں دکھائی گئی ہے۔



شکل 2.6 ایک برق مقناطیسی لہر کے برقی و مقناطیسی جزو۔ ان اجزاء کی طولِ موج، سرعت، چال اور وسعت یکسان ہوتی ہے، لیکن یہ دو باہم عمودی مستويوں میں ارتعاش کرتے ہیں۔

(ii) آواز کی لہروں اور پانی کی لہروں کے بخلاف، برق مقناطیسی لہروں کو کمیڈیم (Medium) کی ضرورت نہیں ہوتی اور یہ وکیوم (Vacuum) میں حرکت کر سکتی ہیں۔

(iii) یہ اب اچھی طرح ثابت ہو چکا ہے کہ برق مقناطیسی اشاعع کی کئی قسمیں ہیں، جو ایک دوسرے سے طولِ موج یا سرعت میں مختلف ہوتی ہیں۔ یہ برق مقناطیسی طیف (Electromagnetic Spectrum) تشکیل دیتی ہیں (شکل 2.7)۔ طیف کے مختلف

نیکلیس اور الیکٹرانوں کے مابین برق سکونی کشش، الیکٹرانوں کو نیکلیس کی طرف کھینچ لے گی اور ہمیں تھامسن ماؤل کی ایک چھوٹی شکل ہی حاصل ہو گی۔ ردوفروڈ ماؤل کی ایک اور بڑی خامی یہ ہے کہ یہ ایٹم کی الیکٹرانی بناوٹ کے بارے میں کچھ نہیں بتاتا۔ یعنی کہ نیکلیس کے گرد الیکٹرانوں کی تقسیم کس طرح ہے اور ان الیکٹرانوں کی توانائیاں کیا ہوتی ہیں۔

### 2.3 ایٹم کے بوہر ماؤل کی راہ دکھانے والے اکتشافات (Developments Leading to the Bohr's Model of Atom)

تاریخی طور پر، اشاعع کے مادے کے ساتھ ہونے والے باہمی عmlions کے مطالعے سے حاصل کیے گئے نتائج نے سالمات اور ایٹموں کی ساخت کے بارے میں بہت معلومات مہیا کی ہے۔ نیلس بوہر (Neils Bohr) نے ان نتائج کو استعمال کر کے، ردوفروڈ کے تجویز کردہ ماؤل کو بہتر بنایا۔ ایٹم کے بوہر ماؤل کی تشکیل میں دو اکتشافات نے بڑا رول ادا کیا۔ یہ ہیں:

(i) برق مقناطیسی اشاعع کا دھرا کردار (Dual Character)، جس کا مطلب ہے کہ اشاعع میں موج (Wave) اور ذرہ (Particle) جیسی دونوں خاصیتیں پائی جاتی ہیں۔

(ii) ایٹمی طیف (Atomic Spectra) سے متعلق تجرباتی نتائج، جن کی وضاحت، ایٹم میں صرف کوئی (سیکشن 2.4) الیکٹرانی انجی (Liol) (Quantised Electronic Energy Levels) فرض کر کے ہی کی جاسکتی ہے۔

### 2.31 برق مقناطیسی اشاعع کی لہر فطرت (Wave Nature of Electromagnetic Radiation)

جیمز میکسول (James Maxwell) (1870) وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے چارچ شدہ اجسام کے مابین باہمی عمل اور برقی و مقناطیسی میدانوں کے طرز عمل کی میکرو و اسکوپ سطح پر تفصیلی وضاحت کی۔ انہوں نے تجویز کیا کہ جب برقی چارچ شدہ ذرات، اسراع کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو تبادل (Alternating) برقی اور مقناطیسی میدان پیدا ہوتے ہیں اور ترسیل ہوتے ہیں۔ یہ میدان، لہروں کی شکل میں ترسیل ہوتے ہیں جو برق۔ مقناطیسی لہریں (Electromagnetic Waves) (Electromagnetic Radiation) یا برق۔ مقناطیسی اشاعع (Electromagnetic Radiation) کہلاتی ہیں۔

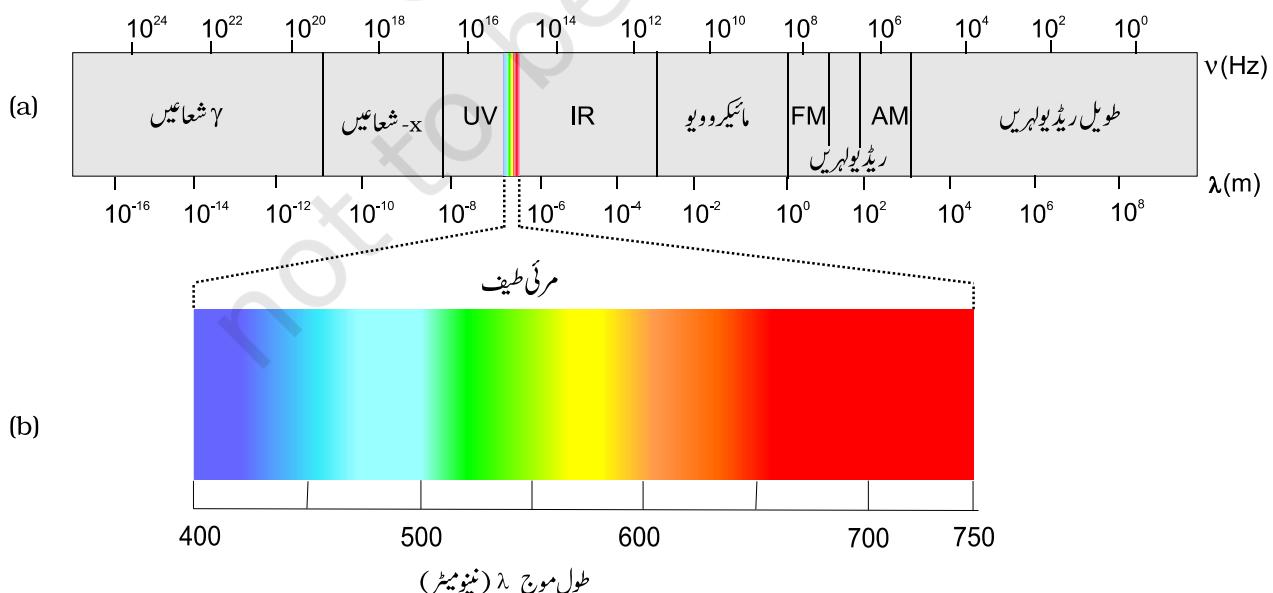
طول موج کی اکائی، لمبائی کی اکائی ہونا چاہیے اور جیسا کہ آپ جانتے ہیں لمبائی کی اکائی میٹر (m) ہے۔ کیونکہ برق مقناطیسی لہریں مختلف قسم کی لہروں پر مشتمل ہوتی ہیں، جن کی طول موج میٹر سے بہت کم ہوتی ہے، اس لیے چھوٹی اکائیاں استعمال کی جاتی ہیں۔ شکل 2.7 میں برق مقناطیسی اشعاع کی مختلف قسمیں دکھائی گئی ہیں، جو ایک دوسرے سے طول موج اور فریکوئنسی میں مختلف ہیں۔

وکیم میں ہر قسم کی برق مقناطیسی لہریں، طول موج سے قطع نظر، یہاں چال سے سفر کرتی ہیں، یعنی کہ  $3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$  (درستگی صحت کے ساتھ،  $2.997925 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ ) یہ روشنی کی چال کھلاتی ہے اور اسے علامت 'c' دی گئی ہے۔ فریکوئنسی (v) طول موج (λ) اور روشنی کی رفتار (c)، مساوات 2.5 کے مطابق ایک دوسرے سے منسلک ہیں:

$$(2.5) \quad c = v \lambda$$

اسپکٹر و اسکوپی (Spectroscopy) میں عام طور سے استعمال ہونے والی ایک اور مقدار ہے، لہر عدد (Wave Number) اس کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ لہر عدد طول موج کی تعداد فی اکائی لمبائی ہے۔ اس کی اکائی طول موج کی اکائی کا مقبول فریکوئنسی کی 1S اکائی ہر ہزار (Hz,  $\text{s}^{-1}$ ) ہے جو ہیزک ہر ہزار کے نام پر رکھی گئی ہے۔

ایک ہر ہزار کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ لہروں کی وہ تعداد ہے جو ایک دیے ہوئے نقطے سے ایک سینٹیمیٹر میں گزرتی ہیں۔



شكل 2.7 (a) برقی مقناطیسی اشعاع کا طیف (b) مرئی طیف۔ مرئی خطہ کل طیف کا صرف ایک چھوٹا حصہ ہے۔

علاقوے مختلف ناموں سے شناخت کیے جاتے ہیں۔ کچھ مثالیں ہیں: ریڈیو فریکوئنس نخطے جو  $10^6 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال نشریات میں کیا جاتا ہے، مائیکرو ویو (Microwave) (نخطے، جو  $10^3 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور رادار (Radar) میں استعمال ہوتا ہے، انفاریڈ (Infrared) (نخطے جو  $10^{13} \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال گرم کرنے میں ہوتا ہے، الٹراؤائلٹ (Ultraviolet) (نخطے جو  $10^6 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہے اور سورج کی شعاعوں کا ایک جزو ہے۔ آس پاس ایک چھوٹا سا نخطے وہ ہے جو عام طور سے مرئی روشنی کے آس پاس ایک چھوٹا سا نخطے وہ ہے جو عام طور سے مرئی روشنی (Visible Region) کہلاتا ہے۔ صرف یہی وہ حصہ ہے جسے ہماری آنکھیں دیکھ سکتی ہیں (یا شناس کر سکتی ہیں)۔ غیر مرئی اشعاع کی شناس کے لیے خاص آلات درکار ہوتے ہیں۔

(iv) برق مقناطیسی اشعاع کو ظاہر کرنے کے لیے مختلف قسم کی اکائیاں استعمال ہوتی ہیں۔

ان اشعاع کی خاصیتیں ہیں: فریکوئنسی (v) اور طول موج (λ) فریکوئنسی کی 1S اکائی ہر ہزار (Hz,  $\text{s}^{-1}$ ) ہے جو ہیزک ہر ہزار کے نام پر رکھی گئی ہے۔

ایک ہر ہزار کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ لہروں کی وہ تعداد ہے جو ایک دیے ہوئے نقطے سے ایک سینٹیمیٹر میں گزرتی ہیں۔

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{750 \times 10^{-9} \text{ m}} = 4.00 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

فریکوئنسی اکائیوں کے اعتبار سے مرئی طیف کی رنچ  $\times 4.0 \times 10^{14} \text{ Hz}$  سے  $7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$  تک ہے۔

### مسئلہ 2.5

حساب لگائیے: (a) لہر عدد اور (b) فریکوئنسی کا، اس پہلی اشاعر کے لیے جس کا طول موج  $5800 \text{ \AA}$  ہے۔

حل

(a) لہر عدد ( $\bar{\nu}$ ) کی تحریک:

$$\lambda = 5800 \text{ \AA} = 5800 \times 10^{-8} \text{ cm} \\ = 5800 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$\bar{\nu} = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}} \\ = 1.724 \times 10^6 \text{ m}^{-1} \\ = 1.724 \times 10^4 \text{ cm}^{-1}$$

(b) فریکوئنسی ( $\nu$ ) کی تحریک:

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}} = 5.172 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

### 2.3.2 بر ق مقناطیسی اشاعر کی ذرائی نظرت: پلانک کا کوائم نظریہ

**(Particle Nature of Electromagnetic Radiation: Planck's Quantum Theory)**

کچھ تجرباتی مظاہر، جیسے انصراف (Diffraction) اور تداخل (Interference) وغیرہ کی، وضاحت بر ق مقناطیسی اشاعر کی لہر۔ نظرت کے ذریعے کی جاسکتی ہے۔ لیکن ذیل میں جو مشاہدات دیے جارہے ہیں، وہ ان میں سے چند مشاہدات ہیں جن کی انیسویں صدی کی

### مسئلہ 2.3

آل انڈیا ریڈیو دہلی کا وودھ بھارتی ایشیان 1.368 kHz کی فریکوئنسی پر نشر ہوتا ہے۔ ٹرانسمیٹر سے خارج ہونے والے برق مقناطیسی اشاعر کی طول موج کا حساب لگائیے۔ یہ برق مقناطیسی طیف کے کس خطے سے تعلق رکھتا ہے۔

حل

طول موج  $\lambda / c$  کے مساوی ہے جہاں  $c$  وکیوم میں برق مقناطیسی اشاعر کی رفتار ہے اور  $\nu$  فریکوئنسی ہے۔ دی ہوئی قیتوں کو رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\lambda = \frac{c}{\nu} \\ = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \text{ kHz}} \\ = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \times 10^3 \text{ s}^{-1}} \\ = 219.3 \text{ m}$$

یہ ریڈیو لہر طول موج کی نمائندہ طول موج ہے۔

### مسئلہ 2.4

مرئی طیف کی طول موج کی رنچ واکٹ (Violet) (400nm) سے سرخ (750 nm) تک ہے۔ ان طول موج کو فریکوئنسی میں ظاہر کیجئے۔ ( $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$ ) (Hz)

حل

مساوات 2.5 استعمال کرتے ہوئے، واکٹ روشنی کی فریکوئنسی

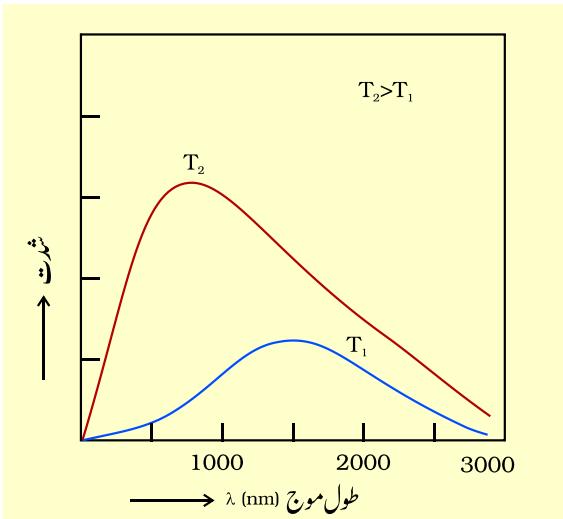
$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}} \\ = 7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

سرخ روشنی کی فریکوئنسی

\* انصراف، ایک رکاوٹ کے ارد گرد موج کا مੌਜا ہے۔

\*\* تداخل، بکسان یا مختلف فریکوئنسی کی دو لہروں کا ایسا اتحاد (combination) ہے جو ایک ایسی موج دیتا ہے جس کا اسپیس میں ہر ایک نقطے پر بناؤ اس نقطے پر ہر ایک تداخلی موج کے ذریعہ پیدا ہونے والی خلل کا الجبری یا ویکٹر حاصل جمع ہوتا ہے۔

کی قدر بہت زیادہ (Maximum) ہو جاتی ہے اور پھر طولِ موج میں مزید کمی کے ساتھ یہ بھی کم ہونے لگتی ہے جیسا کہ شکل 2.8 میں کھا یا کیا ہے۔



شکل 2.8 طولِ موج - شدراشتہ

مندرجہ بالا تجرباتی نتائج کی، روشنی کے اہر نظریہ کی بنیاد پر خاطر خواہ وضاحت نہیں کی جاسکی۔ پلانک نے تجویز کیا کہ ایٹم اور سالمات صرف جگہ مقداروں (Discrete quantities) میں ہی تو انائی خارج یا جذب کر سکتے ہیں اور ایک لگاتار سلسلے کی شکل میں نہیں، جیسا کہ اس وقت مقبول تصور تھا۔ پلانک نے تو انائی کی اس کم ترین مقدار کو جو برق مقناطیسی اشاعر کی شکل میں خارج یا جذب ہو سکتی ہے، کو انتم (Quantum) کا نام دیا۔ اشاعر کے ایک کو انتم کی تو انائی (E) اس کی فریکوئنسی (v) کے تناسب ہے اور مساوات 6.626 $\times 10^{-34}$  سے ظاہر کی جاتی ہے:

$$(2.6) \quad E = hv$$

تانبیت مستقلہ 'h' پلانک مستقلہ (Plank's Constant)

$$\text{کھلااتا ہے اور اس کی قدر ہے: } 6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}$$

اس نظریہ کے ذریعے پلانک، مختلف درجہ حرارت پر، سیاہ جسم سے خارج ہونے والے اشاعر کی شدت کی تقسیم کی فریکوئنسی یا طولِ موج کے تفاعل کے طور پر وضاحت کرنے میں کامیاب ہوئے۔

#### ضیا برقی اثر (Photoelectric Effect)

1887 میں، ایچ۔ ہرٹز (H-Hertz) نے ایک بہت دلچسپ تجربہ کیا۔ اس تجربہ میں، جب کچھ خاص دھاتوں (مثلاً کے طور پر پوتاشیم، رو بیڈم،

طیبیات (جو کلاسیک طیبیات کھلااتی ہے) کے برق مقناطیسی نظریہ کی مدد سے بھی وضاحت نہیں کی جاسکتی۔

(i) گرم اجسام سے خارج ہونے والے اشاعر کی طبع (سیاہ جسم اشاعر)۔

(ii) دھاتی سطح سے اشاعر کے ٹکرانے پر، الیکٹرانوں کا خارج ہونا (نیا برقی اثر Photo Electric Effect)۔

(iii) درجہ حرارت کے تفاعل کے طور پر ٹھوس اشیا کی حرارتی گنجائش میں تغیر۔

(iv) ایٹموں کے نظری طیف (Line Spectra)، خاص طور سے ہاندروجن کے حوالے سے۔

یہ بات قبلِ توجہ ہے کہ سیاہ جسم اشاعر کے مظہر کی ٹھوس وضاحت سب سے پہلے میکس پلانک (Max Planck) نے 1900 میں کی۔ یہ مظہر ذیل میں بیان کیا جا رہا ہے۔

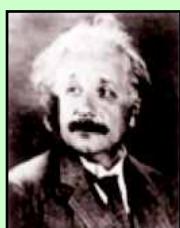
جب ٹھوس اشیا کو گرم کیا جاتا ہے تو وہ اشاعر خارج کرتی ہیں، جس کی طولِ موج کی ریخ بہت زیادہ ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، جب ایک لوہے کی چھڑ کو ایک بھتی میں گرم کیا جاتا ہے، تو پہلے اس کا رنگ ہلاک سرخ ہوتا ہے اور پھر جیسے جیسے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے، سرخی بھی بذریعہ بڑھتی جاتی ہے۔ پھر جب چھڑ کو مزید گرم کیا جاتا ہے، تو خارج ہونے والی شعاع میں سفید ہو جاتی ہیں۔ اور پھر درجہ حرارت بہت زیادہ ہو جاتا ہے تو نیلی ہو جاتی ہیں۔ فریکوئنسی (Frequency) کے لحاظ سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اس کا مطلب ہے خارج ہونے والی شعاعوں کی فریکوئنسی بھی، درجہ حرارت میں اضافہ کے ساتھ، کم قدر سے زیادہ قدر کی طرف تبدیل ہوتی ہے۔ سرخ رنگ، برق مقناطیسی طیف کے کم فریکوئنسی نظرے میں آتا ہے۔

جبکہ نیلے رنگ کا تعلق مقابلاً زیادہ فریکوئنسی نظرے سے ہے۔ وہ "مثالی جسم" (Ideal body) جو تمام فریکوئنسی کو خارج کرتا ہے اور جذب کرتا ہے، سیاہ جسم کھلااتا ہے اور ایسے جسم کے ذریعے خارج کیا گیا اشاعر، سیاہ جسم اشاعر کھلااتا ہے۔ سیاہ جسم سے خارج ہوئے اشاعر کی بالکل صحیح فریکوئنسی تقسیم (یعنی اشاعر کی شدت بمقابلہ فریکوئنسی مخفی) صرف اس کے درجہ حرارت پر مخصوص ہے۔ ایک

دیے ہوئے درجہ حرارت پر، خارج ہونے والے اشاعر کی شدت میں طولِ موج میں کمی کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے، پھر ایک دیے ہوئے طولِ موج پر اس

(iii) ہر دھات کے لیے ایک مخصوص کم سے کم فریکوئنسی (جسے دلیلیت فریکوئنسی Threshold Frequency) ہے جس سے کم فریکوئنسی پر ضیابری اثر نہیں دیکھا جاسکتا۔  $v > v_0$  پر خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی تو انائی کے ساتھ باہر آتے ہیں۔ ان الیکٹرانوں کی حرکی تو انائیوں میں استعمال کی جانے والی روشنی کی فریکوئنسی میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔

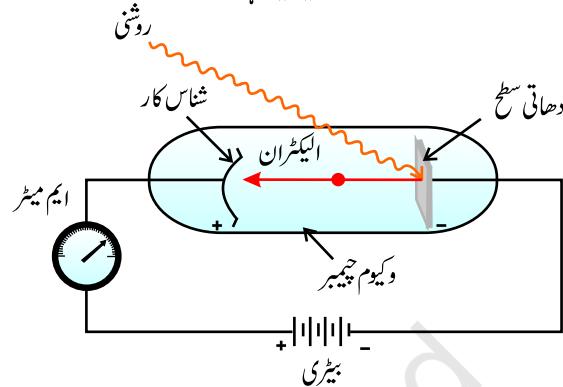
اوپر دیے ہوئے تمام نتائج کی، کلاسیک طبیعتیات کے قوانین کی بنیاد پر وضاحت نہیں کی جاسکی۔ کلاسیک طبیعتیات کے مطابق روشنی کی شعاع کی تو انائی روشنی کی چمک پر منحصر ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ حالانکہ خارج ہوئے الیکٹرانوں کی فریکوئنسی روشنی کی چمک پر منحصر ہے، لیکن خارج ہوئے الیکٹرانوں کی حرکی تو انائی چمک پر منحصر نہیں ہے۔ مثال کے طور پر سرخ روشنی  $[v = 4.3 \text{ to } 4.6 \times 10^{14} \text{ Hz}]$  چاہے کسی بھی چمک (شدت) کی ہو، اگر اسے پوٹاشیم دھات پر گھنٹوں بھی ڈالا جائے، تب بھی کوئی فوٹو الیکٹران خارج نہیں ہوتا، لیکن جیسے ہی بہت کمزور پیلی روشنی تو انائی کی پوٹاشیم چادر پر ڈالی جاتی ہے، ضیا برقی اثر دکھائی دینے لگتا ہے۔ پوٹاشیم دھات کے لیے دلیلیت فریکوئنسی (Threshold Frequency)  $v = 5.1 \text{ to } 5.2 \times 10^{14} \text{ Hz}$  ہے۔



البرٹ آئنسٹائن، جو کہ جرمی میں پیدا ہوئے امریکی طبیعتیات دان تھے، بہت سے لوگ انہیں آج تک کے دو سب سے بڑے طبیعتیات دانوں میں شمار کرتے ہیں (دوسرے اسحاق نیوٹن ہیں)۔ ان کے تین

تحقیقی مقالوں نے، [جو مخصوص اضافت (Special Relativity)، براؤنین حرکت (Brownian Motions) اور ضیا برقی اثر، پر مبنی تھے] جنہیں انہوں نے 1905 میں شائع کرایا، جبکہ وہ برن (Berne) میں سوئیٹ پیشٹ آفس (Swiss Patent Office) میں بہ طور ٹیکنیکل اسٹیٹھ ملازم تھے، طبیعتیات کی ارتقا پر گھرا اثر ڈالا۔ انہیں 1921 میں، ضیا برقی اثر کی وضاحت کرنے کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

سینیم وغیرہ) پر روشنی کا ایک بیم ڈالا گیا تو الیکٹران (یا برقی کرنٹ) خارج ہوئے، جیسا کہ شکل 2.9 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 2.9 ضیا برقی اثر کا مطالعہ کرنے کے لیے آلات۔ ایک مخصوص فریکوئنسی کی روشنی، وکیوم چیمیئر میں رکھی ہوئی صاف دھاتی سطح سے تکراتی ہے، دھات سے الیکٹران خارج ہونے ہیں اور ایک شناس کار کے ذریعے ان کو شمار کیا جاتا ہے جو ان کی حرکی تو انائی کی پیمائش کرتا ہے۔

### میکس پلانک (1858-1947)

میکس پلانک، ایک جرمن طبیعتیات دان، نے 1879 میں میونخ یونیورسٹی (Munich University) سے نظریاتی طبیعتیات میں ڈاکٹریٹ حاصل کی۔ 1888 میں انہیں برلن یونیورسٹی میں انسٹی ٹیوٹ آف تھیوریٹیکل فرکس کا ڈائریکٹر مقرر کیا گیا۔ پلانک کو 1918 میں ان کے کو اننم نظریہ کے لیے طبیعتیات کا نوبل انعام دیا گیا۔ پلانک نے تھرمودائیمکس (Thermodynamics) اور طبیعتیات کی دوسری شاخوں میں بھی اہم تعاون کیا۔

- یہ مظہر ضیا برقی اثر کھلاتا ہے اس تجربہ میں مشاہدہ یکے گئے نتائج ہیں:
- (i) دھات کی سطح سے الیکٹران، روشنی کی شعاع کے سطح سے نکراتے ہی نکلتے ہیں، یعنی کہ، روشنی کی شعاع کے دھات کی سطح سے نکرانے اور سطح سے الیکٹرانوں کے خارج ہونے میں کوئی درمیانی وقفہ نہیں ہوتا۔
  - (ii) خارج ہونے والے الیکٹرانوں کی تعداد روشنی کی شدت یا چمک (Brightness) کے تناسب ہے۔

## جدول 2.2 کچھ دھاتوں کے لیے کام فنکشن ( $W_0$ ) کی قدریں

دھات	Li	Na	K	Mg	Cu	Ag
$W_0/\text{ev}$	2.42	2.3	2.25	3.7	4.8	4.3

فطرت سے ہم آہنگ نہیں تھی، جو مداخل (Interference) اور انصراف (Diffraction) جیسے مظاہر کی وضاحت کر سکتی تھی۔ اس دو ہری شکل کو حل کرنے کا واحد طریقہ یہ تھا کہ یہ تسلیم کر لیا جائے کہ روشنی، لہروں اور ذرات جیسی، دونوں طرح کی خاصیتوں رکھتی ہے، یعنی کہ روشنی کا دھرا طرز عمل ہوتا ہے۔ تجربہ پر انہصار کرتے ہوئے، ہم پاتے ہیں کہ روشنی یا تو ایک لہر کی طرح طرز عمل کا اظہار کرتی ہے یا ایک ذرات کی شعاع کے طور پر طرز عمل کا اظہار کرتی ہے۔ جب بھی اشعاں مادہ سے باہمی عمل کرتا ہے تو یہ ذرات جیسی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہے اور جب روشنی کی اشاعت (Propagation) ہوتی ہے تو یہ لہر جیسی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہے (مداخل اور انصراف)۔ یہ تصور اس سے بالکل جدا ہتا، جس طرح سائنس دال مادے اور اشعاں کے بارے میں سوچتے تھے، اور انھیں اس کی درستی تسلیم کرنے میں لمبا عرصہ لگا۔ پھر یہ معلوم ہوا، جو آپ بعد میں پڑھیں گے، کہ کچھ خرد بینی ذرات (Microscopic Particles)، جیسے الیکٹران بھی، اس لہر۔ ذراتی دھرے طرز عمل کا اظہار کرتے ہیں۔

### مسئلہ 2.6

اس اشعاں کے فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی کا حساب لگائیے جس کی فریکوئنسی  $\text{Hz} = 5 \times 10^{14}$  ہے۔

### حل

ایک فوٹان کی توانائی (E) عمارت سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$E = hv$$

$$(دیا ہوا ہے) v = 5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}$$

$$E = (6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}) \times (5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 3.313 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی

آنڈھائن (1905) نے، پلاک کے، برقی و مقناطیسی اشعاں کے، کوئی نظریہ کو آغازی نکتہ مانتے ہوئے، ضیا برقی اثر کی وضاحت کرنے میں کامیابی حاصل کی۔

ایک دھات کی سطح پر روشنی کے بیم کے ڈالنے کو سمجھا جاسکتا ہے کہ ذرات کا ایک بیم ڈالا جا رہا ہے، جو کہ فوٹان (Photons) ہیں۔ جب ایک کافی توانائی کا فوٹان، دھات کے ایم کے الیکٹران سے لکراتا ہے، تو وہ، فوری طور پر لکراوے کے دوران، اپنی توانائی الیکٹران کو منتقل کر دیتا ہے اور الیکٹران فوراً، بغیر کسی درمیانی وقفہ کے، خارج ہو جاتا ہے۔ فوٹان کی توانائی جتنی زیادہ ہوگی، الیکٹران کو اتنی ہی زیادہ توانائی منتقل ہوگی اور خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی اتنی ہی زیادہ ہوگی۔ دوسرے لفظوں میں، خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی، برق مقناطیسی اشعاں کی فریکوئنسی کے متناسب ہے۔ کیونکہ لکرانے والے فوٹان کی توانائی  $h\nu$  کے مساوی ہے اور الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم ترین درکار توانائی  $h\nu_0$  ہے (جسے ورک فنکشن،  $W_0$ ) (Work Function) کہتے ہیں) (جدول 2.2، تب توانائی کا فرق:  $(h\nu - h\nu_0)$  بطور فنٹو الیکٹران کی حرکی توانائی کے طور پر منتقل ہوتا ہے۔ توانائی کی بقا کے اصول کے مطابق خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی مساوات (2.7) سے دی جاتی ہے۔

$$h\nu = h\nu_0 + \frac{1}{2} m_e v^2$$

جہاں  $m_e$  الیکٹران کی کمیت ہے اور  $v$  خارج ہوئے الیکٹران کی رفتار ہے۔ آخر میں، روشنی کی ایک زیادہ شدت والی شعاع، فوٹانوں کی زیادہ تعداد پر مشتمل ہوتی ہے۔ اس لیے بمقابلے اس تجربے کے جس میں کمزور شدت کی شعاع استعمال کی گئی ہو، زیادہ شدت والی شعاع سے الیکٹرانوں کی مقابلتاً زیادہ تعداد خارج ہوتی ہے۔

### برق- مقناطیسی اشعاں کا دھرا طرز عمل

روشنی کی ذراتی فطرت نے سائندمانوں کے لیے ایک دو ہری شکل پیدا کر دی۔ ایک طرف، اس کے ذریعے سیاہ جسم اشعاں اور ضیا برقی اثر کی قابلِ اطمینان وضاحت کی جاسکتی تھی تو دوسری طرف یہ روشنی کی معلوم اہر

سوڈیم سے الیکٹرانوں کا ایک مول خارج کرنے کے لیے درکار کم ترین توانائی

$$= (3.99 - 1.68) \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

$$= 2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

ایک الیکٹران کے لیے کم ترین توانائی

$$= \frac{2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}}{6.022 \times 10^{23} \text{ electrons mol}^{-1}}$$

$$= 3.84 \times 10^{-19} \text{ J}$$

یہ مطابقت رکھتی ہے، طول موج  $\lambda$  سے

$$\therefore \lambda = \frac{hc}{E}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{3.84 \times 10^{-19} \text{ J}}$$

(یہ ہری روشنی سے مطابقت رکھتی ہے)

### مسئلہ 2.9

ایک دھات کے لیے دلیل فریکوئنسی  $v_0 = 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$  ہے۔ اس الیکٹران کی حرکی توانائی کا حساب لگائیے۔ جو  $s^{-1}$

$$v = 1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}$$

فریکوئنسی کے اشعاع کے دھات پر پڑنے سے خارج ہوتا ہے۔

حل

آنکھائیں مساوات کے مطابق:

$$(v - v_0) = \frac{1}{2} m_e v^2 = h(v - v_0)$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) (10.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (3.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 1.988 \times 10^{-19} \text{ J}$$

### 2.3.3 کوئٹی الیکٹرانی انجی یول کے لیے شہادتیں: ایٹمی طیف

#### (Evidence for the Quantized Electronic Energy Levels: Atomic Spectra)

روشنی کی رفتار اس میڈیم کی فطرت پر منحصر ہے، جس سے وہ گزرتی ہے۔ اس کے نتیجے میں، روشنی جب ایک میڈیم سے دوسرے میڈیم میں داخل

$$= (3.313 \times 10^{-19} \text{ J}) \times (6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}) \\ = 199.51 \text{ kJ mol}^{-1}$$

### مسئلہ 2.7

ایک 100 واط کا بلب، 400 nm طول موج کی یک رنگ (monochromatic) روشنی خارج کرتا ہے۔ ایک سینڈ میں بلب سے خارج ہو رہے فوٹانوں کی تعداد معلوم کیجئے۔

حل

$$= \text{بلب کی پاور} = 100 \text{ Watt} = 100 \text{ Js}^{-1}$$

$$= \text{ایک فوٹان کی توانائی} = E = h\nu = hc/\lambda$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 4.969 \times 10^{-19} \text{ J}$$

خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد

$$\frac{100 \text{ J s}^{-1}}{4.969 \times 10^{-19} \text{ J}} = 2.012 \times 10^{20} \text{ s}^{-1}$$

### مسئلہ 2.8

جب 300 nm طول موج کا برق مقناطیسی اشعاع سوڈیم کی سطح پر پڑتا ہے۔ تو  $1.68 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$  کی حرکی توانائی کے ساتھ الیکٹران خارج ہوتے ہیں۔ سوڈیم سے ایک الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم از کم کتنی توانائی درکار ہوگی؟ وہ زیادہ سے زیادہ طول موج کیا ہوگی جو ایک فوٹو الیکٹران کو خارج کر سکے۔

حل

ایک 300 nm فوٹان کی توانائی (E)

$$h\nu = hc/\lambda$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{300 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 6.625 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی

$$= 6.626 \times 10^{-19} \text{ J} \times 6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$= 3.99 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

\* کسی بھی خاصیت کو مجرد قدرروں کا پابند کر دینا، کو انتم سازی کھلالاتا ہے

کرتا ہے تو خارج ہونے والے اشعاع کی طولی موج (یا فریکوئنسی) کو ریکارڈ کر لیا جاتا ہے۔

ایک انجدابی طیف اخراجی طیف کے فوٹوگرافک گلیوکی طرح ہے۔ ایک نمونے سے اشعاع کا ایک سلسلہ (Continuum) گزارا جاتا ہے جو مخصوص طول موج کا اشعاع جذب کر لیتا ہے۔ عائد ہوئے طول موج، جو مادہ کے ذریعے جذب کیے گئے اشعاع سے مطابقت رکھتے ہیں، چندار مسلسل طیف میں سیاہ خالی جگہیں چھوڑ دیتے ہیں۔

اخراجی یا انجدابی طیف کا مطالعہ طیف پیائی (Spectroscopy) کہلاتا ہے۔ مری روشنی کا طیف، جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے، مسلسل تھا، کیونکہ اس طیف میں مری روشنی کے تمام طول موج (سرخ سے والٹ سکتے ہیں، والٹ (Violet) سے (تعداد:  $7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) سے سرخ ( $4 \times 10^{14} \text{ Hz}$  تک) ہوتی ہے۔ ایسے طیف کو مسلسل طیف (Continous Spectrum) کہتے ہیں۔ مسلسل اس لیے کہتے ہیں کیونکہ والٹ، نیلے میں ضم ہو جاتا ہے، نیلا، ہرے میں اور اسی طرح اور آگے بھی۔ اسی طرح کا ایک طیف اس وقت بھی بنتا ہے جب آسمان میں قوس و قزح بنتی ہے۔ یاد رکھیے کہ مری روشنی، بر ق مقناطیسی اشعاع کا ایک چھوٹا سا حصہ ہے (شکل 2.7)۔ جب بر ق مقناطیسی اشعاع، مادے سے باہمی دگر عمل کرتا ہے تو ایم اور سالمات تو انائی جذب کر سکتے ہیں اور تو انائی کی مقابلتاً اوپنی حالت (High Energy State) پر پہنچ سکتے ہیں۔ مقابلتاً زیادہ تو انائی کے ساتھ، یہ غیر مستحکم حالت میں ہوتے ہیں۔ اپنی عام حالت (مقابلتاً، زیادہ مستحکم، مقابلتاً کم تو انائی کی حالتیں) پر واپس آنے کے لیے، ایم اور سالمات، اشعاع خارج کرتے ہیں، جو بر ق مقناطیسی طیف کے مختلف خطوں سے تعلق رکھتا ہے۔

ایکٹرانی ساخت کے مطالعے میں خلی اخراجی طیف (Line Spectra) emission spectra) بہت دلچسپی کے حامل ہیں۔ ہر عنصر کا کیتا خلی اخراجی طیف ہوتا ہے۔ ایٹمی طیف میں مخصوص خطوط کیمیائی تجویز میں غیر معلوم عناصر کو شناخت کرنے کے لیے استعمال کی جاسکتے ہیں۔ جس طرح انگلیوں کے نشانات کسی شخص کی شناخت کرنے میں استعمال ہوتے ہیں۔ ایک معلوم ایم کے اخراجی طیف کے خطوط کا ایک غیر معلوم نمونے کے خطوط سے درست مقابلہ کر کے آخر الذکر کی شناخت کی جاسکتی ہے۔ روبر بنسن (Rober Bunsen) (1811-1899)، ایک جرم کیمیا داں، وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے خلی طیف کو عناصر کی شناخت کے لیے استعمال کیا۔

رو بیڈیم (Rb)، روبدیم (Rubidium's Cs)، سیزیم (Caesium')، (Gallium')، (Indium')، (Thallium' Tl)، اندیم (In)، (Lanthanum')، (Scandium' Sc)، (Gadolinium')، (Gallium')، (Indium')، (Thallium' Tl)، اندیم (In)، (Lanthanum')، (Scandium' Sc)، جیسے عناصر اس وقت دریافت ہوئے جب ان کی معدنیات (Minerals) کا اپکیٹر و اسکوپ طریقوں

ہوتی یہ تو اپنے اصل راستے سے منحرف ہو جاتی ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا ہے کہ جب سفید روشنی کی ایک شعاع اسی پرزم (Prism) میں سے گزاری جاتی ہے، تو مقابلتاً کم طولی موج کی لہر زیادہ طولی موج والی لہر کے مقابلے میں زیادہ منحرف ہوتی ہے۔ کیونکہ عام سفید روشنی، مری روشنی کی تمام طول موج پر مشتمل ہوتی ہے، اس لیے سفید روشنی کی ایک شعاع، پرزم میں سے گرنے پر رنگین پیوں (Coloured Bands) کے ایک سلسلے کی شکل میں پہلی جاتی ہے، جسے طیف (Spectrum) کہتے ہیں۔ سرخ رنگ کی روشنی، جس کا طولی موج سب سے زیادہ ہے، سب سے کم منحرف ہوتی ہے، جبکہ والٹ (Violet) روشنی، جس کا طولی موج سب سے کم ہے، سب سے زیادہ منحرف ہوتی ہے۔ سفید روشنی کے طیف کی روشنی جسے ہم دیکھ سکتے ہیں، والٹ (Violet) سے (تعداد:  $7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) سے سرخ (تعداد:  $4 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) تک ہوتی ہے۔ ایسے طیف کو مسلسل طیف (Continous Spectrum) کہتے ہیں۔ مسلسل اس لیے کہتے ہیں کیونکہ والٹ، نیلے میں ضم ہو جاتا ہے، نیلا، ہرے میں اور اسی طرح اور آگے بھی۔ اسی طرح کا ایک طیف اس وقت بھی بنتا ہے جب آسمان میں قوس و قزح بنتی ہے۔ یاد رکھیے کہ مری روشنی، بر ق مقناطیسی اشعاع کا ایک چھوٹا سا حصہ ہے (شکل 2.7)۔ جب بر ق مقناطیسی اشعاع، مادے سے باہمی دگر عمل کرتا ہے تو ایم اور سالمات تو انائی جذب کر سکتے ہیں اور تو انائی کی مقابلتاً اوپنی حالت (High Energy State) پر پہنچ سکتے ہیں۔ مقابلتاً زیادہ تو انائی کے ساتھ، یہ غیر مستحکم حالت میں ہوتے ہیں۔ اپنی عام حالت (مقابلتاً، زیادہ مستحکم، مقابلتاً کم تو انائی کی حالتیں) پر واپس آنے کے لیے، ایم اور سالمات، اشعاع خارج کرتے ہیں، جو بر ق مقناطیسی طیف کے مختلف خطوں سے تعلق رکھتا ہے۔

### خارج اور انجداب طیف (Emission and Absorption spectrum)

ایسی شے کے ذریعے خارج کیا گیا طیف جس نے تو انائی جذب کی ہے، اخراج طیف (Emission Spectrum) کہلاتا ہے۔ ایم، سالمات اور آئین، جنہوں نے تو انائی جذب کی ہوتی ہے، مشتعل (Excited) کہلاتے ہیں۔ ایک اخراج طیف پیدا کرنے کے لیے، ایک نمونے (Sample) کو گرم کر کے یا اشعاع ریزی (Irradiated) کر کے، تو انائی مہیا کی جاتی ہے اور جب نمونہ جذب شدہ تو انائی خارج

کے ناموں پر رکھے گئے ہیں۔ بالمر (Balmer) نے 1885 میں تجرباتی مشاہدات کی بناء پر دکھایا کہ اگر اپسیٹر و اسکوپک خطوط کو لہر عدد (v) کی شکل میں ظاہر کیا جائے، تو ہائدروجن طیف کے مرئی خطوط (Visible Line) مندرجہ ذیل فارمولے کے طابع ہوتے ہیں:

$$(2.8) \quad \bar{v} = 109,677 \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

جہاں ایک صحیح عدد (Integer) ہے جو 3 کے مساوی یا اس سے بڑا ہو سکتا ہے۔ یعنی کہ.....  
 $n = 3, 4, 5, \dots$

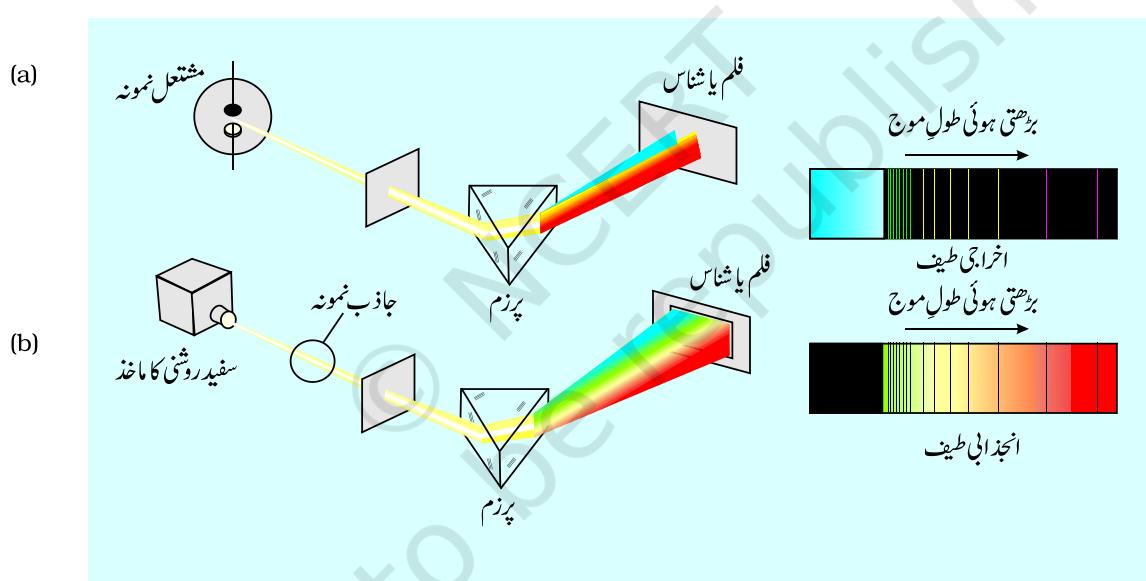
اس فارمولہ سے بیان کیے جانے والے خطوط کا سلسلہ بالمرسلسلہ کہلاتا ہے۔ ہائڈروجن کے طیف میں خطوط کا (Balmer Series)

(Spectroscopic Methods) کی موجودگی کی دریافت بھی اپنے کم و اسکو پک طریقوں سے ہوتی۔

## ہائڈروجن کا خطی طیف (Line Spectrum of Hydrogen)

*Hydrogen*

جب کسی ہائڈروجن سے ایک برقی ڈسچارج گزرا جاتا ہے، تو  $H_2$  سالمہ کا افراط (Dissociation) ہو جاتا ہے اور تو انہی کے اعتبار سے مشتمل ہائڈروجن ایٹم، محرد فریکوئنسی (Discrete Frequencies) کا برق مقناطیسی اشاعر خارج کرتے ہیں۔ ہائڈروجن طیف خطوط کے کئی سلسلوں پر مشتمل ہوتا ہے۔ جن کے نام انھیں دریافت کرنے والوں

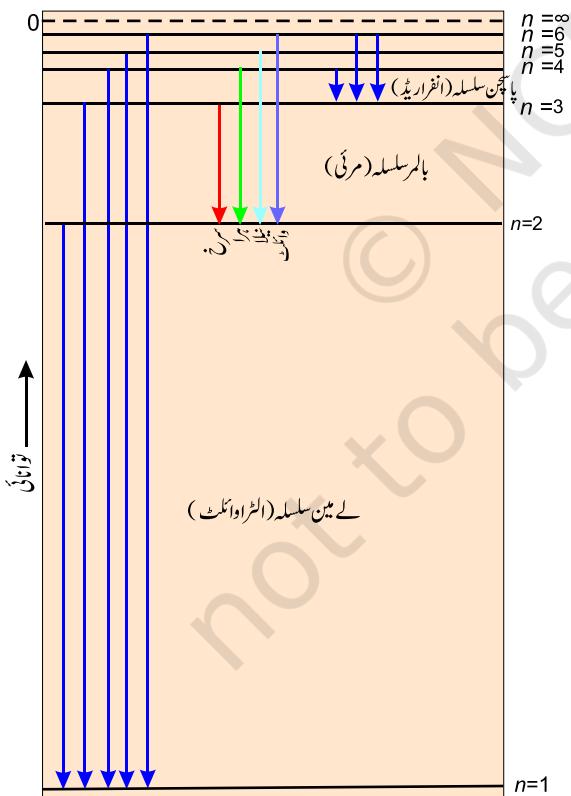


**شكل 2.10(a)** ایٹمی اخراج مشتعل هائڈروجن ایتموں (یا کسی دوسرے عنصر) کے نمونے سے خارج ہوئی روشنی کو ایک پرزم سے گذارا جاتا ہے اور مخصوص طول موج میں علیحدہ کر لیا جاتا ہے۔ اس طرح ایک طیف، جو علیحدہ ہوئی طول موج کی فوٹو گرافک ریکارڈنگ ہے، حاصل ہوتا ہے جو خطی طیف کھلاتا ہے۔ ایک مناسب سائز کے کسی بھی نمونے میں ایتموں کی بہت بڑی تعداد ہوتی ہے۔ حالانکہ ایک واحد ایتم کسی ایک خاص وقت پر صرف کسی ایک مشتعل حالت میں ہو سکتا ہے، ایتموں کے مجموعہ میں تمام ممکنہ مشتعل حالیں شامل ہوتی ہیں۔ ان ایتموں کے مقابلتاً کم توانائی حالتوں میں گرنے سے خارج ہونے والی روشنی طیف کے لیے ذمہ دار ہے۔ **(b)** ایٹمی انجداب جب سفید روشنی غیر مشتعل ایٹمی هائڈروجن سے گذاری جاتی ہے اور پھر ایک جھری (Slit) اور پرزم (Prism) سے گذاری جاتی ہے تو ترسیل شدہ روشنی (Transmitted Light) کی شدت (Intensity)، انهیں طولِ موج پر جو **(a)** میں خارج ہوئی تھیں، کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ ریکارڈ کیا ہوا انجدابی طیف بھی ایک خطی طیف ہوتا ہے اور اخراجی طیف کا فوٹو گرافک نیکیوں کا ہوتا ہے۔

(i) ہائڈروجن ایم میں الیکٹران، نیوکلیس کے گرد ایک متعین نصف قطر اور تو انائی کے دائری راستے پر حرکت کر سکتے ہیں۔ یہ راستے مدار (Orbits)، سکونی حالتیں (Stationary States) یا منظور شدہ تو انائی حالتیں (Allowed Energy States) کہلاتے ہیں۔ یہ مدار نیوکلیس کے گرد ہم مرکز شکل کھلاتے ہیں۔ یہ مدار نیوکلیس کے گرد ہم مرکز شکل کھلاتے ہیں۔

جدول 2.3: ایشی ہائڈروجن کے لیے اپیکٹر وا سکوپ خطوط

سلسلہ	$n_1$	$n_2$	اپیکٹر وا سکوپ خطوط
لے میں	1	2,3, ...	الٹرا اولٹ
بالمر	2	3,4, ...	مرنی
پاپچن	3	4,5, ...	انفار ایڈ
بریکٹ	4	5,6, ...	انفار ایڈ
پی فنڈ	5	6,7, ...	انفار ایڈ



شکل 2.11 ہائڈروجن ایم میں الیکٹران کا عبور (Transitions) (ڈائیگرام میں ٹرانزیشن کے لے میں، بالمر اور پاسچن سلسلے دکھائی گئے ہیں)

بالمر سلسلہ ہی وہ واحد خطوط ہیں جو برق مقناطیسی طیف کے مرئی نظرے میں ظاہر ہوتے ہیں۔ سوڈن کے ماہر طیف پیا جوہن رڈبرگ (Johannes Rydberg) نے بتایا کہ ہائڈروجن طیف کے تمام خطوط کے سلسلے مندرجہ ذیل عبارت سے بیان کیے جاسکتے ہیں:

$$(2.9) \quad \bar{v} = 109,677 \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

$$n_1 = 1, 2, \dots ;$$

$$n_2 = n_1 + 1, n_1 + 2, \dots$$

قدر  $109,677 \text{ cm}^{-1}$  ہائڈروجن کے لیے رڈبرگ مستقلہ کھلاتی ہے۔ خطوط کے پہلے پانچ سلسلے، جو  $n_1 = 1, 2, 3, 4, 5$  سے مطابقت رکھتے ہیں، بالترتیب لیمن (Lyman)، بالمر (Balmer)، پاپچن (Paschen)، بریکٹ (Bracket)، اور پی فنڈ (Bracket) سلسلے کاہلاتے ہیں۔ جدول 2.3 میں ہائڈروجن طیف کے ترسیل کے لیے ترسیل کے یہ سلسلے دکھائے گئے ہیں۔

تمام عناصر میں ہائڈروجن ایم کا خطی طیف سب سے سادہ ہوتا ہے۔ بھاری ایمتوں کے لیے خطی طیف زیادہ سے زیادہ پچیدہ ہوتا جاتا ہے۔ لیکن کچھ خاصیتیں ہیں جو تمام خطی طیف میں مشترک ہیں: (i) ہر عنصر کا خطی طیف کیتا ہوتا ہے۔ اور (ii) ہر عنصر کے خطی طیف میں ایک باقاعدگی (Regularity) پائی جاتی ہے۔ اب جو سوال پیدا ہوتے ہیں، وہ ہیں: ان مشترک خاصیتوں کی کیا وجوہات ہیں؟ کیا اس کا کچھ تعلق ایم کی الیکٹرانی ساخت سے ہے؟ یہ وہ سوال ہیں، جن کے جواب حاصل کرنے کی ضرورت ہے۔ ہم بعد میں معلوم کریں گے کہ ان سوالوں کے جواب ان عناصر کی الیکٹرانی ساخت کو سمجھنے کی بخشی فراہم کرتے ہیں۔

#### 2.4 ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر ماذل

نیل بوہر (Neils Bohr) وہ پہلے شخص تھے، جنہوں نے ہائڈروجن ایم کی ساخت اور اس کے طیف کی مقداری شکل میں وضاحت کی۔ حالانکہ ان کا نظریہ، جدید کواٹم میکینیکس نہیں ہے، پھر بھی یہ ایم کی ساخت اور طیف کے کئی نکتوں کو استدلالی بنانے کے لیے استعمال کیا جاستا ہے۔ ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر ماذل مندرجہ ذیل بنیادی مفروضات (Postulates) پر مبنی ہے:



**نیلس بوہر (Neils Bohr)**  
**(1885-1962)**

نیلس بوہر نے، ڈنمارک کے طبیعیات دار تھے، 1911 میں کوپن ہیگن یونیورسٹی (University of Copenhagen) سے

ڈاکٹریٹ حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایک سال انگلینڈ میں جے۔ جے۔ تھامسن اور ارنیست ردرفورڈ کے ساتھ گرا۔ 1913 میں وہ کوپن ہیگن واپس آگئے اور پھر زندگی کا بقیہ حصہ وہیں گزارا۔ 1920 میں انہیں انسٹی ٹیوٹ آف تھیوریکل فرکس کا ڈائرکٹر نامزد کیا گیا۔ پہلی عالمی جنگ کے بعد بوہر نے ایشی میانی کے پرامن استعمال کے لئے بڑی محنت سے کام کیا۔ 1957 میں انہیں پہلا "Atoms for Peace" (امن کے لیے ایشم) انعام ملا۔ بوہر کو 1922 میں طبیعیات کا نوبل انعام دیا گیا۔

(Integral Multiple) ہو۔ اسی لیے صرف کچھ متعین مدار ہی منظور شدہ ہیں۔

سکونی حالت کی تو انکی کو وضع (Derive) کرنے کی، بوہر کے ذریعے استعمال کی گئی، تفصیلات کافی پیچیدہ ہیں اور ان سے اعلیٰ درجات میں بحث جائے گی۔ پھر بھی، ہانڈروجن ایٹم کے بوہر کے نظریے کے مطابق:

(a) الیکٹران کی سکونی حالت کو عدد دیے جاتے ہیں: ...  
 $n = 1, 2, 3, \dots$   
 یہ صحیح اعداد (Integral Numbers) پنپل کوائم نمبر (Principal Quantum Numbers) کہلاتے ہیں  
 (سیکشن 2.6.2)۔

(b) سکونی حالت کے نصف قطر مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$r_n = n^2 a_0$$

جہاں:  $a_0 = 52.9 \text{ pm}$  اس لیے پہلی سکونی حالت کا نصف قطر بوہر نصف قطر کہلاتا ہے جو کہ  $52.9 \text{ pm}$  ہے۔ عام طور سے ہانڈروجن ایٹم میں الیکٹران اس مدار میں پایا جاتا ہے (یعنی  $n = 1$ )۔ جیسے جیسے  $n$  بڑھتا جاتا ہے،  $r$  بھی بڑھتا جائے گا۔ دوسرے لفظوں میں الیکٹران نیوکلیس سے دور پایا جائے گا۔

(c) الیکٹران سے منسلک سب سے اہم خاصیت، اس کی سکونی حالت کی تو انکی ہے۔ یہ مندرجہ ذیل عبارت سے ظاہر کی جاتی ہے:

(ii) ایک مدار میں الیکٹران کی تو انکی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔ لیکن ایک الیکٹران، ایک چلی سکونی حالت سے اوپری سکونی حالت میں حرکت کرے گا، جب وہ تو انکی کی مطلوبہ مقدار جذب کرے گا یا جب الیکٹران اوپری سکونی حالت سے چلی سکونی حالت میں حرکت کرتا ہے تو تو انکی خارج ہوتی ہے (مساویات 2.6)۔ تو انکی کی تبدیلی مسلسل طور پر نہیں ہوتی۔

### زاویائی معیار حرکت

جس طرح خطی تحرک (Linear Momentum) کیت 'm' اور خطی رفتار 'v' کا حاصل ضرب ہے، بالکل اسی طرح زاویائی تحرک، استراری گردشہ (Moment of Inertia) اور زاویائی رفتار (Angular Velocity) کا حاصل ضرب ہے۔ ایک  $m_e$  کیت کے الیکٹران کے لیے، جو نیوکلیس کے گرد، نصف قطر کے دائیٰ راستے پر حرکت کر رہا ہے،

$$(Angular Momentum) I = m_e \times v \times r$$

$$(جہاں خطی رفتار ہے) I = m_e r^2 \times v = m_e v r$$

"سکونی حالت کے درمیان، جن کا تو انکی کا فرق  $\Delta E$  ہے، جب ٹرانزیشن (Transition) ہوتا ہے تو جذب یا خارج ہونے والے اشعاع کی فریکوئنسی کو اس طرح ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.10) \quad v = \frac{\Delta E}{h} = \frac{E_2 - E_1}{h}$$

جہاں  $E_1$  اور  $E_2$ ، چلی اور اوپری منظور شدہ تو انکی حالت کی تو انکیاں ہیں۔ یہ عبارت عام طور سے بوہر کے فریکوئنسی کے قاعدے کے طور پر جانی جاتی ہے۔

(iv) ایک دی ہوئی سکونی حالت میں ایک الیکٹران کا زاویائی معیار حرکت مساوات (2.11) کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.11) \quad m_e v r = n \cdot \frac{h}{2\pi} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

اس طرح ایک الیکٹران صرف انھیں مداروں میں حرکت کر سکتا ہے، جن کے لیے اس کا زاویائی معیار حرکت  $h/2\pi$  کا صحیح عددی ضعف

(d) بوہر نظریہ کا اطلاق ان آئینوں پر بھی ہو سکتا ہے، جن میں ہائڈروجن ایم کی طرح صرف ایک الیکٹران ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر  $\text{He}^+$ ,  $\text{Li}^{2+}$ ,  $\text{Be}^{3+}$  جو ہائڈروجن جیسی انواع بھی کہلاتے ہیں، سکونی حالتوں کی توانائیاں مندرجہ ذیل عبارت کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:

$$(2.14) \quad E_n = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{Z^2}{n^2} \right) \text{J}$$

اور نصف قطر اس عبارت سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$(2.15) \quad r_n = \frac{52.9(n^2)}{Z} \text{ pm}$$

جہاں  $Z$  ایئٹھی عدد ہے اور ہیلیم و یونیٹھیم ایٹھوں کے لیے اس کی قدر، بالترتیب، 2 اور 3 ہے۔ مندرجہ بالا مساوات سے یہ ظاہر ہو جاتا ہے کہ  $Z$  میں اضافے کے ساتھ تو انائی کی قدر اور زیادہ منفی ہو جاتی ہے اور نصف قطر کی قدر اور کم ہو جاتی ہے۔ جس کا مطلب ہے کہ الیکٹران نیوکلیس کے ساتھ زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوا ہو گا۔

(e) ان مداروں میں حرکت کر رہے الیکٹرانوں کی رفتاروں کا حساب لگانا بھی ممکن ہے۔ حالانکہ بالکل درست مساوات یہاں نہیں دی جائی ہے، کیفیتی طور پر، الیکٹران کی رفتار کی عددی قدر میں، نیوکلیس پر ثابت برتنی چارج میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے اور پرنسپل کو اٹم نمبر میں اضافہ کے ساتھ، کمی ہوتی ہے۔

#### 2.4.1 ہائڈروجن کے خطی طیف کی وضاحت

#### (Explanation of Line Spectrum of Hydrogen)

ہائڈروجن ایم کے مشاہدہ کیے گئے خطی طیف کی (جسے سیشن 2.3.3 میں بیان کیا گیا ہے) بوہر ماڈل استعمال کرتے ہوئے، مقداری شکل میں وضاحت کی جاسکتی ہے۔ مفروضہ 2 کے مطابق، اشعاع (تو انائی) کا انجداب ہوتا ہے اگر الیکٹران مقابلاً چھوٹے پرنسپل کو اٹم نمبر کے مدار سے بڑے پرنسپل کو اٹم نمبر کے مدار میں حرکت کرے، جبکہ اشعاع (تو انائی) خارج ہوتی ہے اگر الیکٹران مقابلاً اپنے مدار سے نچلے مدار میں حرکت کرتا ہے۔ دونوں مداروں کے درمیان تو انائی فصل (Energy Gap) کی مناسبت سے اس کے مساوات (2.16) سے ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.13) \quad E_n = -R_H \left( \frac{1}{n^2} \right) \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

جہاں  $R_H$  رڈیوگ مستقلہ کہلاتا ہے اور اس کی قدر  $2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$  ہے۔ سب سے نچلی حالت، (جو کہ گراوڈ اسٹیٹ بھی کہلاتی ہے) کی تو انائی ہے:

$$E_1 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{1^2} \right) = -2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$$

کے لیے سکونی حالت کی تو انائی ہو گی:

$$E_2 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{2^2} \right) = -0.545 \times 10^{-18} \text{ J}$$

شکل 2.11 میں ہائڈروجن ایم کی مختلف سکونی حالتوں کی توانائیاں یا انرجی یول دھائے گئے ہیں۔ یہ اظہار انرجی یول ڈائیگرام کہلاتا ہے۔

ہائڈروجن ایم کے لیے منفی الیکٹرانی تو انائی ( $E_n$ ) کا کیا مطلب ہے؟

ہائڈروجن ایم میں الیکٹران کی تو انائی کی علامت تمام مکانہ مدار کے لیے منفی ہے (مساویات 2.13)۔ یہ منفی علامت کیا ظاہر کرتی ہے؟ اس منفی علامت کا مطلب ہے کہ ایم میں الیکٹران کی تو انائی، ایک حالت سکون (rest) میں آزاد الیکٹران کی تو انائی کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ حالت سکون میں ایک آزاد (free) الیکٹران، نیوکلیس سے لاتھی ہی فاصلے پر ہوتا ہے اور اس کے لیے تو انائی کی قدر 'صفر'، مخصوص کی گئی ہے۔ ریاضیاتی طور پر، یہ مساوات (2.13) میں  $n = \infty$  رکھنے سے مطابقت رکھتا ہے، اس طرح کہ  $E_\infty = 0$  الیکٹران جیسے جیسے نیوکلیس کے قریب تر ہوتا جاتا ہے (جیسے جیسے  $n$  کم ہوتا جاتا ہے)  $E_n$  اپنی مطلق قدر (Absolute Value) میں بڑھتی جاتی ہے اور مزید منفی ہوتی جاتی ہے۔ سب سے زیادہ منفی تو انائی کی قدر  $n = 1$  سے دی جاتی ہے، جو سب سے زیادہ مسٹخمن مدار سے مطابقت رکھتی ہے۔ ہم اسے گراوڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں۔

جب الیکٹران نیوکلیس کے اثر سے آزاد ہوتا ہے تو تو انائی کو صفر لیا جاتا ہے۔ اس صورت میں الیکٹران سے،  $n = \infty$  پرنسپل کو اٹم نمبر کی سکونی حالت مسلک کی جاتی ہے۔ جب الیکٹران نیوکلیس کے زیر کش ہوتا ہے اور مدار  $n$  میں پایا جاتا ہے، تو تو انائی خارج ہوتی ہے اور اس کی تو انائی کم ہو جاتی ہے۔ مساوات (2.13) میں منفی علامت کی موجودگی کی بھی وجہ ہے اور یہ صفر تو انائی کی حوالہ حالت اور  $n = \infty$  کی مناسبت سے اس کے استحکام (Stability) کو ظاہر کرتی ہے۔

بہت بڑی تعداد حاصل ہوتی ہے۔ اپیکٹر واسکوپ خلوط کی چمک یا شدت، جذب ہونے یا خارج ہونے والے، یکساں طولِ موج یا فریکوئنسی کے فوٹانوں کی تعداد پر مختص ہے۔

### مسئلہ 2.10

ہائڈروجن ایٹم میں  $n=5$  حالت سے  $n=2$  حالت میں ٹرانزیشن کے دوران خارج ہونے والے فوٹان کی طولِ موج اور فریکوئنسی کیا ہوں گے؟

حل

کیونکہ،  $n_i = 5$  اور  $n_f = 2$  اس لیے ٹرانزیشن، بالمرسلسلہ کے مرئی خط میں اپیکٹر واسکوپ خط دیتا ہے۔ مساوات (2.17) سے

$$\Delta E = 2.18 \times 10^{-18} J \left[ \frac{1}{5^2} - \frac{1}{2^2} \right] \\ = -4.58 \times 10^{-19} J$$

یہ ایک اخراجی توانائی ہے۔

فوٹان کی فریکوئنسی (توانائی کو اس کی عددی قدر کی شکل میں لیتے ہوئے) مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$\nu = \frac{\Delta E}{h} \\ = \frac{4.58 \times 10^{-19} J}{6.626 \times 10^{-34} Js} \\ = 6.91 \times 10^{14} Hz \\ \lambda = \frac{c}{\nu} = \frac{3.0 \times 10^8 m s^{-1}}{6.91 \times 10^{14} Hz} = 434 nm$$

### مسئلہ 2.11

$He^+$  کے پہلے مدار سے منسلک توانائی کا حساب لگائیے۔ اس مدار کا نصف قطر کیا ہے؟

حل

$$E_n = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} J)Z^2}{n^2} atom^{-1}$$

$E = 1, Z = 2: He^+$

$$E_1 = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} J)(2^2)}{1^2} = -8.72 \times 10^{-18} J$$

(2.16)

$$\Delta E = E_f - E_i$$

مساوات (2.13) اور (2.16) کو ملانے پر

$$\Delta E = \left( -\frac{R_H}{n_i^2} \right) - \left( -\frac{R_H}{n_f^2} \right)$$

اور اختتامی (Final) مداروں کو ظاہر کرتے ہیں۔

$$\Delta E = R_H \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) = 2.18 \times 10^{-18} J \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

(2.17)

فوٹان کے انجداب اور اخراج سے منسلک فریکوئنسی ( $\nu$ ) کو مساوات (2.18) کی مدد سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔

$$\nu = \frac{\Delta E}{h} = \frac{R_H}{h} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.18) = \frac{2.18 \times 10^{-18} J}{6.626 \times 10^{-34} Js} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.19) = 3.29 \times 10^{15} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) Hz$$

اور لہر عدد ( $\bar{\nu}$ ) کی شکل میں:

$$(2.20) \bar{\nu} = \frac{\nu}{c} = \frac{R_H}{hc} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$= \frac{3.29 \times 10^{15} s^{-1}}{3 \times 10^8 ms^{-1}} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.21) = 1.09677 \times 10^7 \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) m^{-1}$$

انجدابی طیف کی صورت میں  $n_f > n_i$  اور قوسین (Paranthesis) میں دیا ہوا کرن (Term) ثابت ہے اور توانائی جذب ہو رہی ہے۔ دوسری طرف، اخراجی طیف کی صورت میں  $n_f < n_i$ ،  $\Delta E$  مثبت ہے اور توانائی خارج ہو رہی ہے۔

عبارت (2.17) اس عبارت جیسی ہے جو ڈبرگ نے اس وقت دستیاب تجرباتی اعداد و شمار کو استعمال کر کے آزمائشی طور (empirically) پر وضع (Derive) کی تھی (مساوات 2.9)۔ مزید، ہر ایک اپیکٹر واسکوپ خط، چاہے وہ انجدابی طیف میں ہو یا اخراجی طیف میں، ہائڈروجن ایٹم میں ہونے والے کسی مخصوص ٹرانزیشن (Transition) سے منسلک کیا جاسکتا ہے۔ اگر ہائڈروجن ایٹموں کی بہت بڑی تعداد ہو تو مختلف مکانہ ٹرانزیشن کا مشاہدہ کیا جاسکتا ہے اور اس لیے اپیکٹر واسکوپ خلوط کی بھی

- 1- مادہ کا دھرا طرز عمل
- 2- ہائزنگ کا عدم تینی اصول

### 2.5.1 مادہ کا دھرا طرز عمل (Dual Behaviour of Matter)

1924 میں فرانسیسی طبیعت دان، ڈی۔ برگلی (De Broglie) نے تجویز پیش کی کہ اشعاع کی طرح، مادے کو بھی دوسرے طرز عمل کا اظہار کرنا چاہیے، یعنی کہ ذرہ اور لہر جیسی، دونوں قسم کی خاصیتیں ظاہر کرنا چاہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ جیسے فوتان کا معیار حرکت بھی ہوتا ہے اور طولِ موج بھی، اسی طرح الیکٹرونوں کا معیار حرکت بھی ہونا چاہیے اور طولِ موج بھی۔ اس مثال (Analogy) سے، ڈی۔ برگلی نے ایک مادی ذرہ کے طولِ موج ( $\lambda$ ) اور معیار حرکت ( $p$ ) کے درمیان مندرجہ ذیل رشتہ دیا:

$$(2.22) \quad \lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{p}$$

جہاں  $m$  ذرہ کی کمیت ہے،  $v$  اس کی رفتار ہے اور  $p$  اس کا معیار حرکت ہے۔ ڈی۔ برگلی کی پیشین گوئی تجربہ سے اس وقت ثابت ہوئی۔ جب ایک الیکٹران یہم کے انصراف (Diffraction) کا مشاہدہ کیا گیا۔ اس معلومات کا استعمال الیکٹران مائیکروسکوپ بنانے میں کیا گیا، جو بالکل اسی طرح الیکٹران کی لہریائی خصوصیت پر منحصر ہے، جس طرح کہ عام



لوئیس ڈی برگلی (1892-1987)

لوئیس ڈی برگلی (Louis de Broglie)، ایک فرانسیسی طبیعت دان نے 1910 کے شروعاتی برسوں میں بے اے کے طالب علم کی حیثیت سے تاریخ کا مطالعہ کیا۔ پہلی عالمی جنگ کے دوران جب ان کی تقریری ریڈیو ترسیل میں ہوئی تو انہیں سائنس میں دلچسپی پیدا ہوئی۔ انہوں نے پیرس یونیورسٹی (Paris University) سے 1924 میں سائنس میں ڈاکٹریٹ کی ڈگری (Dr. Sc) حاصل کی۔ وہ 1932 سے ملازمت سے سبکدوش ہونے تک (1962)، پیرس یونیورسٹی میں نظریاتی طبیعتیات کے پروفیسر رہے۔ انہیں 1929 میں طبیعتیات کا نوبل انعام دیا گیا۔

مدار کا نصف قطر مساوات (2.15) سے دیا جاتا ہے:

$$r_n = \frac{(0.0529 \text{ nm})n^2}{Z}$$

کیونکہ:  $n = 1, Z = 2$

$$r_n = \frac{(0.0529 \text{ nm})l^2}{2} = 0.02645 \text{ nm}$$

### 2.4.2 بوہر ماؤل کی حدود (Limitations of Bohr's Model)

بوہر کا ہائڈروجن ایم کا ماؤل یقیناً درجہ دیگر کے نیکیائی ماؤل سے بہتر تھا، کیونکہ یہ ایم کے استحکام اور ہائڈروجن ایم کے آیون کے خطی طفیلوں کی وضاحت کرنے میں کامیاب تھا۔ لیکن بوہر ماؤل اتنا سادہ تھا کہ مندرجہ ذیل نکات کی وضاحت نہیں کرسکا:

(i) یہ ہائڈروجن ایم طیف کی ان پاریک تفصیلات کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا ڈبلیٹ (Doublet) (یعنی کہ دونوں کی خطوط) جو طیف پیکی کی اور بہتر تنکیوں کے استعمال سے سامنے آئیں۔ یہ ماؤل، ہائڈروجن کے علاوہ اور کسی غضر کے طیف کی وضاحت کر سکنے میں کامیاب نہیں رہا، جیسے ہیلم ایم، جس میں صرف 2 الیکٹران ہوتے ہیں۔ مزید، بوہر کا نظریہ مقناطیسی میدان کی موجودگی میں (Zeeman Effect) یا برقی میدان (Stark Effect) کی موجودگی میں اسپیکٹر والوسکوپ خطوط کی علیحدگی (Splitting) کی بھی وضاحت بھی نہیں کرسکا۔

(ii) یہ ایٹموں کی کیمیائی بندشوں کے ذریعے، سالمات تشکیل دینے کی صلاحیتوں کی وضاحت نہیں کرسکا۔

دوسرے لفظوں میں، اوپر دیے ہوئے نکات کو سامنے رکھتے ہوئے، ہمیں ایک بہتر نظریہ کی ضرورت ہے جو پچیدہ ایٹموں کی ساخت کی اہم خاصیتوں کی وضاحت کر سکے۔

### 2.5 ایم کے کوئی میکانیکی ماؤل کی سمت (Towards Quantum Mechanical Model of the Atom)

بوہر ماؤل کی خامیوں کے پیش نظر، ایٹموں کے لیے ایک زیادہ مناسب اور عمومی ماؤل تیار کرنے کی کوششیں کی گئیں۔ دو اہم اکتشافات، جنہوں نے ایسے ماؤل کی تشکیل میں اہم حصہ لیا ہے تھے:

$$= 812 \text{ ms}^{-1}$$

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})(812 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 8967 \times 10^{-10} \text{ m} = 896.7 \text{ nm}$$

### مسئلہ 2.14

ایک فوٹان کی کمیت معلوم کیجیے، جس کا طولِ موج  $3.6\text{\AA}$  ہے

$$\text{حل: } \lambda = 3.6\text{\AA} = 3.6 \times 10^{-10} \text{ m}$$

روشنی کی رفتار = فوٹان کی رفتار

$$m = \frac{h}{\lambda v} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(3.6 \times 10^{-10} \text{ m})(3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.135 \times 10^{-29} \text{ kg}$$

### 2.5.2 ہائزنبرگ کا عدم یقینی اصول (Heisenberg's Uncertainty Principle)

ایک جرمن طبیعت دال، ورنر ہائزنبرگ (Werner Heisenberg) نے 1927 میں عدم یقینی اصول (Uncertainty Principle) کے مطابق بیان کیا، جو مادے اور اشعاع کی دھرمی طبع کا نتیجہ ہے۔ اس کا بیان ہے کہ ”ایک الیکٹران کا بالکل درست مقام اور بالکل درست معیار حرکت (یا رفتار)، ہمہ وقت (simultaneously) معلوم کرنا ناممکن ہے：“

ریاضیاتی شکل میں اسے مساوات (2.23) کے ذریعے بیان کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.23) \quad \Delta x \times \Delta p_x \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta x \times \Delta(mv_x) \geq \frac{h}{4\pi} \quad \text{یا}$$

$$\Delta x \times \Delta v_x \geq \frac{h}{4\pi m} \quad \text{یا}$$

چہاں  $\Delta x$  ذرے کے مقام میں عدم یقینی ہے اور  $\Delta p_x$  (یا  $\Delta v_x$ ) ذرے کے معیار حرکت (یا رفتار) میں عدم یقینی ہے۔ اگر ایک الیکٹران کا مقام زیادہ درجہ کی درستگی صحت کے ساتھ معلوم ہے ( $\Delta x$  چھوٹا ہے) تو

مائکروسکوپ (خود بین) میں روشنی کی لہر فطرت کا استعمال کیا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران مائکروسکوپ، جدید سائنسی تحقیق میں استعمال ہونے والا ایک موثر آلہ ہے کیونکہ اس کے ذریعے تقریباً 15 ملین گناہکبیر (Magnification) حاصل کی جاسکتی ہے۔

یہ نوٹ کرنا بہت اہم ہے کہ ڈی۔ برائلی کے مطابق، حرکت کرتی ہوئی ہر ایک شے میں لہر خاصیت پائی جاتی ہے۔ عام اشیاء سے مسلک طول موج اتنے چھوٹے ہیں (ان کی زیادہ کمیت کی وجہ سے) کہ ان کی لہر خاصیت شناس نہیں کی جاسکتی۔ الیکٹران اور دوسرے ذیلی ایٹمی ذرات (جن کی کمیت بہت کم ہوتی ہے) سے مسلک طولِ موج کو تجربات کے ذریعے شناس کیا جاسکتا ہے۔ مندرجہ ذیل مسئلہ سے حاصل ہونے والے نتائج اس نکتہ کو یقینی طور سے ثابت کرتے ہیں۔

### مسئلہ 2.12

0.1 kg کی ایک گیند کی طولِ موج کیا ہوگی، جبکہ وہ  $10 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہی ہو۔

### حل

ڈی۔ برائلی مساوات (2.22) کے مطابق

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{(6.626 \times 10^{-34} \text{ Js})}{(0.1 \text{ kg})(10 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.626 \times 10^{-34} \text{ m} (\text{J} = \text{kg m}^2 \text{ s}^{-2})$$

### مسئلہ 2.13

ایک الیکٹران کی کمیت  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے۔ اگر اس کی حرکی توانائی  $3.0 \times 10^{-25} \text{ J}$  ہے تو اس کے طولِ موج کا حساب لگائیے۔

### حل

کیونکہ

$$\text{K.E.} = \frac{1}{2} mv^2$$

$$v = \left( \frac{2\text{K.E.}}{m} \right)^{1/2} = \left[ \frac{2 \times 3.0 \times 10^{-25} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})} \right]^{1/2}$$

اور اگر ہمیں یہ بھی معلوم ہو کہ اُس لمحہ وقت پر اس کی رفتار کیا ہے اور اس پر کون سی قوتیں کام کر رہی ہیں، تو ہم بتا سکتے ہیں کہ کچھ دیر بعد، ایک دوسرے لمحہ وقت پر، وہ جنم کہاں ہو گا۔ اس لیے ہم یہ نتیجہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک شے کا مقام اور اس کی رفتار، اس شے کا نظری حرکت متعین کرتے ہیں۔ کیونکہ ایک ذیلی ایٹھی شے جیسے ایک الیکٹران، کے لیے یہ ممکن نہیں ہے، کہ کسی دیے ہوئے لمحہ وقت پر، اس کا مقام اور اس کی رفتار، ہمہ وقت (Arbitrary) ایک اختیاری (Simultaneously) درستی صحت کے ساتھ معلوم کی جاسکے، اس لیے ایک الیکٹران کے نظری حرکت کی بات کرنا بھی ممکن نہیں ہے۔

ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول کا اثر صرف خود بینی اشیا (Microscopic Objects) کے لیے ہی اہم ہے اور کلاں اشیا (Macro Objects) کے لیے قابل نظر انداز ہے۔ اسے مندرجہ ذیل مثال سے سمجھا جاسکتا ہے۔

اگر عدم یقین اصول کا اطلاق ایک ایسی شے پر کیا جائے، جس کی کمیت، مان لیجئے، ایک ملی گرام ( $10^{-6} \text{ kg}$ ) کے قریب ہے، تو

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{h}{4\pi m}$$

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 10^{-6} \text{ kg}} \approx 10^{-28} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}$$

حاصل ہوئی  $\Delta v \Delta x$  کی قدر بہت زیادہ چھوٹی ہے لہذا غیر اہم ہے۔ اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ ملی گرام ناپ کی یا اس سے بھاری اشیا کے ساتھ نسلک عدم یقینی حقیقی قبل لحاظ اثر نہیں ڈالتیں۔

دوسری طرف، ایک الکٹران جیسے خود بینی ذرہ کے لیے، حاصل ہونے والی  $\Delta V \cdot \Delta x$  کی قدر اس سے کہیں زیادہ ہے اور عدم یقینی حقیقت میں موثر ہیں۔ مثال کے طور پر، ایک الکٹران، جس کی کمیت  $9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے، کے لیے، ہائزنبرگ عدم یقینی اصول کے مطابقت۔

مطابق:

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{h}{4\pi m}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}$$

$$= 10^{-4} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}$$

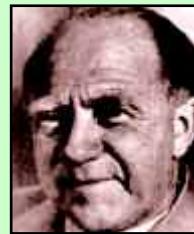
الیکٹران کی رفتار غیر یقینی ہوگی [  $v_x$  ]  $\Delta$  بڑا ہوگا۔ دوسری طرف اگر الیکٹران کی رفتار درستی صحت کے ساتھ معلوم ہے، [  $v_x$  ]  $\Delta$  چھوٹا ہے تو الیکٹران کا مقام غیر یقینی ہوگا (  $\Delta x$  )  $\Delta$  بڑا ہوگا۔ اس لیے اگر ہم الیکٹران کا مقام اور اس کی رفتار معلوم کرنے کے لیے کوئی طبیعی پیمائش کریں تو نتیجہ میں حاصل ہونے والی تصور ہمیشہ دھنڈلی اور غیر واضح ہوگی۔

عدم تلقی اصول کو ایک مثال کے ذریعے سب سے اچھی طرح سمجھا جاسکتا ہے۔ فرض کیجیے کہ آپ کو ایک کاغذ کی موٹائی ایسی میٹر چھڑ سے ناپنے کے لیے کہا گیا ہے، جس پر نشانات لگے ہوئے نہیں ہیں۔ ظاہر ہے کہ آپ جو نتائج حاصل کریں گے وہ بہت زیادہ غیر درست اور بے معنی ہوں گے۔ کچھ بھی درستگی صحت حاصل کرنے کے لیے، آپ کو چاہیے کہ آپ ایسا آلہ استعمال کریں، جس پر کاغذ کی موٹائی سے چھوٹی اکائیوں کے نشانات لگے ہوں۔ اس مماثلت کے مطابق، ایک الیکٹران کا مقام معلوم کرنے کے لیے ہمیں ایسی میٹر چھڑ استعمال کرنا لازمی ہے جس میں لگے ہوئے نشانات کی اکائیاں، الیکٹران کے ابعاد (Dimension) سے چھوٹی ہوں۔ (یہ بات ذہن میں رکھیں کہ الیکٹران کو ایک نقطہ چارج مانا جاتا ہے اور اس لیے اس کا کوئی ابعاد نہیں ہیں۔) ایک الیکٹران کا مشاہدہ کرنے کے لیے ہمیں اسے روشنی یا برق مقناطیسی اشعاع سے منور کرنا پڑے گا۔ ضروری ہے کہ استعمال کی جانے والی روشنی کا طولِ موج الیکٹران کے ابعاد سے چھوٹا ہو۔ ایسی روشنی کے زیادہ معیار حرکت والے فوٹان  $[p = \frac{h}{\lambda}]$ ، الیکٹرانوں سے ٹکرایا کر ان کی توانائی تبدیل کر دیں گے۔ اس عمل کے دوران، ہم بے شک، الیکٹران کے مقام کا حساب تو لگا سکیں گے، لیکن تصادم کے بعد الیکٹران کی رفتار کے بارے میں بہت کم حال سکیں گے۔

عدم یقینی کے اصول کی اہمیت (Significance of Uncertainty Principle)

ہائزنڈرگ کے عدم یقینی کے اصول کا ایک اہم نتیجہ یہ ہے کہ یہ الیکٹران اور اس جیسے دوسرے ذرات کے متعین راستوں اور خلط و حرکت (Trajectories) کی موجودگی کو خارج کرتا ہے۔ ایک شے کا خط حرکت، مختلف لمحات پر، اس کے مقام اور اس کی رفتار کے ذریعے معلوم کیا جاتا ہے۔ اگر ہمیں یہ معلوم ہو کہ ایک خاص لمحہ وقت پر ایک جسم کہاں ہے

ورنر ہائزبرگ (1901-1976) نے 1923 میں میونخ یونیورسٹی سے طبیعتیات میں پی-ایچ-ڈی۔ کمی سند حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایک برس گوتینگن (Gottingen) میں میکس ہورن کے ساتھ اور تین برس کوپن ہیگن میں نیلس بوہر کے ساتھ کام کرتے ہوئے گزارے۔ وہ 1927 سے 1941 تک لیپیزگ (Leipzig) یونیورسٹی میں طبیعتیات کے پروفیسر رہے۔ عالمی جنگ II کے دوران ہائزبرگ کی ایتم بم پر جرمن ریسرچ کے انجراج رہے۔ جنگ کے بعد انہیں گوتینگن میں میکس پلانک انسٹی ٹیوٹ فار فرکس کا ڈائئرکٹر نامزد کیا گیا۔ وہ ایک ماہر کوہ پیما بھی تھے۔ ہائزبرگ کو 1932 میں طبیعتیات کا نوبل انعام دیا گیا۔



### مسئلہ 2.16

ایک گوف گیند کی کمیت 40g اور چال 45 m/s ہے۔ اگر چال 2% کی درستی صحت کے ساتھ ناپی جاسکتی ہے، تو اس کے مقام میں عدم یقینی کا حساب لگائیے۔

حل

چال میں عدم یقینی ہے، یعنی کہ

$$45 \times \frac{2}{100} = 0.9 \text{ m s}^{-1}$$

مساوات: (2.2) استعمال کرتے ہوئے

$$\Delta x = \frac{h}{4\pi m \Delta v}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 40 \text{ g} \times 10^{-3} \text{ kg g}^{-1} (0.9 \text{ m s}^{-1})} \\ = 1.46 \times 10^{-3} \text{ m}$$

یہ تقریباً ایک نیوکلیس کے قطر سے تقریباً  $10^{18}$  ~ گناہ چھوٹی ہے۔ جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے، بڑے ذرات کے لیے، عدم یقینی اصول، پیکٹوں کی درستی صحت کے لیے کوئی باعثی حدود نہیں قائم کرتا۔

### بوہر ماؤل کی ناکامی کے اسباب (Reasons for the Failure of the Bohr Model)

اب ہم بوہر ماؤل کی ناکامی کے اسباب سمجھ سکتے ہیں۔ بوہر ماؤل میں ایک الیکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے۔ جو نیوکلیس کے گرد دائری مداروں میں حرکت کر رہا ہے۔ بوہر ماؤل میں الیکٹران کی لہر فطرت کا لحاظ نہیں رکھا جاتا۔ مزید یہ کہ مدار ایک بے خوبی معرف راستہ ہے اور اس

اس کا مطلب ہے کہ اگر کوئی شخص الیکٹران کا مقام، صرف  $10^{-8} \text{ m}$  کی عدم یقینی کے ساتھ، معلوم کرنا چاہتا ہے، تو اس کی رفتار میں عدم یقینی  $\Delta v$  ہوگی:

$$\frac{10^{-4} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}}{10^{-8} \text{ m}} \approx 10^{+4} \text{ m s}^{-1}$$

جو اتنی زیادہ ہے کہ بوہر کے مداروں (معین) میں گھومتے ہوئے الیکٹرانوں کی کلاسیکی تصویر درست نہیں ہو سکتی۔ اس کا مطلب ہے کہ الیکٹرانوں کے مقام اور ان کی رفتار کے بالکل درست پیانوں کو، اختلال (Probability) کے ان بیانات سے تبدیل کرنا ہو گا۔ جو الیکٹران کے لیے دیے ہوئے مقام یا معیار حرکت کا ہے۔ ایتم کے کوئی میکانیکی ماؤل میں بھی ہوتا ہے۔

### مسئلہ 2.15

ایک ایتم میں  $0.1 \text{ \AA}$  کے فاصلے کے اندر ایک الیکٹران کا مقام متعین کرنے کے لیے ایک خودزیب اسٹیکل کیا جاتا ہے، جس میں مناسب فوٹان اسٹیکل کیے جاتے ہیں۔ اس کی رفتار کی پیمائش میں کتنی عدم یقینی شامل ہوگی؟

حل

$$\Delta x \Delta p = \frac{h}{4\pi} \text{ or } \Delta x m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta v = \frac{h}{4\pi \Delta x m}$$

$$\Delta v = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 0.1 \times 10^{-10} \text{ m} \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}} \\ = 0.579 \times 10^7 \text{ m s}^{-1} (1 \text{ J} = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}) \\ = 5.79 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$$

ایک اسٹریائی طبیعتی داد، ارون شرو ڈنگر (Erwin Schrodinger) نے 1910 میں نظریاتی طبیعتی میں وینا (University of Vienna) سے پی-ایچ-ڈی کی سند حاصل کی۔ 1927 میں شرو ڈنگر نے برلن یونیورسٹی میں میکس پلانک (Max Planck) کی درخواست پر ان کی جگہ لی۔ 1933 میں شرو ڈنگر نے برلن چھوڑ دیا کیونکہ وہ هتلر اور نازی پالیسیوں کے خلاف تھے اور 1936 میں آسٹریا واپس لوٹ آئے۔ آسٹریا میں جرمی کی فوجی کروائی کے بعد شرو ڈنگر کو زبردستی پروفیسر شپ سے ہٹا دیا گیا۔ وہ پھر ڈبلن، آئرلینڈ (Dublin-Ireland) چلے گئے اور وہاں 7 سال تک رہے۔ 1933 میں انہیں پی-ائے-ایم۔ ڈرک (P.A.M. Dirac) کے ساتھ نشہ کے طور پر طبیعتیات کے نوبل انعام سے نوازا گیا۔ کر



ارون شرو ڈنگر  
(1887-1961)

کو اٹم میکنیکس کی بنیادی مساوات شرو ڈنگر نے دی اور اس کے لیے انہیں 1933 میں نوبل انعام سے نوازا گیا۔ یہ مساوات جس میں، جیسا کہ ڈی برگلی نے تجویز کیا تھا، مادے کی لہر ذرہ دوئی (Duality) شامل ہے، کافی پیچیدہ ہے اور اسے حل کرنے کے لیے اعلیٰ ریاضی کی معلومات درکار ہے۔ آپ مختلف نظاموں کے لیے اس کے حل اعلیٰ جماعتوں میں سکھیں گے۔

ایک ایسے نظام کے لیے (جیسا کہ ایک ایٹم یا ایک سالمہ، جس کی تو انائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی)، شرو ڈنگر مساوات اس طرح لکھی جاتی ہے:  $E = \hat{H} \psi$  جہاں  $\hat{H}$  ایک ریاضیاتی آپریٹر (Operator) ہے جو ہمکو نین (Hamiltonian) کہلاتا ہے۔ شرو ڈنگر نے اس آپریٹر کو نظام کی کل تو انائی کی عبارت سے تشكیل دینے کی ایک ترکیب بتائی۔ نظام کی کل تو انائی میں تمام ذیلی ذرات (الیکٹران، نیوکلیس) کی حرکی تو انائیاں، الیکٹرانوں اور نیوکلیسیوں کے درمیان کشش مضمر (Attractive Potential) اور الیکٹرانوں نیز نیوکلیسیوں کے درمیان، علیحدہ علیحدہ، دافع مضمر (Repulsive Potential) شامل ہیں۔ اس مساوات کا حل  $E$  اور  $\psi$  دیتا ہے۔

راستہ کی مکمل طور پر تعریف صرف اسی وقت کی جاسکتی ہے، جبکہ بالکل ایک ہی وقت پر الیکٹران کا مقام اور اس کی رفتار دونوں معلوم ہوں۔ یہ ہائز نبرگ کے عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لئے ہائڈروجن ایشم کا بوہر ماڈل نہ صرف مادے کے دھرتے طرز عمل کو نظر انداز کرتا ہے، بلکہ ہائز نبرگ کے عدم یقینی اصول کی تعليظ بھی کرتا ہے۔ بوہر ماڈل کی ان بنیادی خامیوں کے پیش نظر، بوہر ماڈل کی توسعہ دوسرے عناصر کے لیے کرنے کی کوئی وجہ نہیں تھی۔ دراصل، ایٹم کی ساخت کے اس ادراک کی ضرورت تھی جو مادہ کے لہر ذرہ دہرے پن کو سمجھا سکے اور ہائز نبرگ کے عدم یقینی اصول سے ہم آہنگ ہو۔ یہ کو اٹم میکنیکس (Quantum Mechanics) کے ظہور سے ممکن ہو سکا۔

## 2.6 ایٹم کا کو اٹم میکنیکس ماڈل (Quantum Mechanical Model of Atom)

کلاسیکی مکانک، جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے، تمام کلاں اشیا جیسے گرتا ہوا پتھر، مدار میں چکر لگاتے ہوئے سیارے، وغیرہ کی حرکت کو کامیابی کے ساتھ بیان کرتی ہے، جن کا طرز عمل صرف ذرات کی طرح کا ہوتا ہے، جیسا کہ پچھلے باب میں بیان کیا گیا ہے۔ لیکن کلاسیکی میکنیکس اس وقت ناکام ہو جاتی ہے، جب اس کا اطلاق خورد بینی اشیا جیسے الیکٹران، ایٹم، سالمات وغیرہ پر کیا جاتا ہے۔ اس کی خاص وجہ یہ ہے کہ کلاسیکی مکانک، خاص طور پر ذیلی ایٹمی ذرات کے لیے مادہ کے دہرے طرز عمل اور عدم یقینی اصول کو نظر انداز کر دیتی ہے۔ سائنس کی وہ شاخ جو مادے کے اس دہرے طرز عمل کا لاحاظہ رکھتی ہے، کو اٹم میکنیکس کہلاتی ہے۔ کو اٹم میکنیکس ایک نظریاتی سائنس ہے، جس میں ان خورد بینی اشیا کا، جوموج اور ذرہ دونوں طرح کی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہیں، مطالعہ کیا جاتا ہے۔ یہ حرکت کے ان قوانین کو تعین کرتی ہے جو ان اشیا پر لاگو ہوتے ہیں۔ جب کو اٹم کا اطلاق کلاں اشیا پر کیا جاتا ہے۔ (جن کے لیے لہریاتی خاصیتیں غیر اہم ہیں) تو وہی نتائج حاصل ہوتے ہیں جو کلاسیکی مکانک سے حاصل ہوتے ہیں۔

کو اٹم میکنیکس کو 1926 میں ورنر ہائز نبرگ اور ارون شرو ڈنگر نے، علیحدہ علیحدہ کام کرتے ہوئے فروغ دیا۔ لیکن یہاں ہم اس کو اٹم میکنیکس سے بحث کریں گے جو موج حرکت کے تصورات پر مبنی ہے۔

سیشن 2.6.3 اور 2.6.4 میں)، ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع کے بخلاف، جن کی توانائیاں صرف کوئی عدد  $n$  پر مختصر ہیں، کثیر الیکٹرانی ایٹم کی توانائیاں کوئی عدد  $n$  اور  $a$  پر مختصر ہیں۔

### ایٹم کے کوائم میکانیکی ماذل کی اہم خاصیتیں

ایٹم کا کوائم میکانیکی ماذل، ایٹم کی ساخت کی وہ تصویر ہے۔ جو ایٹم پر شروڈنگر مساوات کے اطلاق سے ابھرتی ہے۔ ایٹم کے کوائم میکانیکی ماذل کی اہم خصوصیات مندرجہ ذیل ہیں:

- 1 - ایٹم میں الیکٹرانوں کی توانائی کوئی ہوتی ہے (یعنی کہ اس کی صرف کچھ مخصوص قدریں ہو سکتی ہیں)، جبکہ ایٹم میں الیکٹران نیکلیں سے بندھے ہوتے ہیں۔
- 2 - کوئی الیکٹرانی ازجی یول کی موجودگی الیکٹرانوں کی اہر جیسی خاصیتوں کا براہ راست نتیجہ ہے اور یہ شروڈنگر ہر مساوات کے تسلیم شدہ حل (Allowed Solutions) ہیں۔
- 3 - ایک ایٹم میں ایک الیکٹران کا قطعی مقام (Exact Position) اور اس کی قطعی رفتار، دونوں ہمہ وقت (Simultaneously) نہیں معلوم کیے جاسکتے (ہائرنبرگ عدم لیقینی اصول)۔ اس لیے، ایٹم میں ایک الیکٹران کا راستہ کبھی بھی درستی صحت کے ساتھ نہیں معلوم کیا جاسکتا۔ اسی وجہ سے، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے، ہم صرف ایک ایٹم میں، اس کے مختلف نقاط پر الیکٹران کے پائے جانے کے احتمال کی بات کرتے ہیں۔

- 4 - ایک ایشی ارٹل، کسی ایٹم میں الیکٹران کے لیے اہر تفاضل ۷۷ ہے۔ جب بھی کسی الیکٹران کو ایک اہر تفاضل کے ذریعے بیان کیا جاتا ہے، تو ہم کہتے ہیں کہ الیکٹران اس ارٹل کو گھیرے ہوئے یا اس ارٹل میں ہے۔ کیونکہ ایک الیکٹران کے لیے ایسے بہت سے اہر تفاضلات ممکن ہیں، اس لیے ایک ایٹم میں کئی ایشی ارٹل ہوتے ہیں۔ یہ ”ایک الیکٹران ارٹل اہر تفاضل“ یا ارٹل ایٹم کی الیکٹرانی ساخت کی بنیاد تفہیل دیتے ہیں۔ ہر ارٹل میں، الیکٹران کی ایک متعین توانائی ہوتی ہے۔ ایک ارٹل میں دوسرے زیادہ الیکٹران نہیں ہو سکتے۔ ایک کثیر الیکٹرانی ایٹم میں الیکٹران مختلف ارٹل میں، توانائی کی بڑھتی ہوئی ترتیب میں، بھرے ہوتے ہیں۔ اس لیے ایک کثیر الیکٹرانی ایٹم کے ہر الیکٹران کے لیے ایک ارٹل اہر۔ تفاضل ہونا چاہیے جو اس ارٹل کی خاصیت ہو جس میں الیکٹران پایا

### ہائڈروجن ایٹم اور شروڈنگر مساوات (Hydrogen Atom and the Schrodinger Equation)

جب ہائڈروجن ایٹم کے لیے شروڈنگر مساوات حل کی جاتی ہے، تو حل وہ تمام ممکنہ ازجی یول مہیا کرتا ہے جہاں الیکٹران پائے جاسکتے ہیں اور ہر ازجی یول سے مسلک الیکٹران سے مطابقت رکھنے والا لہر۔ تفاضل (Wave Function) بھی حاصل ہوتا ہے۔ یہ کوئی توانائی حاصل ہیں اور ان کے نظری لہر۔ تفاضل، جن کی خاصیتیں تین کوائم اعداد کے ایک سیٹ سے پیمان کی جاتی ہیں (پرنسپل کوائم نمبر  $n$ ، سمیت راسی (Azimuthal) کوائم عدد  $l$  اور مقناطیسی کوائم عدد  $m_l$ ) جو شروڈنگر مساوات کے حل میں قدرتی متانج کے طور پر حاصل ہوتے ہیں۔ جب ایک الیکٹران کسی بھی توانائی حالت میں ہوتا ہے، تو اس توانائی حالت کے نظری لہر تفاضل الیکٹران کے بارے میں تمام معلومات رکھتا ہے۔ لہر تفاضل ایک ریاضیاتی تفاضل ہے، جس کی قدر ایٹم میں الیکٹران کے کوآرڈینیٹ (Coordinates) پر مبنی ہے اور اس کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع (جن میں ایک الیکٹران ہوتا ہے) کے یہ اہر تفاضل ایٹمی ارٹل (Atomic Orbitals) کہلاتے ہیں۔ ایسے موجود۔ تفاضلات جو ایک الیکٹران نوع سے متعلق ہوتے ہیں، ایک الیکٹران نظام کہلاتے ہیں۔ ایک ایٹم کے اندر کسی ایک نقطے پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطے پر  $\psi^2$  کے متناسب ہوتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم کے کوائم میکانیکی متانج، کامیابی کے ساتھ، ہائڈروجن ایٹم طیف کے تمام پہلوؤں کی پیشیں گئی کرتے ہیں اور ساتھ ہی ان مظاہر کی وضاحت بھی کرتے ہیں جن کی وضاحت بوہر ماذل نہیں کر سکتا۔ کثیر۔ الیکٹرانی ایٹم پر شروڈنگر مساوات کے اطلاق میں ایک دشواری پیش آتی ہے: کثیر الیکٹرانی ایٹم کے لیے شروڈنگر مساوات کو بالکل درستگی کے ساتھ حل نہیں کیا جاسکتا۔ اس مشکل پر تقریبی طریقوں (Approximate Methods) کا استعمال کر کے قابو پایا جاسکتا ہے۔ جدید کمپیوٹر کی مدد سے کی گئی ایسی تحسیبات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ہائڈروجن ارٹل کے علاوہ دوسرے ایٹم کے ارٹل، اوپر بیان کیے گئے ہائڈروجن ارٹل سے بنیادی طور پر مختلف نہیں ہوتے۔ خاص فرق نیکلیاں چارج میں اضافے کے متانج کی وجہ سے ہوتا ہے۔ اس کی وجہ سے تمام ارٹل کچھ سکڑ جاتے ہیں۔ مزید، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے (ذیلی

$$n = 1 \ 2 \ 3 \ 4 \dots$$

$$= \text{شیل} \quad K \ L \ M \ N \dots$$

$n$  میں اضافہ کے ساتھ ارٹل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں الیکٹران نیکلیس سے زیادہ فاصلے پر پایا جائے گا۔ کیونکہ منفرد چارج شدہ الیکٹران کو ثابت چارج شدہ نیکلیس سے دور لے جانے میں تو انہی درکار ہوگی، اس لیے  $n$  میں اضافہ کے ساتھ، ارٹل کی توانائی میں، اضافہ ہوگا۔

سمت راس کوئنچی عدد 'l' (Azimuthal Quantum Number) ارٹل زاویائی معیار حرکت (Orbital Angular Number) یا ذیلی کوئنچی عدد (Subsidiary Quantum Number) یا ذیلی کوئنچی عدد (Momentum Number) بھی کہلاتا ہے۔

یہ مدراچ کی سے ابعادی شکل کو معرف کرتا ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے،  $l$  کی  $n$  قدریں ہو سکتی ہیں، جن کی وسعت 0 سے  $(n-1)$  تک ہوتی ہے۔ یعنی کہ  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $l$  کی ممکنہ قدریں ہیں:  $(n-1)$ :  $1 = 0, 1, 2, \dots$ ,  $n-2$  کے طور پر، اگر  $1 = n$  ہے تو  $l$  کی قدر صرف 0 ہے۔  $n=2$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0 اور 1 ہیں  $n=3$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0, 1 اور 2 ہیں۔

ہر ایک شیل ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل یا سب لیول (Sub Level) پر مشتمل ہوتا ہے۔ ایک پرنسپل شیل (Principal Shell) میں ذیلی شیل کی تعداد  $n$  کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر پہلے شیل ( $n=1$ ) میں صرف ایک تھت شیل ہوتا ہے، جو  $l=0$  سے مطابقت رکھتا ہے۔ دوسرے شیل ( $n=2$ ) میں دو ذیلی شیل ( $l=0, 1$ ) ہوتے ہیں، تیسرا شیل ( $n=3$ ) میں 3 ذیلی شیل ( $l=0, 1, 2$ ) ہوتے ہیں، اور اسی طرح ہر ذیلی شیل کو ایک راس سمت کوئنچی عدد ( $l$ ) دیا جاتا ہے۔  $l$  کی مختلف قدریوں سے مطابقت رکھنے والے ذیلی شیل مندرجہ ذیل علامتوں سے ظاہر کیے جاتے ہیں۔

$$\dots \ 5 \ 4 \ 3 \ 2 \ 1 \ 0 : l \text{ کی قدر}$$

s p d f g h .... ذیلی شیل کی علامت

جدول 2.4 میں ایک دیے ہوئے پرنسپل کوئنچی نمبر کے لیے  $l$  کی مبارج (Permissible) اقدار اور تیسرا ذیلی شیل ترسیم دی گئی ہے۔

جائے۔ ایک ایم میں الیکٹران کے بارے میں تمام معلومات اس کے ارٹل لہر تفاضل  $\psi$  میں محفوظ ہوتی ہے اور کوئنچی نمبر کی مدد سے اس معلومات کو  $\psi$  سے حاصل کرنا ممکن ہو جاتا ہے۔

5۔ ایک ایم کے اندر کسی ایک نقطہ پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطہ پر ارٹل موج تفاضل کے مریع کے راست متناسب ہے، یعنی کہ  $|A\psi|^2$  کو ہر طور احتمال کثافت (Probability density) جانا جاتا ہے اور یہ ہمیشہ ثابت ہوتی ہے۔ ایک ایم میں مختلف نقاط پر  $|A\psi|^2$  کی قدر کے ذریعے، نیکلیس کے ارد گرد اس نظر کی پیشین گوئی کرنا ممکن ہے جہاں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال سب سے زیادہ ہے۔

## 2.6.1 ارٹل اور کوئنچی نمبر (Orbitals and Quantum Number)

### Numbers

ایک ایم میں ارٹل کی ایک بڑی تعداد ممکن ہے۔ کیفیتی طور پر (Qualitatively) ان ارٹل میں امتیاز ان کے سائز، شکل اور تشریق (Orientation) کے ذریعے کیا جاسکتا ہے۔ ایک مقابلاً کم سائز کے ارٹل کا مطلب ہے کہ الیکٹران کا نیکلیس کے نزدیک پائے جانے کا امکان زیادہ ہے۔ اسی طرح سے شکل اور تشریق کا مطلب ہے کہ الیکٹران کا کسی ایک سمت میں، دوسری سمتوں کے مقابلے میں، پائے جانے کا احتمال زیادہ ہے۔ ایمیں ارٹل میں امتیاز، کوئنچی اعداد کے ذریعے کیا جاتا ہے۔ ہر ارٹل کو تین کوئنچی عدد دیے جاتے ہیں، جنہیں  $n$ ,  $l$  اور  $m_l$  نام دیے جاتے ہیں۔

پرنسپل کوئنچی  $n$ ، ایک ثابت صحیح عدد ہے اور اس کی قدریں ہو سکتی ہیں! .....  $n = 1, 2, 3, \dots$  پرنسپل کوئنچی نمبر ارٹل کا سائز اور بڑی حد تک اس کی توانائی کا تعین کرتا ہے۔ ہائڈروجن ایم اور ہائڈروجن جس سے انواع کے لیے ( $\text{Li}^{2+}, \text{He}^+$ ، ..... وغیرہ) ارٹل کی توانائی اور اس کا سائز صرف ' $n$ ' پر مختص ہے۔

پرنسپل کوئنچی نمبر، شیل (Shell) کی بھی شناخت کرتا ہے۔  $n$  کی قدر میں اضافہ کے ساتھ، تسلیم شدہ ارٹل کی تعداد میں اضافہ ہوتا ہے۔ اور یہ تعداد  $n^2$  سے ظاہر کی جاتی ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے تمام ارٹل ایم کا ایک واحد شیل تشكیل دیتے ہیں اور یہ مندرجہ ذیل حروف سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

اس لیے  $l=0$  کے لیے  $m_l$  کی مباح قدر صرف  $0 = m_l = 0$  ہے۔  
 $(2(0)+1=2)$  ایک اربٹل کے لیے:  $m_l = -2, -1, 0, +1$   
 $m_l = 2$  پانچ اربٹل [یہ نوٹ کرنا چاہیے کہ  $m_l$  کی قدریں  $l$  سے  
اخذ کی جاتی ہیں اور  $n$  کی قدر  $n$  سے اخذ کی جاتی ہے۔  
اس لیے، ایٹم میں ہر اربٹل  $n, l, m_l$  کی قدریوں کے ایک سیٹ  
کے ذریعے معرف کیا جاتا ہے۔ ایک اربٹل جو:  $n = 2, l = 1, m_l = 1$   
 $0$  سے بیان کیا جاتا ہے وہ دوسرے شیل کے  $p$  ذیلی شیل میں ایک اربٹل  
ہے۔ مندرجہ ذیل چارٹ ذیلی شیل اور اس سے متعلق اربٹل کی تعداد  
کے درمیان رشتہ ظاہر کرتا ہے۔

5	4	3	2	1	0	ل کے لیے قدر
h	g	f	d	p	s	ذیلی شیل ترسیم
11	9	7	5	3	1	اربٹل کی تعداد

الیکٹران اپن 's': ایک ایٹمی اربٹل کو لیبل کرنے والے یہ تین کوئی اعداد ( $n, l, m_l$ )، اس کی توانائی، اور تشریق (Orientation) کی تعریف کرنے کے لیے بھی بخوبی استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ لیکن یہ تینوں اعداد، کثیر الیکٹرانی نظاموں میں حاصل ہونے والے خطی طیف کی وضاحت کرنے کے لیے کافی نہیں ہیں، کیونکہ کچھ خطوط دراصل ڈپلیٹ (Doublet) (دو خطوط جو ایک دوسرے کے بہت قریب ہیں)، ٹرپلیٹ

#### جدول 2.4 ذیلی شیل عالمیں

ذیلی شیل ترسیم	$l$	$n$
1s	0	1
2s	0	2
2p	1	2
3s	0	3
3p	1	3
3d	2	3
4s	0	4
4p	1	4
4d	2	4
4f	3	4

مقناطیسی اربٹل کو اتم نمبر (Magnetic Orbital Quantum Number)  $m_l$  کو راؤڈنیٹ محوروں کے معیاری سیٹ (Standard Set of Coordinate Axes) کے لحاظ سے اربٹل کی مکانی تشریق (Spatial Orientation) کے بارے میں معلومات فراہم کرتا ہے۔ کسی بھی ذیلی شیل کے لیے (جو اقدر سے معرف کیا جاتا ہے)،  $l+1$  قدریں ممکن ہیں اور یہ دی جاتی ہیں:  
 $m_l = -l, -(l-1), -(l-2) \dots 0, 1, \dots (l-2), (l-1), l$

#### اربٹ، اربٹل اور اس کی اہمیت

اربٹ اور اربٹل ہم معنی نہیں ہیں۔ ایک اربٹ، جیسا کہ بوہر نے تجویز کیا تھا، جو ایک دائری راستہ ہے، جس پر الیکٹران حرکت کرتا ہے۔ ہائزنبرگ کے عدم یقینی قانون کے مطابق الیکٹران کے اس راستے کو بالکل درست طور پر بیان کرنا ناممکن ہے۔ بوہر کے اربٹ کا، اس لیے کوئی اصل معنی نہیں ہے اور ان کی موجودگی کا بھی بھی تجربے کے ذریعے مظاہر نہیں کیا جاسکتا۔ دوسری طرف، ایک ایٹمی اربٹل ایک کو اتم میکائیکی تصور ہے اور ایک ایٹم میں الیکٹران کے لہر تقابل سے متعلق ہے۔ اس کی خاصیتیں تین کوئی اعداد ( $n, l, m_l$ ) سے ظاہر کی جاتی ہیں اور اس کی قدر الیکٹران کے کو آڑ دی نیٹ پر منحصر ہے۔ بذاتِ خود اس کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ یہ لہر تقابل کا مردی، یعنی کہ  $|l| > |m_l|$  ہے، جس کے طبعی معنی ہیں۔ ایک ایٹم میں کسی بھی نقطے پر  $|l| > |m_l|$ ، اس نقطے پر احتمال کشافت کی قدر ہے۔ احتمال کشافت  $|l| > |m_l|$  اور ایک چھوٹے جم (جو جم غصر کہلاتا ہے) کا حاصل ضرب ہے جس سے اس جم میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال حاصل ہوتا ہے (ایک چھوٹے جم غصر کو متعین کرنے کی وجہ یہ ہے کہ اسپس (Space) میں ایک خط سے دوسرے خط تک  $|l| > |m_l|$  تبدیل ہوتا رہتا ہے لیکن ایک چھوٹے جم غصر میں اس کی قدر کو مستقل مانا جاسکتا ہے۔) پھر دیے ہوئے جم میں الیکٹران کے پائے جانے کے کل احتمال کا حساب  $|l| > |m_l|$  اور اس سے مطابقت رکھنے والے جم غصر کے تمام حاصل ضرب کو جمع کر کے لگایا جاسکتا ہے۔ بس اس طرح سے ایک اربٹل میں الیکٹران کی احتمال تقسم (Probable Distribution) حاصل کرنا ممکن ہے۔

(iii)  $m_l$  اربٹل کی تشریق مقرر کرتا ہے۔  $l$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $m_l$  کی  $(2l+1)$  قدریں ہوتی ہیں، اتنی ہی جتنی کہ اربٹل کی تعداد فی ذیلی شیل ہوتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اربٹل کی تعداد ان طریقوں کی تعداد کے مساوی ہے جتنی طرح سے ان کی تشریق کی جاسکتی ہے۔

(iv)  $m_s$  الیکٹران کی اسپن کی تشریق سے متعلق ہے۔

(Tin خخطوط جو بہت قریب قریب ہیں) وغیرہ کی شکل میں ظاہر ہوتے ہیں۔ یہ ان چند مزید از جی لیول کی موجودگی تجویز کرتا ہے، جن کی پیشین گوئی تین کوائی اعداد کرتے ہیں۔

1925 میں، جارج اوہلن بیک (George Uhlenbeck) اور سیمویل گاؤڈ اسمٹ (Samuel Goudsmit) نے ایک چوتھے کوائی عدد کی موجودگی تجویز کی، جو الیکٹران اسپن کوائی عدد ( $m_s$ ) کے طور پر جانا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران اپنے محور پر گھومتا ہے، بالکل اسی طرح، جس طرح زمین سورج کے گرد چکر لگاتے ہوئے، اپنے محور پر گھومتی ہے۔ دوسرے لفظوں میں ایک الیکٹران کا بر قی چارج اور کمیت کے ساتھ ساتھ ذاتی اسپن زاویائی کوائیم نمبر (Intrinsic Spin Angular Quantum Number) بھی ہوتا ہے۔ الیکٹران کا اسپن زاویائی (Angular Momentum) کھلاڑی ہے، جس کی مختص بیکے گئے، محور کی نسبت سے، دو تشریقیں (Orientations) ہو سکتی ہیں۔ ان دو تشریقوں میں امتیاز، اسپن کوائی عدد  $m_s$  کے ذریعے کیا جاتا ہے، جس کی دو قدریں:  $+1/2$  اور  $-1/2$  ہو سکتی ہیں۔ یہ الیکٹران کی دو اسپن حالتیں (Spin States) کھلاڑی ہیں اور عام طور سے دو تیروں کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:  $\uparrow$  (اسپن اوپر) اور  $\downarrow$  (اسپن نیچے)۔ ایسے دو الیکٹران جن کی  $m_s$  قدریں مختلف ہوں (ایک  $+1/2$  اور دوسرا  $-1/2$ ) مخالف اسپن (Opposite Spin) کے الیکٹران کھلاتے ہیں۔ ایک اربٹل میں دو سے زیادہ الیکٹران نہیں پائے جاسکتے اور ان دونوں الیکٹرانوں کی اسپن بھی ایک دوسرے کے مخالف ہونا چاہیے۔

خلاصہ کے طور پر، یہ چار کوائی اعداد مندرجہ ذیل اطلاعات فراہم کرتے ہیں:

(i)  $n$  شیل کی تعریف بیان کرتا ہے اربٹل کا سائز متعین کرتا ہے اور بڑی حد تک اربٹل کی توانائی بھی متعین کرتا ہے۔

(ii)  $n^{\text{th}}$  شیل میں  $n$  ذیلی شیل ہوتے ہیں۔  $l$  ذیلی شیل کی شناخت کرتا ہے اور اربٹل کی شکل متعین کرتا ہے (دیکھیے سیشن 2.6.2)۔ ایک ذیلی شیل میں ہر ایک قسم کے  $(2l+1)$  اربٹل ہوتے ہیں، یعنی کہ، ایک  $s$  اربٹل ( $l=0$ )، تین  $p$  اربٹل ( $l=1$ ) اور پانچ  $d$  اربٹل ( $l=2$ )، فی ذیلی شیل کچھ حد تک بھی، ایک کثیر الیکٹرانی ایم میں، اربٹل کی توانائی متعین کرتا ہے۔

## مسئلہ 2.17

پرنسپل کوائیم نمبر  $3 = n$  سے مسئلک اربٹل کی کل تعداد کیا ہوگی؟

حل

$n = 3$  کے لیے  $l$  کی ممکنہ قدریں:  $2, 1, 0$  ہیں۔ اس لیے ایک اربٹل ( $3s$ ) اور  $3p$  ( $l=0$ ) اور  $3d$  ( $l=2$ ) ہوگا، تین  $3p$  اربٹل ( $l=1$ ) اور  $3d$  ( $l=2$ ) ہوں گے اور پانچ  $3d$  اربٹل ( $l=2$ ) اور  $n = 3, l = 2$  ( $l=0, +1, -1$ ) ہوں گے۔

اس لیے اربٹل کی کل تعداد:  $9 = 1 + 3 + 5$   
یہی قدر مندرجہ ذیل رشتے کو استعمال کر کے بھی حاصل کی جاسکتی ہے:  
 $n^2 = 3^2 = 9$

## مسئلہ 2.18

$s, p, d, f$  علامتوں کو استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوائیم اعداد کے اربٹل بیان کیجیے۔

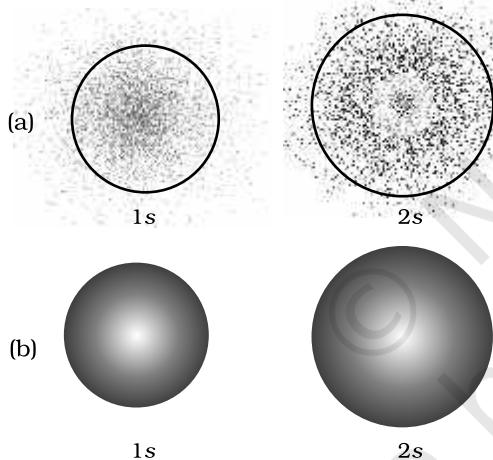
- (a)  $n = 2, l = 1$ , (b)  $n = 4, l = 0$ ,
- (c)  $n = 5, l = 3$ , (d)  $n = 3, l = 2$

حل

اربٹل	$l$	$n$	
$2p$	1	2	(a)
$4s$	0	4	(b)
$5f$	3	5	(c)
$3d$	2	3	(d)

بڑھنا شروع کر دیتی ہے۔ ایک چھوٹے میکزیما (Maxima) پر پہنچنے کے بعد  $r^2$  کی قدر میں مزید اضافہ ہونے پر، یہ پھر کم ہونے لگتی ہے اور صفر کے قریب پہنچ جاتی ہے۔ وہ خط جس میں احتمال کثافت تفاضل کم ہو کر صفر ہو جاتا ہے، نوڈل سطحیں (Nodel Surface) یا صرف نوڈ کہلاتا ہے۔ عمومی شکل میں، یہ معلوم ہوا ہے کہ  $ns$ -اربیٹل کے  $(1 - n)$  نوڈ ہوتے ہیں، یعنی کہ نوڈ کی تعداد میں، پرنسپل کوائم نمبر  $n$  میں اضافے کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے نقطوں میں،  $2s$ -اربیٹل کے لیے نوڈ کی تعداد ایک ہوگی،  $3s$  کے لیے دو ہوگی اور اسی طرح آگے بھی۔

اس احتمال کثافت تغیر کو چارج۔ بادل ڈائیگراموں [شکل 2.13(a)] کے ذریعے سمجھا جاسکتا ہے۔ ان ڈائیگراموں میں، ایک خطے میں نقطوں (Dots) کی کثافت اس خطے میں الیکٹران احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے۔



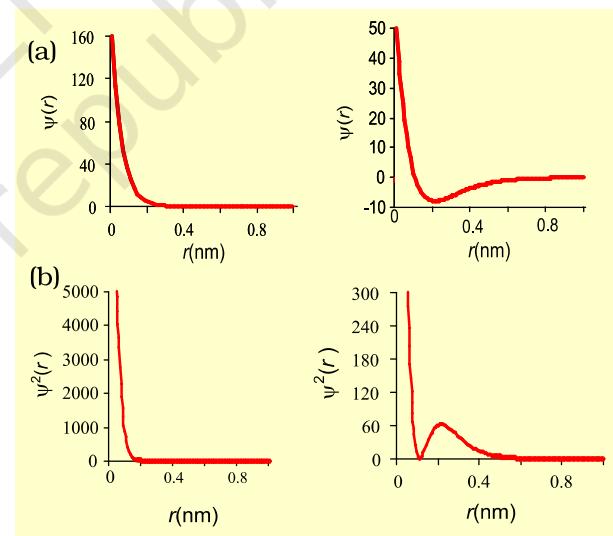
شکل 2.13 (a) اور 2s ایشی اربیٹل کے احتمال کثافت پلاٹ نقطوں کی کثافت، اس خطے میں الیکٹران کے پائے جانے کی احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے (b) 1s اور 2s اربیٹل کے لیے باونڈری سطح ڈائیگرام

مختلف اربیٹل کے لیے مستقل احتمال کثافت کے باونڈری۔ سطح ڈائیگرام (Boundary Surface Diagrams) اربیٹل کی شکل کو بہتر طریقے سے ظاہر کرتے ہیں۔ اس انہصار میں ایک اربیٹل کے لیے اپسیں (Space) میں ایک ایسی باونڈری سطح یا حدود نما سطح (Contour Surface) کھینچی جاتی ہے، جس پر احتمال کثافت  $\psi^2$  کی قدر مستقل ہوتی ہے۔ اصولی طور پر ایسی کئی باونڈری سطحیں ممکن ہو سکتی ہیں۔ لیکن،

## 2.6.2 ایشی اربیٹل کی شکلیں (Shapes of Atomic Orbitals)

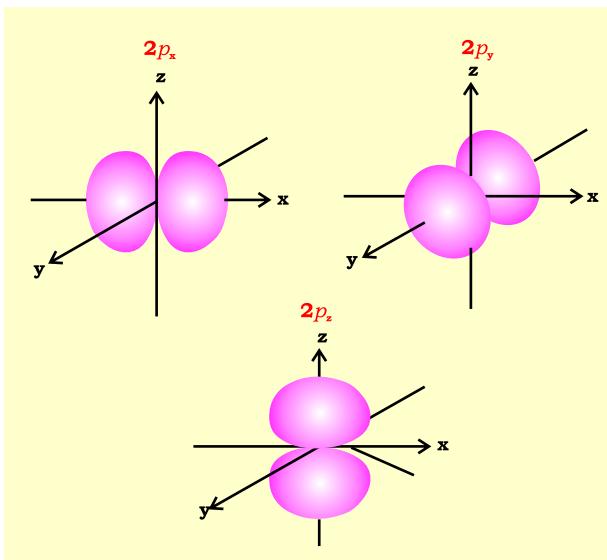
کسی ایٹم میں ایک الیکٹران کے لیے اربیٹل لہر تفاضل  $\psi$  کے کوئی طبعی معنی نہیں ہیں۔ یہ صرف الیکٹران کے کوآرڈی نیٹ کا ایک ریاضیاتی تفاضل ہے۔ تاہم مختلف اربیٹل کے لیے، ان سے مطابقت رکھنے والے لہر تفاضلات کے گراف  $r^2$  کے تفاضل کے طور پر (نیوکلیس سے فاصلہ)، مختلف ہوتے ہیں۔ [شکل 2.12(a) میں  $2s$  (n=2, l=0) اور  $1s$  (n=1, l=0) کے لیے گراف دیے گئے ہیں۔]

جرمن طبیعتیات دا، میکس بورن کے مطابق، ایک نقطہ پر لہر تفاضل کا مریخ، اس نقطہ پر الیکٹران کی احتمال کثافت دیتا ہے۔  $r^2$  میں  $2s$  کے تفاضل کے طور پر تغیر شکل (b) 2.12 میں دکھایا گیا ہے (1s اور 2s اربیٹل کے لیے)۔ یہاں بھی آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $1s$  اور  $2s$  کے لیے منحنی مختلف ہیں۔



شکل 2.12 (a) اربیٹل لہر تفاضل  $(r)\psi$  کا گراف (b) 1s اور 2s اربیٹل کے لیے الیکٹران کے نیوکلیس سے فاصلے  $r$  کے تفاضل کے طور پر، احتمال کثافت  $(r)\psi^2$  کا تغیر۔

یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ  $1s$  اربیٹل کے لیے، احتمال کثافت نیوکلیس پر سب سے زیادہ (Maximum) ہوتی ہے اور جیسے جیسے ہم اس سے دور جاتے ہیں، یہ تیزی سے کم ہوتی جاتی ہے۔ دوسری طرف،  $2s$  اربیٹل کے لیے، احتمال کثافت پہلے تیزی سے کم ہوتی ہوئی صفر ہو جاتی ہے اور پھر

شکل 2.14 تین  $2p$  ارٹل کے لیے بائونڈری سطح ڈائیگرام

اور تو انائی متماثل ہیں۔ لیکن ان کے Lobes کی تشریق مختلف ہوتی ہے۔ کیونکہ یہ مانا جاسکتا ہے کہ  $x, y, z$  محوروں میں سے کسی ایک محور کی سمت میں ہوں گے، اس لیے انھیں  $2p_x, 2p_y, \text{ اور } 2p_z$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ لیکن یہ سمجھ لینا چاہیے کہ  $m_l$  کی اقدار  $(-1, 0, 1)$  اور  $p$  سمتتوں میں کوئی سادہ رشتہ نہیں ہے۔ ہمارے لیے اتنا یاد رکھنا کافی ہے کہ، کیونکہ  $m_l$  کی تین ممکنہ قدریں ہیں، اس لیے تین  $2p$  ارٹل ہیں، جن کے محور باہم عمود (Mutually Perpendicular) ہیں۔  $s$ -ارٹل کی طرح پرنسپل کو اٹم نمبر میں اضافہ کے ساتھ  $p$  ارٹل کی تو انائی اور ان کے سائز میں بھی، اضافہ ہوتا ہے، اس لیے مختلف  $p$  ارٹل کی تو انائی اور ان کے سائز کی ترتیب اس طرح ہے:  $4p > 3p > 2p > 4s$ ۔ مزید،  $s$ -ارٹل کی طرح،  $p$ -ارٹل کے لیے بھی احتمال کثافت تقاضہ بھی، صفر اور لامتناہی فاصلے کے علاوہ بھی، نیوکلیس سے فاصلہ بڑھنے کے ساتھ، صفر قدر سے گزرتا ہے۔ نوڈ کی تعداد  $(2 - n)$  سے دی جاتی ہے، یعنی کہ  $3p$  ارٹل کے لیے نصف قطری نوڈ (Radial Node) کی تعداد 1 ہوگی،  $4p$  کے لیے دو اور اسی طرح آگے بھی۔

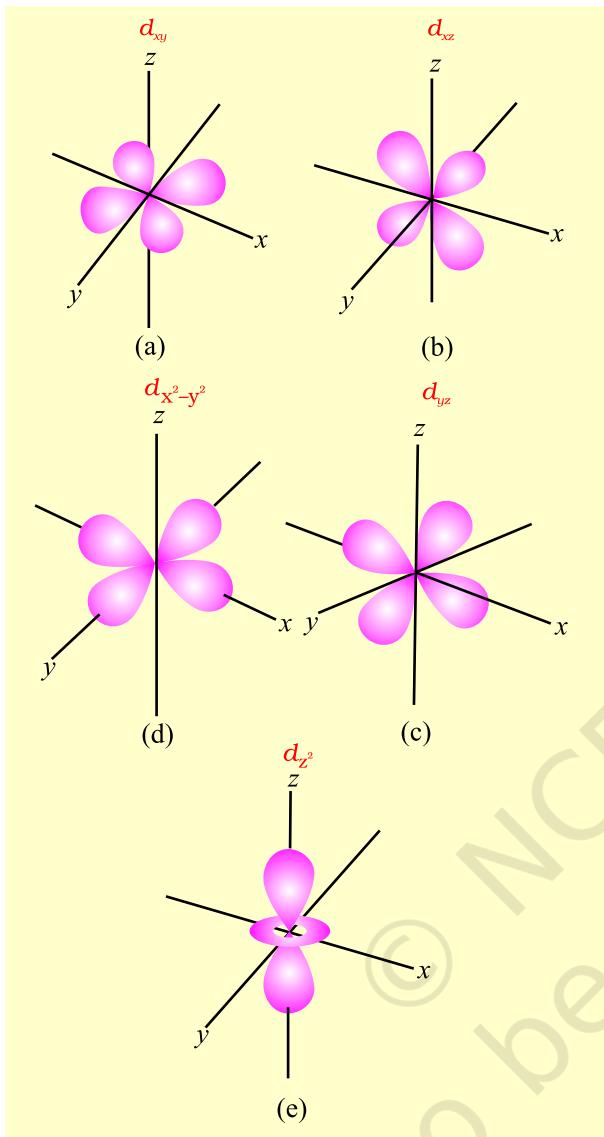
$l = 2$  کے لیے،  $s$ -ارٹل،  $d$ -ارٹل کے طور پر جانا جاتا ہے۔ پرنسپل کو اٹم نمبر کی کم از کم تعداد 3 ہو سکتی ہے، کیونکہ 1 کی قدر  $n - 1$  سے زیادہ

ایک دی ہوئی سطح پر اگر احتمال کثافت  $|ψ|^2$  مستقل ہے تو اس سطح پر  $|ψ|$  بھی مستقل ہے۔ جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال بہت زیادہ ہو، جیسے 90%  $1s$  اور  $2s$  ارٹل کے لیے بائونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.13(b) میں دیے گئے ہیں۔ کوئی بھی یہ سوال کر سکتا ہے کہ ہم ایسی بائونڈری سطح ڈائیگرام کیوں نہیں کھینچتے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو؟ اس سوال کا جواب یہ ہے کہ نیوکلیس سے کسی بھی متناہی (Finite) فاصلے پر احتمال کثافت  $|ψ|^2$  کی ہمیشہ کچھ نہ کچھ قدر ہوتی ہے، چاہے وہ کتنی ہی چھوٹی کیوں نہ ہو۔ اس لیے یہ ممکن نہیں ہے کہ ایک متناہی سائز کا ایسی بائونڈری سطح ڈائیگرام کھینچا جاسکے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو۔  $s$ -ارٹل کے لیے بائونڈری سطح ڈائیگرام دراصل ایک کروہ (Sphere) ہے، جس کا مرکز نیوکلیس ہے۔ دو بعد میں یہ کہہ ایک دائرہ کی طرح معلوم ہوتا ہے۔ یہ ایسے خطے کو گھیرتا ہے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تقریباً 90% ہے۔

اس لیے، ہم دیکھتے ہیں کہ  $1s$  اور  $2s$  اور  $s$ -ارٹل کی شکل کروی ہوتی ہے۔ دراصل، تمام  $s$ -ارٹل کروی طور پر منتقل (Spherically Symmetric) ہوتے ہیں۔ یعنی کہ ایک دیے ہوئے فاصلے پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تمام سمتتوں میں مساوی ہے۔ یہ بھی مشاہدہ کیا گیا ہے کہ  $n$  میں اضافہ کے ساتھ  $s$ -ارٹل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے، یعنی کہ  $1s < 2s < 3s < 4s$  اور جیسے جیسے پرنسپل کو اٹم نمبر بڑھتا ہے، الیکٹران نیوکلیس سے اتنے ہی زیادہ فاصلے پر پایا جاتا ہے۔

تین  $2p$  ارٹل کے لیے ( $l = 1$ ) بائونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.14 میں دکھایا گیا ہے۔ ان ڈائیگراموں میں نیوکلیس مبدہ (Origin) پر ہے۔ یہاں  $s$ -ارٹل کے برعکس، بائونڈری سطح ڈائیگرام، کروی نہیں ہیں۔ اس کی جگہ ہر ایک  $p$ -ارٹل دو حصوں پر مشتمل ہوتا ہے جو Lobes کہلاتے ہیں۔ یہ نیوکلیس سے ہو کر گزر رہے مستوی کے دونوں طرف ہوتے ہیں۔ احتمال کثافت تقاضہ مستوی پر وہاں صفر ہوتا ہے جہاں دونوں ایک دوسرے کو چھوٹے ہیں۔ تینوں  $p$ -ارٹل کے لیے، سائز شکل

\* ایک دی ہوئی سطح پر اگر احتمال کثافت  $|ψ|^2$  مستقل ہے تو اس سطح پر  $|ψ|$  بھی مستقل ہے۔ اس سطح پر  $|ψ|$  کے لیے سرحدی سطح متماثل (Identical) ہیں۔



شكل 2.15 پانچ 3d اربیٹل کی بائونڈری سطح ڈائیگرام

متحکم حالت کے نظیری ہے اور اسے گراونڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں، اور اس اربیٹل میں پایا جانے والا الکٹرون، نیکلیس سے سب سے زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم میں ایک الکٹرون اگر 2s یا 2p اور چھے اربیٹل میں پایا جاتا ہے تو وہ مشتعل حالت (Excited State) میں ہے۔

ایک کثیر الکٹرانی ایٹم میں الکٹرون کی توانائی، ہائڈروجن ایٹم میں الکٹرون کی توانائی کے برعکس، نہ صرف یہ کہ اس کے پرنسپل کو اٹم شیل پر منحصر ہے بلکہ اس کے سمت راس کو انگی عدد (ذیلی شیل) پر بھی منحصر ہے۔

نہیں ہو سکتی۔  $l=1$  کے لیے پانچ قدریں ہیں (-2, -1, 0, 1, 2) اور اس لیے پانچ d-اربیٹل ہوں گے۔ d-اربیٹل کے لیے باونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.15 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ d-اربیٹل کو نام دیے جاتے ہیں اور  $d_{x^2-y^2}$ ,  $d_{xz}$ ,  $d_{xy}$  اور  $d_{z^2}$  سے منسوب کیا جاتا ہے۔ پہلے چار d-اربیٹل کی شکلیں ایک جیسی ہوتی ہیں، جبکہ پانچویں d<sub>z2</sub> کی شکل باقی سب سے مختلف ہوتی ہے، لیکن پانچویں d-اربیٹل کی توانائی مساوی ہوتی ہے۔ وہ d-اربیٹل جن کے لیے n کی قدر 3 سے زیادہ ہے (... 4d, 5d, ...)، ان کی شکلیں بھی 3d اربیٹل جیسی ہوتی ہیں لیکن وہ توانائی اور سائز کے لحاظ سے مختلف ہوتے ہیں۔

نصف قطری نوڈ کے علاوہ (یعنی کہ احتمال کثافت تفاضل صفر ہے)، n اور np اربیٹل کے لیے احتمال کثافت تفاضل، مستوی (s) پر، نیکلیس (مبدأ) سے گزرتے ہوئے، صفر ہوتے ہیں۔ مثال کے طور پر اربیٹل کے لیے، xy-مستوی ایک نوڈ مستوی ہے، d<sub>xy</sub>-اربیٹل کے لیے، دونوں d-مستوی ہیں جو مبدأ سے گزرتے ہیں اور Z-محور والے xy-مستوی کی تصنیف کرتے ہیں۔ یہ زاویائی نوڈ (Angular Nodes) کہلاتے ہیں اور زاویائی نوڈ کی تعداد اسے دی جاتی ہے، یعنی کہ p اربیٹل کے لیے ایک زاویائی نوڈ ہوگا، d اربیٹل کے لیے دو زاویائی نوڈ ہوں گے، اور اسی طرح آگے بھی۔ نوڈ کی کل تعداد  $(1-n)$  سے دی جاتی ہے یعنی کہ 1 زاویائی نوڈ اور  $(1-n)$  نصف قطری نوڈ کی حاصل جمع۔

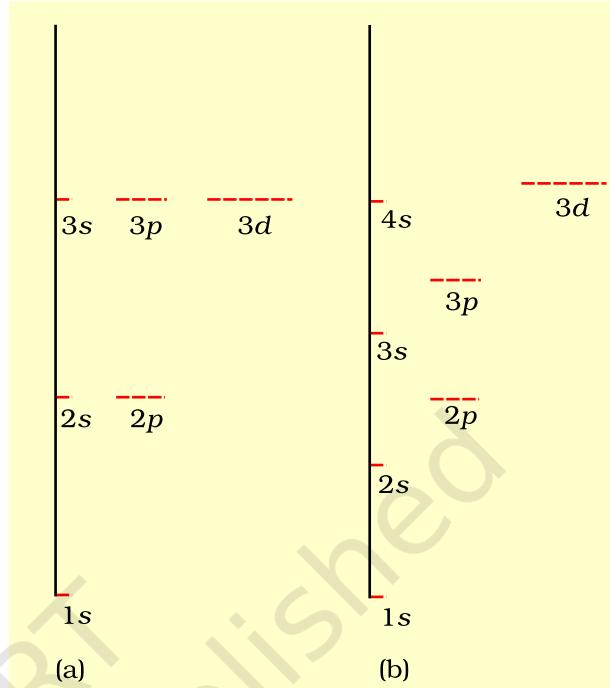
### 2.6.3 اربیٹل کی توانائیاں (Energies of Orbitals)

ہائڈروجن ایٹم میں ایک الکٹرون کی توانائی مکمل طور پر صرف پرنسپل کو اٹم نمبر سے متعین ہوتی ہے۔ اس لیے اربیٹل کی توانائی مندرجہ ذیل طور پر بڑھتی ہے:

$$1s < 2s = 2p < 3s = 3p = 3d < 4s = 4p = 4d = 4f < \dots \quad (2.23)$$

اور شکل 2.16 میں دکھائی گئی ہے۔ حالانکہ 2s اور 2p اربیٹل کی شکلیں مختلف ہیں، لیکن ایک الکٹرون جب 2s اربیٹل میں ہوتا ہے تو اس کی توانائی اتنی ہی ہوتی ہے جتنی کہ 2p اربیٹل میں ہوتی ہے۔ ایسے اربیٹل جن کی توانائی یکساں ہوتی ہے، فاسد (Degenerate) کہلاتے ہیں۔ ایک ہائڈروجن ایٹم میں 1s جیسا کہ پہلے بتایا جا چکا ہے، سب سے زیادہ

ہیں۔ عمومی طور پر، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے، اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ساتھ دافع بآہی عمل زیادہ اہم ہیں۔ دوسری طرف، ایک الیکٹران کے کششی بآہی عملوں میں، نیوکلیس پر پائے جانے والے ثابت چارج ( $Z_e$ ) میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے۔ اندروںی شیل میں الیکٹرانوں کی موجودگی کی وجہ سے، باہری شیل کا الیکٹران، نیوکلیس کے پورے ثابت چارج ( $Z_e$ ) کو محصور نہیں کرتا بلکہ، نیوکلیس پر موجود ثابت چارج کی اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کئے گئے جزوی جاب (Screening) کی وجہ سے، اس میں کمی آجائی ہے۔ اسے اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیا گیا باہری شیل کے الیکٹرانوں کا نیوکلیس سے جاب کہتے ہیں نیوکلیس کا الیکٹران کے ذریعے محصور کیا گیا نیت (Effective Nuclear Net) ثابت چارج موثر نیوکلیائی چارج ( $Z_{\text{eff}}$ ) کہلاتا ہے ( $e$ ) نیوکلیس سے اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیے گئے باہری الیکٹرانوں کے جاب کے باوجود، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے محصور کی جانے والی قوت کشش میں، نیوکلیائی چارج میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں نیوکلیس اور الیکٹران کے مابین بآہی عمل کی توانائی (یعنی کہ اربٹل کی توانائی) میں ایمی عدد ( $Z$ ) میں اضافہ کے ساتھ، کمی آتی ہے (یعنی کہ یہ زیادہ منفی ہو جاتی ہے)۔ اربٹل کے مقابله میں، زیادہ موثر طور پر کرتا ہے۔ اسی طرح، دونوں کی شکلیں مختلف ہونے کی وجہ سے، اربٹل نیوکلیس سے الیکٹرانوں کا جاب، اربٹل کے مقابلے میں زیادہ موثر طور پر کرتے ہیں، حالانکہ یہ سب اربٹل ایک ہی شیل میں پائے جاتے ہیں۔ مزید، کروی شکل کی وجہ سے، اربٹل کے الیکٹران، اربٹل کے مقابلے میں، نیوکلیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں اور اربٹل کے الیکٹران، اربٹل کے مقابلے میں، نیوکلیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، ایک دیے ہوئے شیل کے لیے پرنسپل کو اٹم عدد (l) میں اضافہ کے ساتھ، ذریعے محصور کیا گیا  $Z_{\text{eff}}$ ، راس سمت کو اٹمی عدد (l) میں اضافہ کے ساتھ، کم ہوتا ہے۔ یعنی کہ s اربٹل، p اربٹل کے مقابلے میں زیادہ سختی سے نیوکلیس سے بندھا ہو گا اور p اربٹل، d اربٹل کے مقابلے میں زیادہ



شکل 2.16 انرجی لیول ڈائیگرام (a) ہائلروجن ایم کے کچھ الیکٹرانی شیل کے لیے (b) کثیر الیکٹرانی ایتموں کے کچھ الیکٹرانی شیل کے لیے۔ نوٹ کیجیے کہ ہائلروجن ایم کے لیے مختلف سمت۔ راس کو اتنی عددوں کے لیے بھی، یکساد پرنسپل کو اتنم نمبر کی قدر والے اربٹل کی توانائیاں یکساد ہیں۔ لیکن کثیر الیکٹران ایتموں کے لیے یکساد پرنسپل کو اتنم نمبر والے اربٹل کی توانائیاں، مختلف سمت راسی کو اتنی عددوں کے لیے مختلف ہیں۔

یعنی کہ ایک دیے ہوئے پرنسپل کو اٹم عدد کے لیے  $s, p, d, f$  سب کی توانائیاں مختلف ہوں گی۔ ایک کثیر الیکٹرانی ایم میں مختلف ذیلی شیل کی توانائیاں مختلف ہونے کی اصل وجہ الیکٹرانوں کے درمیان بآہم دفع (Mutual Repulsion) ہے۔ ہائلروجن ایم میں صرف ایک ہی برقی بآہم دگر عمل ہوتا ہے جو منفی چارج شدہ الیکٹران اور ثابت چارج شدہ نیوکلیس کے مابین ہوتا ہے۔ کثیر الیکٹرانی ایتموں میں، الیکٹران اور نیوکلیس کے درمیان کشش کی موجودگی کے ساتھ ساتھ ہر ایک الیکٹران کے ایم میں موجود دوسرے تمام الیکٹرانوں کے ساتھ دافع ارکان بھی ہوتے ہیں۔ اس لیے اس کثیر الیکٹرانی ایم میں ایک الیکٹران کے استحکام کی وجہ یہ ہے کہ کل کششی بآہم عمل، دافع عملوں کے مقابلے میں زیادہ

اصول کا بیان ہے: ایٹم کی گراؤنڈ اسٹیٹ (Ground State) میں، اربٹل بڑھتی ہوئی تو انائی کی ترتیب میں بھرے جاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، الیکٹران سب سے پہلے اس اربٹل میں جاتے ہیں جس کی تو انائی، دستیاب اربٹل میں سب سے کم ہوتی ہے اور مقابلتاً زیادہ تو انائی کے اربٹل میں صرف اسی وقت داخل ہوتے ہیں جب مقابلتاً کم تو انائی والے اربٹل بھر جاتے ہیں۔

اربٹل کی تو انائیوں کے بڑھنے کی ترتیب اور اس لیے وہ ترتیب جس میں اربٹل بھرے جاتے ہیں، مندرجہ ذیل ہے:

$$1s, 2s, 2p, 3s, 3p, 3d, 4s, 4p, 4d, 5s, 5p, 5d, 6s, 6p, 7s, \dots$$

یہ ترتیب شکل 2.17 میں دیے گئے طریقے سے یاد کی جاسکتی ہے۔ اور پری سرے سے شروع کرتے ہوئے، تیروں کی سمت، اربٹل کے بھرے جانے کی ترتیب بتاتی ہے، یعنی کہ اور پری دائیں سرے سے نچلے بائیں سرے تک۔

**جدول 2.5: بڑھتی ہوئی تو انائی کے ساتھ اربٹل کی ترتیب،  $(n + l)$**

	$(n + l)$ کی قدر	$l$ کی قدر	$n$ کی قدر	اربٹل
کی تو انائی کم ہے، بمقابلہ	1 + 0 = 1	0	1	<b>1s</b>
	2 + 0 = 2	0	2	<b>2s</b>
	2 + 1 = 3	1	2	<b>2p</b>
3s (n = 3)	3 + 0 = 3	0	3	<b>3s</b>
کی تو انائی کم ہے، بمقابلہ	3 + 1 = 4	1	3	<b>3p</b>
	4 + 0 = 4	0	4	<b>4s</b>
کی تو انائی کم ہے، بمقابلہ	3 + 2 = 5	2	3	<b>3d</b>
	4 + 1 = 5	1	4	<b>4p</b>

**پالی کا استثنی اصول (Pauli Exclusion Principle)** مختلف اربٹل میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد، آسٹرین سائنس داں وولف گانگ پالی (Wolfgang Pauli) (1926) کی نسبت تو انائیوں

نیو کلیس سے زیادہ بہتر بندھا ہو گا۔ اربٹل کی تو انائی،  $s$ -arbṭل کی تو انائی کے مقابلے میں کم ہوگی (زیادہ منفی ہوگی) اور  $p$ -arbṭل کی تو انائی  $d$ -arbṭل کی تو انائی کے مقابلے میں کم ہوگی اور اسی طرح کیونکہ نیو کلیس کے حجاب کی حد مختلف اربٹل کے لیے مختلف ہوگی، یہ ایک ہی شیل کے اندر (یا یکساں پرپل کوائم نمبر) مختلف اربٹل کی تو انائی کی علیحدگی (Splitting) کی سمت لے جاتا ہے۔ یعنی کہ اربٹل کی تو انائی، جیسا کہ پہلے بیان کیا جا چکا ہے،  $n$  اور  $l$  کی قدروں پر منحصر ہے۔ ریاضیاتی اعتبار سے اربٹل کی تو انائیوں کا  $n$  اور  $l$  پر انحصار کافی پیچیدہ ہے لیکن ایک سادہ قاعدہ  $n$  اور  $l$  کی مجموعی قدر کا ہے۔ جس اربٹل کے لے  $(n + l)$  کی قدر مقابلتاً کم ہو گی، اس کی تو انائی بھی مقابلتاً کم ہو گی۔ اگر دو اربٹل کی  $(n + l)$  قدر یکساں ہے تو جس اربٹل کی  $n$  قدر مقابلتاً کم ہے اس کی تو انائی بھی مقابلتاً کم ہو گی۔ جدول 2.5 میں کثیر الیکٹرانی ایٹیوں کے از جی لیوں دکھائے گئے ہیں۔ یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ کثیر الیکٹرانی ایٹیوں کے لیے، ایک خاص شیل کے مختلف ذیلی شیل کی تو انائیاں مختلف ہوتی ہیں۔ لیکن، ہائڈروجن ایٹم میں ان کی تو انائیاں یکساں ہوتی ہیں۔ آخر میں یہ ذکر بھی کیا جاسکتا ہے کہ یکساں ذیلی شیل میں اربٹل کی تو انائیاں ایٹمی عدد ( $Z_{\text{eff}}$ ) میں اضافہ کی ساتھ کم ہوتی ہیں۔ مثال کے طور پر ہائڈروجن ایٹم کے اربٹل کی تو انائی، یہ تھم کے  $2s$  اربٹل کی تو انائی سے زیادہ ہے اور یہ تھم کی تو انائی سوڈیم سے زیادہ ہے اور اسی طرح آگے بھی یعنی کہ:

$$E_{2s}(\text{H}) > E_{2s}(\text{Li}) > E_{2s}(\text{Na}) > E_{2s}(\text{K})$$

## 2.6.4 ایک ایٹم میں اربٹل کا بھرنا

### in Atom

مختلف ایٹیوں کے اربٹل میں الیکٹرانوں کا بھرنا آف باؤ اصول کے مطابق انجام پاتا ہے، جو کہ پالی (Pauli) کے استثنی اصول (Exclusion Principle) کے ازحد تضاعف (Hund's Principle) اور اربٹل کی نسبت تو انائیوں (Relative Multiplicity) کے قاعدے پر مبنی ہے۔ Energies)

### آف باؤ اصول (Aufbau Principle)

جرمن زبان میں لفظ آف باؤ (Aufbau) کا مطلب ہے "تعمیر کرنا"۔ اربٹل کے تعمیر کرنے سے مطلب ہے ان میں الیکٹرانوں کا بھرنا۔ اس

ہو سکتی ہے، اسی طرح آگے بھی۔ اس کا خلاصہ ایسے کیا جاسکتا ہے:  
پرنسپل کو اٹم نمبر  $n$  کے شیل میں الکٹرونوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد  
 $2n^2$  ہو سکتی ہے۔

### (Hund's Rule of Maximum Multiplicity)

یہ قاعدہ ان اربیل میں الکٹران بھرنے کے لیے ہے جو ایک ہی ذیلی شیل سے تعلق رکھتے ہیں (یعنی کہ مساوی توانائی کے اربیل، جو کہ فاسد اربیل کہلاتے ہیں)۔ اس کا بیان ہے: یکساں ذیلی شیل ( $s, p, d, f$  یا  $m$ ) سے تعلق رکھنے والے اربیل میں الکٹرونوں کے جوڑے اس وقت تک نہیں بنتے جب تک کہ اس ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ہر ایک اربیل میں ایک ایک الکٹران نہ آجائے، یعنی کہ وہ واحد الکٹران سے بھرا ہوانہ ہو۔

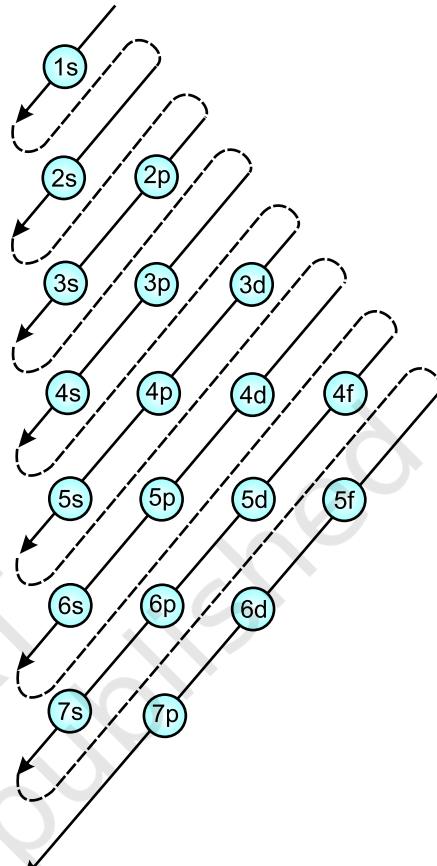
کیونکہ تین  $p$ , پانچ  $d$  اور سات  $f$  اربیل ہوتے ہیں، اس لیے  $p$ ,  $d$  اور  $f$  اربیل میں الکٹرونوں کے جوڑے بننا، بالترتیب، چوتھے، پنجمے اور آٹھویں الکٹران کے داخلے کے ساتھ شروع ہوں گے۔ یہ دیکھا گیا ہے کہ آٹھے بھرے ہوئے اور پورے بھرے ہوئے اربیل کے فاسدیٹ، اپنے تشاکل (Symmetry) کی وجہ سے، مزید استحکام حاصل کر لیتے ہیں (دیکھیے سیکشن 2.6.7)۔

### 2.6.5 ایٹموں کا الکٹرانی تشكیل (Electronic Configuration of Atoms)

ایک ایٹم کے اربیل میں الکٹرونوں کی تقسیم، الکٹرانی تشكیل (Electronic Configuration) کہلاتی ہے۔ اگر ہم ان بنیادی قاعدوں کو اپنے ذہن میں رکھیں، جن کے مطابق مختلف ایٹمی اربیل بھرے جاتے ہیں، تو مختلف ایٹموں کے الکٹرانی تشكیل بہ آسانی لکھے جاسکتے ہے۔

مختلف ایٹموں کے الکٹرانی تشكیل کا اظہار دو طریقوں سے کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر:

(i)  $s^a p^b d^c \dots \dots \dots$  ترسیم  
(ii) اربیل ڈائیگرام



شکل 2.17 اربیل کے بھرنے کی ترتیب

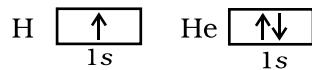
کے دیے ہوئے اتنی اصول سے محدود ہو جاتی ہے۔ اس اصول کے مطابق: ایک ایٹم میں کوئی بھی دو الکٹرونوں کا چار کو اٹمی اعداد کا سیٹ یکساں نہیں ہو سکتا۔ پالی کے اتنی اصول کو ایسے بھی بیان کیا جاسکتا ہے: ”ایک ہی اربیل میں صرف 2 الکٹران ہی رہ سکتے ہیں اور ان الکٹرونوں کی اسپن بھی ایک دوسرے کے مخالف ہونا لازمی ہے“۔ اس کا مطلب ہے کہ ان دو الکٹرونوں کے، تین کو اٹم نمبر:  $n$ ،  $m_l$  اور  $m_s$  کی قدریں یکساں ہو سکتی ہیں لیکن اسپن کو اٹم نمبر کی قدر کا مخالف ہونا لازمی ہے۔ ایک اربیل میں رہ سکنے والے الکٹرونوں کی تعداد پر پالی کی لگائی گئی یہ حد، ایک ذیلی شیل کی الکٹران رہ سکنے کی گنجائش کا حساب لگانے میں مددگار ثابت ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر ذیلی شیل 1s ایک اربیل پر مشتمل ہے، اس لیے 1s ذیلی شیل میں پائے جاسکنے والے الکٹرونوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد 2 ہو سکتی ہے،  $p$  اور  $d$  ذیلی شیل میں الکٹرونوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد 6 اور 10 (بالترتیب)

Li								
	1s	2s	2p					

عناصر سوڈیم ( $\text{Na}, 1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$ ) سے آرگن ( $\text{Ar}, 1s^2 2s^2 2p^6 3s^1 3p^6$ ) تک الیکٹرانی تشکل اسی نمونے پر لیتھیم سے نیون تک ہے، صرف اس فرق کے ساتھ کہ اب ہوتے ہیں جو اس کے نام سے نیون تک ہے۔ اس عمل کو سادہ بنایا جاسکتا ہے اگر اور 3p اربٹل بھرے جا رہے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ اس کے ہم پہلے دو خالوں میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی کل تعداد کو عضر نیون (Ne) کے نام سے ظاہر کریں۔ عناصر سوڈیم سے آرگن تک کا الیکٹرانی تشکل اس طرح لکھا جاسکتا ہے:  $(\text{Na}, [3s^1] 3s^1)$  سے  $(\text{Ar}, [3s^2] 3p^6)$  تک۔ وہ الیکٹران جو مکمل طور پر بھرے ہوئے شیل میں ہوتے ہیں، کور (Core) الیکٹران کہلاتے ہیں اور وہ الیکٹران جو سب سے بڑے، پرنسپل کوائم نمبر والے الیکٹرانی شیل میں شامل کیے جاتے ہیں، گرفت الیکٹران (Valence Electron) کہلاتے ہیں۔ مثال کے طور پر وہ الیکٹران جو  $\text{Ne}$  میں ہیں، کور الیکٹران ہیں اور  $\text{Na}$  سے  $\text{Ar}$  تک میں جو الیکٹران ہیں، گرفت الیکٹران ہیں۔ پوٹاشیم (K) اور کلیتھیم (Ca) میں، کونک 4s اربٹل کی توانائی میں 3d اربٹل سے کم ہے، اس لیے اس میں، بالترتیب ایک اور دو الیکٹران ہوتے ہیں۔ الکینڈیم (Sc) سے ایک نیا نمونہ شروع ہوتا ہے۔ 3d اربٹل، جس کی توانائی 4p اربٹل سے کم ہے، پہلے بھرنا شروع ہوتا ہے۔ اس لیے اگلے دس عناصر: اسکانڈیم (Sc)، تائپیتھیم (Ti)، وینیڈیم (V)، کرومیم (Cr) اور میتکنیم (Mn)، آئزن (Fe)، کوبالت (Co)، نیکل (Ni) کا پر (Cu) اور زنك (Zn) میں پانچ 3d اربٹل ایک ایک کر کے بھرتے جاتے ہیں۔ ہمیں حیرت ہو سکتی ہے کہ کرومیم اور کاپر میں 3d اربٹل میں 5 اور 10 الیکٹران ہیں، جب کہ ان کے مقام کے مطابق، 12 الیکٹران 4s اربٹل میں اور 3d

پہلی ترسیم میں ذیلی شیل متعلقہ حرفي علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے اور اس ذیلی شیل میں پائے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد اوپری دائیں کوئے پر لکھی جاتی ہے، جیسے a, b, c, وغیرہ۔ مختلف شیل کے لیے یہ میں ذیلی شیل میں فرق کرنے کے لیے متعلقہ ذیلی شیل سے پہلے پرنسپل کوائم نمبر لکھا جاتا ہے۔ دوسری ترسیم میں، ذیلی شیل ایک بکس کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے اور مثبت اسپن کا الیکٹران ایک سیدھے تیر (↑) کے ذریعے اور منفی اسپن کا الیکٹران ایک الٹے تیر (↓) کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے۔ دوسری ترسیم کا پہلی ترسیم کے مقابلے میں فائدہ یہ ہے کہ اس کے ذریعے چاروں کوائم نمبر کا اظہار ہو جاتا ہے۔

ہائڈروجن ایٹم میں صرف ایک ہی الیکٹران ہوتا ہے، جو اس اربٹل میں جاتا ہے، جس کی توانائی سب سے کم ہوتی ہے، یعنی کہ 1s<sup>1</sup> ہائڈروجن ایٹم کا الیکٹرانی تشکل ہے  $1s^1$  جس کا مطلب ہے کہ اس کے 1s اربٹل میں ایک الیکٹران ہے۔ ہیلیم (He) کا دوسرا الیکٹران بھی 1s اربٹل کو گھیر سکتا ہے۔ اس کا تشکل ہے:  $1s^2$  جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے کہ دونوں الیکٹران ایک دوسرے سے مخالف اسپن کی وجہ سے مختلف ہوتے ہیں، جیسا کہ اربٹل ڈائیگرام سے دیکھا جاسکتا ہے۔



لیتھیم (Li) کے تیرے الیکٹران کو، پاپی اسٹنی اصول کی وجہ سے 1s اربٹل میں جانے کی اجازت نہیں ہے، اس لیے یہ اس کے بعد دستیاب اربٹل، یعنی کہ 2s اربٹل میں جاتا ہے۔ Li کا الیکٹرانی تشکل ہے:  $1s^2 2s^1$ ۔ 2s اربٹل میں ایک اور الیکٹران کے لیے جگہ ہے۔ اس لیے پیریتھیم (Be) ایٹم کا تشکل ہے:  $1s^2 2s^2$  (عناصر کے الیکٹرانی تشکل کے لیے دیکھیے جدول 2.6)۔

اگلے چھ عناصر بوران ( $\text{B}, 1s^2 2s^2 2p^1$ ) کاربن ( $\text{C}, 1s^2 2s^2 2p^2$ ), ناکٹروجن ( $\text{N}, 1s^2 2s^2 2p^3$ ، آسیجن ( $\text{O}, 1s^2 2s^2 2p^5$ )) فلورین ( $\text{F}, 1s^2 2s^2 2p^4$ ) اور نیون ( $\text{Ne}, 1s^2 2s^2 2p^6$ ) میں 2p اربٹل بتدریج بھرتا جاتا ہے۔ یہ عمل نیون ایٹم کے ساتھ مکمل ہو جاتا ہے۔ ان عناصر کی اربٹل تصویر مندرجہ ذیل طور پر ظاہر کی جاسکتی ہے۔

ساممات کیوں تشکیل دیتے ہیں؟ کچھ عناصر "دھاتیں" کیوں ہیں جب کہ دیگر غیر دھاتیں ہیں؟ ہلیم اور آرگن جیسے عناصر متعال (Reactive) کیوں نہیں ہیں جبکہ ہیلوجن (Halogens) جیسے عناصر متعال ہیں؟ ان سوالوں کے جواب الیکٹرانی تشکل کے ذریعے بآسانی واضح ہوجاتے ہیں۔ ڈالن کا ایٹھی ماؤں ان سوالوں کا کوئی جواب نہیں فراہم کرتا۔ اس لیے جدید کیمیائی معلومات کے مختلف پہلوؤں میں درک حاصل کرنے کے لیے، ایم کی الیکٹرانی ساخت کو تفصیل کے ساتھ سمجھنا بہت ضروری ہے۔

## 2.6.6 مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کا

**استحکام:** (Stability of Completely Filled and Half Filled Subshell)

ایم کا گراوٹ ایٹھیٹ الیکٹرانی تشکل ہمیشہ کم ترین کل الیکٹرانی توانائی سے مطابقت رکھتا ہے۔ زیادہ تر ایٹھوں کے الیکٹرانی تشکل سیکشن 2.6.5 میں دے گئے بنیادی قاعدوں کے مطابق ہوتے ہیں۔ لیکن کچھ خاص عناصر میں، جیسے کہ Cr یا Cu کی 2.6.5 توانائی کی تو ان کیوں میں معمولی ساری طریقوں سے تیار کیے جاتے ہیں۔ معلوم عناصر کے الیکٹرانی تشکل (جیسا کہ اپیکٹر و اسکوپ طریقوں سے معلوم کئے گئے ہیں) جدول 2.6 میں دیے گئے ہیں۔

ہم پوچھ سکتے ہیں کہ آخر الیکٹرانی تشکل جانے کا فائدہ یا استعمال کیا ہے؟ کیمسٹری کو سمجھنے کی جدید طرز رسانی دراصل، کیمیائی طرز عمل کو سمجھنے اور اس کی وضاحت کرنے کے لیے، تقریباً پوری طرح سے الیکٹرانی تقسیم پر منحصر ہے۔ مثال کے طور پر ایسے سوالات کہ دو یا دو سے زیادہ ایم مل کر

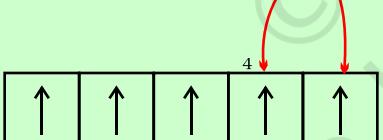
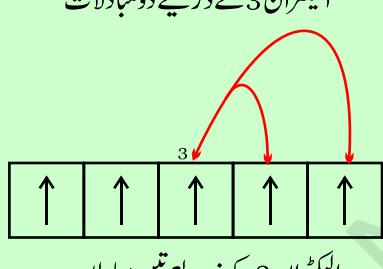
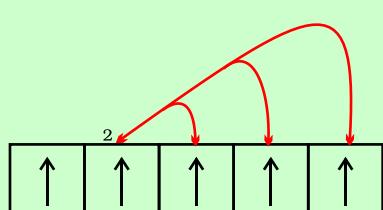
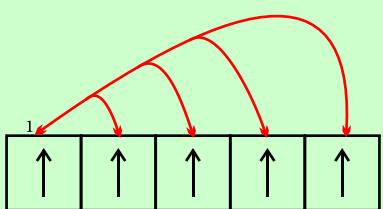
اربٹل میں 4 اور 9 الیکٹران ہونے چاہیے تھے۔ وجہ یہ ہے کہ مکمل طور پر بھرے ہوئے اور آدمی بھرے ہوئے اربٹل میں مزید استحکام ہوتا ہے (یعنی کہ مقابلتاً کم توانائی)۔ اس لیے  $f^{14}, f^7, d^{10}, d^5, p^6, p^3$  وغیرہ تشکل، جو یا تو آدمی بھری ہیں یا مکمل بھری ہیں، مقابلتاً زیادہ مستحکم ہیں۔ کرومیم اور کاپر، اس لیے،  $d^5$  اور  $d^{10}$  تشکل اختیار کرتے ہیں۔ [سیکشن 2.6.7] [انتباہ: اتنی بھی پائے جاتے ہیں۔]

اربٹل کے سیر شدہ (Saturation) ہو جانے کے بعد، گلیم (Ga) سے 14p اربٹل کا بہرنا شروع ہوتا ہے، جو کرپان (Kr) پر مکمل ہوتا ہے۔ رو بیڈم (Rb) سے لے کر زینان (Xe) تک، یعنی کہ، اگلے 18 عناصر میں 5s, 4d, 5s اور 5p اربٹل اس نمونے کے مطابق بھرے جاتے ہیں، جو اپر بیان کیے گئے، 4s, 3d اور 4p اربٹل میں تھا۔ پھر 6s اربٹل کی باری آتی ہے۔ سینیم (Cs) اور پیریم (Ba) میں اس اربٹل میں، بالترتیب ایک اور دو الیکٹران ہوتے ہیں۔ پھر 7تھیم (La) سے مرکری (Hg) تک 4f اور 5d میں الیکٹران بھرے جاتے ہیں۔ یورینیم (U) کے بعد تمام عناصر منحصر دور حیات (Life Period) والے ہیں اور مصنوعی طریقوں سے تیار کیے جاتے ہیں۔ معلوم عناصر کے الیکٹرانی تشکل (جیسا کہ اپیکٹر و اسکوپ طریقوں سے معلوم کئے گئے ہیں) جدول 2.6 میں دیے گئے ہیں۔

ہم پوچھ سکتے ہیں کہ آخر الیکٹرانی تشکل جانے کا فائدہ یا استعمال کیا ہے؟ کیمسٹری کو سمجھنے کی جدید طرز رسانی دراصل، کیمیائی طرز عمل کو سمجھنے اور اس کی وضاحت کرنے کے لیے، تقریباً پوری طرح سے الیکٹرانی تقسیم پر منحصر ہے۔ مثال کے طور پر ایسے سوالات کہ دو یا دو سے زیادہ ایم مل کر

### مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کے استحکام کی وجوہات

مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل، مندرجہ ذیل وجوہات کی بناء پر مشتمل ہوتے ہیں:



شکل 2.18  $d^5$  تسلیک کے لیے ممکنہ مبادله

1- الیکٹرانوں کی متشاکل تقسیم: یہ اچھی طرح معلوم ہے کہ تشاکل، استحکام کی طرف لے جاتا ہے۔ نصف بھرے ہوئے اور مکمل بھرے ہوئے ذیلی شیل میں الیکٹرانوں کی متشاکل تقسیم پائی جاتی ہے۔ اس لیے یہ زیادہ مشتمل ہیں۔ یکساں ذیلی شیل (یہاں  $3d$ ) میں الیکٹرانوں کی توانائی مساوی ہوتی ہے اور مکانی تقسیم (Saptial Distribution) مختلف ہوتی ہے، نتیجتاً ایک دوسرے کے لیے ان کی شیلدنگ مقابلاً کم ہوتی ہے اور الیکٹران یوکلیس کی طرف زیادہ وقت سے کشش کا اظہار کرتے ہیں۔

2- مبادله توانائی: جب بھی دو یا دو سے زیادہ یکساں اسپن والے الیکٹران، ایک ذیلی شیل کے فاسدار بٹل میں موجود ہوتے ہیں تو استحکامی اثر پیدا ہوتا ہے۔ یہ ایکٹران اپنا مقام آپس میں تبدیل کرنے کی طرف مائل ہوتے ہیں اور اس مبادلے کی وجہ سے خارج ہونے والی توانائی مبادله توانائی (Exchange Energy) کہلاتی ہے۔ ممکنہ مبادلوں کی تعداد اس وقت سب سے زیادہ ہوتی ہے، جب کہ ذیلی شیل نصف بھرا ہو یا مکمل بھرا ہو (شکل 2.18)۔ اس کے نتیجے میں مبادله توانائی سب سے زیادہ ہوتی ہے اور اس لیے استحکام بھی۔

آپ نوٹ کر سکتے ہیں کہ مبادله توانائی یہ ہندقتاً عددے کی بنیاد ہے، جس کے مطابق وہ ایکٹران جو مساوی توانائی کے اربٹل میں داخل ہوتے ہیں، جہاں تک ممکن ہو، ان کی اسپن متوازی ہوتی ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کی مزید استحکام کی وجوہات ہیں:

- (i) مقابلاً کم شیلدنگ (ii) مقابلاً کم کولمب دافع توانائی (iii) مقابلاً زیادہ مبادله توانائی۔ مبادله توانائی کے بارے میں تفصیلات آپ آئندہ درجات میں پڑھیں گے۔

## جدول 2.6 عناصر کے الکٹرانی تشكیل

Element Z	1s	2s	2p	3s	3p	3d	4s	4p	4d	4f	5s	5p	5d	5f	6s	6p	6d	7s
H	1	1																
He	2	2																
Li	3	2	1															
Be	4	2	2															
B	5	2	2	1														
C	6	2	2	2														
N	7	2	2	3														
O	8	2	2	4														
F	9	2	2	5														
Ne	10	2	2	6														
Na	11	2	2	6		1												
Mg	12	2	2	6		2												
Al	13	2	2	6		2	1											
Si	14	2	2	6		2	2											
P	15	2	2	6		2	3											
S	16	2	2	6		2	4											
Cl	17	2	2	6		2	5											
Ar	18	2	2	6		2	6											
K	19	2	2	6		2	6		1									
Ca	20	2	2	6		2	6		2									
Sc	21	2	2	6		2	6	1	2									
Ti	22	2	2	6		2	6	2	2									
V	23	2	2	6		2	6	3	2									
Cr*	24	2	2	6		2	6	5	1									
Mn	25	2	2	6		2	6	5	2									
Fe	26	2	2	6		2	6	6	2									
Co	27	2	2	6		2	6	7	2									
Ni	28	2	2	6		2	6	8	2									
Cu*	29	2	2	6		2	6	10	1									
Zn	30	2	2	6		2	6	10	2									
Ga	31	2	2	6		2	6	10	2	1								
Ge	32	2	2	6		2	6	10	2	2								
As	33	2	2	6		2	6	10	2	3								
Se	34	2	2	6		2	6	10	2	4								
Br	35	2	2	6		2	6	10	2	5								
Kr	36	2	2	6		2	6	10	2	6								
Rb	37	2	2	6		2	6	10	2	6				1				
Sr	38	2	2	6		2	6	10	2	6				2				
Y	39	2	2	6		2	6	10	2	6	1			2				
Zr	40	2	2	6		2	6	10	2	6	2			2				
Nb*	41	2	2	6		2	6	10	2	6	4			1				
Mo*	42	2	2	6		2	6	10	2	6	5			1				
Tc	43	2	2	6		2	6	10	2	6	5			2				
Ru*	44	2	2	6		2	6	10	2	6	7			1				
Rh*	45	2	2	6		2	6	10	2	6	8			1				
Pd*	46	2	2	6		2	6	10	2	6	10							
Ag*	47	2	2	6		2	6	10	2	6	10			1				
Cd	48	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2				
In	49	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		1		
Sn	50	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		2		
Sb	51	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		3		
Te	52	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		4		
I	53	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		5		
Xe	54	2	2	6		2	6	10	2	6	10			2		6		

\* استثنائی الکٹرانی تشكیل والے عناصر

Element Z	1s	2s	2p	3s	3p	3d	4s	4p	4d	4f	5s	5p	5d	5f	6s	6p	6d	7s
Cs	55	2	2	6	2	6	10	2	6	10	2	6			1			
Ba	56	2	2	6	2	6	10	2	6	10	2	6		1	2			
La*	57	2	2	6	2	6	10	2	6	10	2	6			2			
Ce*	58	2	2	6	2	6	10	2	6	10	2	6			2			
Pr	59	2	2	6	2	6	10	2	6	10	3	2	6		2			
Nd	60	2	2	6	2	6	10	2	6	10	4	2	6		2			
Pm	61	2	2	6	2	6	10	2	6	10	5	2	6		2			
Sm	62	2	2	6	2	6	10	2	6	10	6	2	6		2			
Eu	63	2	2	6	2	6	10	2	6	10	7	2	6		2			
Gd*	64	2	2	6	2	6	10	2	6	10	7	2	6	1	2			
Tb	65	2	2	6	2	6	10	2	6	10	9	2	6		2			
Dy	66	2	2	6	2	6	10	2	6	10	10	2	6		2			
Ho	67	2	2	6	2	6	10	2	6	10	11	2	6		2			
Er	68	2	2	6	2	6	10	2	6	10	12	2	6		2			
Tm	69	2	2	6	2	6	10	2	6	10	13	2	6		2			
Yb	70	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6		2			
Lu	71	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	1	2			
Hf	72	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	2	2			
Ta	73	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	3	2			
W	74	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	4	2			
Re	75	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	5	2			
Os	76	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	6	2			
Ir	77	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	7	2			
Pt*	78	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	9	2			
Au*	79	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2			
Hg	80	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2			
Tl	81	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	1		
Pb	82	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	2		
Bi	83	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	3		
Po	84	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	4		
At	85	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	5		
Rn	86	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6		
Fr	87	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6		1
Ra	88	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6		2
Ac	89	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6	1	2
Th	90	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6	2	2
Pa	91	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	2	6	1	2
U	92	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	3	2	6	1
Np	93	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	4	2	6	1
Pu	94	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	6	2	6	2
Am	95	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	7	2	6	2
Cm	96	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	7	2	6	1
Bk	97	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	8	2	6	1
Cf	98	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	10	2	6	2
Es	99	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	11	2	6	2
Fm	100	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	12	2	6	2
Md	101	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	13	2	6	2
No	102	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	2
Lr	103	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	1
Rf	104	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	10	2	6	2
Db	105	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	11	2	6	3
Sg	106	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	12	2	6	4
Bh	107	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	13	2	6	5
Hs	108	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	6
Mt	109	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	7
Ds	110	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	8
Rg**	111	2	2	6	2	6	10	2	6	10	14	2	6	10	14	2	6	10

\*\* ایٹھی عدد 112 اور اس سے زیادہ ایٹھی عدود والے عناصر کے بارے میں رپورٹیں تو حاصل ہوئی ہیں لیکن انہیں ان کی نسبت قدم دیتی ہو سکی ہے اور نہ ہی انہیں نام دیے گئے ہیں۔

## خلاصہ

ایم عناصر کے بلڈنگ بلاک ہیں۔ یہ عنصر کے وہ سب سے چھوٹے اجزاء ہیں جو کیمیائی طور پر تعامل کرتے ہیں۔ 1808ء میں ڈالن کے ذریعے تجویز کیے گئے پہلے ایم کی نظریہ کے مطابق ایم کو مادہ کا بنیادی ناقابل تقسیم ذرہ مانا گیا۔ انسیوسی صدی کے اختتام کے قریب، تجربات سے یہ ثابت ہوا کہ ایم قابل تقسیم ہیں اور تین بنیادی ذرات الیکٹران، پروٹان اور نیوٹران پر مشتمل ہیں: ذیلی ایمی ذرات کی دریافت نے، ایم کی ساخت کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایمی ماڈلوں کی تجویز پیش کرنے کی راہ دکھائی۔

تحامسن نے 1898ء میں تجویز پیش کی کہ ایم شبت برق کے کیساں کرہ پر مشتمل ہے، جس میں الیکٹران پیوست ہوتے ہیں۔ اس ماڈل کو جس میں سمجھا جاتا ہے کہ ایم کی کیسٹ پورے ایم میں کیساں طور پر پھیلی ہوئی ہے، 1909ء میں ردوفروڈ کے الفا ذرہ انتشار تجویز نے غلط ثابت کر دیا۔ ردوفروڈ نے نتیجہ اخذ کیا کہ ایم میں اس کے مرکز پر ایک بہت چھوٹا شبت چارج شدہ نیوکلیس ہے، جس کے ارد گرد الیکٹران مدور اربٹ میں گھوم رہے ہیں۔ ردوفروڈ کا ماڈل، جوشی نظام سے مشابہت رکھتا ہے، یقیناً تھامسن ماڈل سے بہتر تھا لیکن یہ ایم کے استحکام کی وضاحت نہیں کر سکا، یعنی کہ الیکٹران نیوکلیس میں گر کیوں نہیں جاتے۔ اس کے علاوہ یہ ایم کی الیکٹرانی ساخت کے بارے میں بھی کچھ نہیں بتا سکا، یعنی کہ الیکٹران نیوکلیس کے ارد گرد کس طرح تقسیم ہوتے ہیں اور ان کی کیا تو انمازیاں ہوتی ہیں۔ ردوفروڈ ماڈل کی ان خامیوں کو 1913ء میں، نیسل بوہرنے اپنے ہائڈروجن ماڈل کو پیش کر کے دور کیا۔ بوہر ماڈل کا بنیادی مفروضہ تھا کہ الیکٹران نیوکلیس کے گرد مدور اربٹ میں گھومتے ہیں۔ کچھ خاص اربٹ ہی پائے جاتے ہیں اور ہر ایک اربٹ مخصوص تو انمازی سے مطابقت رکھتا ہے۔ بوہرنے مختلف اربٹ میں الیکٹران کی تو انمازی کا حساب لگایا اور ہر اربٹ کے لیے الیکٹرانی اور نیوکلیس کے درمیانی فاصلے کی پیشین گوئی کی۔ حالانکہ بوہر ماڈل ہائڈروجن ایم کے طیف کی طیماناں بخشن وضاحت کر سکا لیکن کیسٹ ایک الیکٹران ایٹموں کے طیف کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا۔ اس کی وجہ جلد ہی دریافت ہوئی۔ بوہر ماڈل میں الیکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے، جو نیوکلیس کے گرد، بخوبی معروف مدور اربٹ میں حرکت کر رہا ہے۔ بوہر کے نظریہ میں الیکٹران کی لہر فطرت کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ ایک اربٹ ایک واضح طور پر معروف راستہ ہے اور اس راستے کی مکمل تعریف صرف اسی وقت کی جاسکتی ہے جب ایک الیکٹران کی رفتار اور اس کا مقام بالکل، ہمہ وقت، معلوم ہو۔ یہ ہائز نبرگ عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لیے بوہر کا ہائڈروجن ایم کا ماڈل نہ صرف الیکٹران کی دوہری فطرت کو نظر انداز کرتا ہے بلکہ ہائز نبرگ عدم یقینی اصول کی بھی تردید کرتا ہے۔

ارون شروڈنگر نے 1926ء میں، اپسیں (Space) میں الیکٹرانوں کی تقسیم اور ایم میں منظور شدہ انرجی لیول (Allowed Energy Levels) بیان کرنے کے لیے ایک مساوات تجویز کی جو شروڈنگر مساوات کہلاتی ہے۔ یہ مساوات ڈی بر الگی کے اہر۔ دہری فطرت کے تصور کو اپنے اندر سمونے ہوئے ہے اور ہائز نبرگ عدم یقینی اصول سے بھی ہم آہنگ (consistent) ہے۔ جب، ہائڈروجن ایم میں الیکٹران کے لیے شروڈنگر مساوات حل کی جاتی ہے تو ہمیں وہ مکمل تو انمازی حل تینی حالتیں حاصل ہوتی ہیں، جن میں الیکٹران رہ سکتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ ان تو انمازی حالتیں سے مطابقت رکھنے والے لہر تفاعلات ٹھیک حاصل ہوتے ہیں۔ (جودا صل ریاضیاتی تفاعلات ہیں)

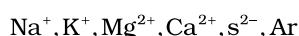
ہمیں دراصل ہر الیکٹران کے لیے ہر ایک تو انمازی حالت سے منسلک لہر تفاعلات حاصل ہوتے ہیں۔ یہ کوئی تو انمازی حالتیں اور ان سے مطابقت رکھنے والے موج۔ تفاعلات، جن کی خاصیتیں تین کوئی اعداد (پرپل کو ایم نمبر n، سمت راس کو ایمی اور مقنٹی طیبی کو ایمی عدد m) سے ظاہر کی جاتی ہیں، شروڈنگر مساوات کے حل کے قدرتی متانج کی شکل میں سامنے آتے ہیں۔ ان تین کوئی اعداد کی قدروں پر لگنے والی پابندیاں بھی اسی حل کا قدرتی نتیجہ ہیں۔ ہائڈروجن ایم کا کو ایم میکائیکی ماڈل ہائڈروجن ایم طیف کے تمام پہلوؤں کی کامیابی کے ساتھ پیشین گوئی کرتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ کچھ ایسے مظاہر کی وضاحت بھی کرتا ہے، جن کی وضاحت بوہر ماڈل نہیں کر سکتا۔

ایٹم کے کو اٹم میکانیکی ماڈل کے مطابق، وہ ایٹم جس میں الیکٹرانوں کی ایک تعداد ہو، الیکٹرانوں کی تقسیم اس طرح ہوتی ہے کہ الیکٹران شیل میں بٹے ہوتے ہیں، یہ سمجھا جاتا ہے کہ یہ شیل خود، ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل پر مشتمل ہوتے ہیں اور ہر ایک ذیلی شیل، ایک یا اس سے زیادہ اربٹل پر مشتمل ہوتا ہے اور ان اربٹل میں الیکٹران پائے جاتے ہیں۔ جبکہ ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسے نظاموں میں (مثلاً  $\text{Li}^{2+}$ ,  $\text{He}^+$ ،  $\text{Li}^{2+}$  وغیرہ) ایک دیے ہوئے شیل کے تمام اربٹل کی توانائی یکساں ہوتی ہے، ایک کشیر الیکٹرانی ایٹم میں اربٹل کی توانائی  $n$  اور اس کی قدر رہوں پر محض ہے۔ ایک اربٹل کے لیے  $(l + n)$  کی اگر مقابلتاً کم ہوگی تو اس کی توانائی بھی مقابلتاً کم ہوگی۔ اگر دو اربٹل کی  $(l + n)$  قدر یکساں ہے، تو جس اربٹل کی قدر مقابلتاً کم ہوگی، اس کی توانائی بھی کم ہوگی۔ ایک ایٹم میں ایسے کئی اربٹل ممکن ہیں اور ان اربٹل میں ایکٹران، توانائی کی بڑھتی ہوئی ترتیب کے ساتھ، پالی کے اصول اشتہی (ایک ایٹم میں کتنی ہی دو الیکٹرانوں کا چاروں کوئی اعداد کا سیٹ یکساں نہیں ہو سکتا) اور ہند کے ازحد تفاعف کے قاعدے (یکساں ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے اربٹل میں الیکٹرانوں کے جوڑے اس وقت تک نہیں بنتے جب تک کہ اس ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ہر ایک اربٹل میں ایک ایک الیکٹران نہ آ جائے) کے مطابق بھرے جاتے ہیں۔ یہ ایٹم کی الیکٹرانی ساخت کی بنیاد تکمیل دیتا ہے۔

## مشقین

- (i) کتنے الیکٹرانوں کا مجموعی وزن 1 کلوگرام ہوگا؟ حساب لگائیے۔ 2.1  
(ii) الیکٹرانوں کے 1 مول کی کمیت اور ان کے بر قی چارج کا حساب لگائیے۔
- (i) میتھین کے 1 مول میں پائے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔ 2.2  
(ii)  ${}^{14}\text{C}$  کے 7mg میں نیوٹرانوں (a) کی کل تعداد (b) کل کمیت معلوم کیجیے۔ (فرض کیجیے۔  $1.675 \times 10^{-27} \text{ kg} = \text{ایک نیوٹران کی کمیت}$ )
- (iii) معلوم کیجیے:  $\text{NH}_3$  STP پر کے 34 گرام میں (a) پروٹانوں کی کل تعداد (b) پروٹانوں کی کل کمیت۔ کیا درجہ حرارت اور دباؤ کو تبدیل کرنے سے جواب تبدیل ہو جائے گا؟
- مندرجہ ذیل نیوکلیس میں کتنے نیوٹران اور کتنے پروٹان ہوں گے: 2.3
- ${}^{13}_6\text{C}$ ,  ${}^{16}_8\text{O}$ ,  ${}^{24}_{12}\text{Mg}$ ,  ${}^{56}_{26}\text{Fe}$ ,  ${}^{88}_{38}\text{Sr}$
- دیے ہوئے ایٹمی عدد ( $Z$ ) اور ایٹمی کمیت ( $A$ ) کے لیے ایٹم کی مکمل علامت لکھئے:
- (i)  $A = 35$ ,  $Z = 17$   
(ii)  $A = 233$ ,  $Z = 92$   
(iii)  $A = 9$ ,  $Z = 4$
- سوڈیم یمپ سے خارج ہو رہی پیلی روشنی کا طول موج ( $\lambda$ ) nm 580 ہے۔ اس پیلی روشنی کی فریکوئنسی ( $\bar{v}$ ) معلوم کیجیے۔ 2.5
- اس ہر ایک فوٹون کی توانائی معلوم کیجیے جو اس  $3 \times 10^{15} \text{ Hz}$  فریکوئنسی کی روشنی سے مطابقت رکھتا ہے۔ 2.6
- (i) جس کا طول موج  $0.50 \text{ \AA}$  ہے۔  
(ii) اس روشنی کی موج کی فریکوئنسی، طول موج اور موج عدد معلوم کیجیے، جس کا دوری وقت  $2.0 \times 10^{-10} \text{ s}$  ہے۔ 2.7

اس روشنی کے فوٹانوں کی تعداد کیا ہوگی، جس کا طولِ موج pm 4000 ہے اور جو J 1 تو انہی مہیا کرتی ہے۔	2.8
$4 \times 10^{-7} \text{ m}$ طولِ موج کا ایک فوٹان دھاتی سطح سے گمراہا ہے۔ دھات کا کامِ تقاضا ev 2.13 ہے۔	2.9
حساب لگائیے: (i) فوٹان کی توانائی (eV) (ii) اخراج کی حرکی توانائی (iii) فوٹوالکٹران کی رفتار ( $J = 1.6020 \times 10^{-19} \text{ A}$ ) (1 eV = 1.6020 nm)	2.10
242 nm طولِ موج کا برق مقناطیسی اشعاع، سوڈیم ایم کی آین کاری کے لیے کافی ہے۔ سوڈیم کی آین کاری توانائی کا حساب لگائیے۔	2.10
ایک 25 واط کا بلب lm 0.57 کے طولِ موج کی یک رنگ پیلی روشنی خارج کرتا ہے۔ کوئی انیسٹنڈ کے اخراج کی شرح کا حساب لگائیے۔	2.11
جب ایک دھاتی سطح پر 6800 Å طولِ موج کا اشعاع پڑتا ہے تو دھاتی سطح سے صفر رفتار کے الکٹران خارج ہوتے ہیں۔ دھات کی دہنیز فریکوئنسی ( $f_0$ ) اور کامِ تقاضا ( $W_0$ ) کا حساب لگائیے۔	2.12
خارج ہونے والی اس روشنی کا طولِ موج کیا ہو گا جسے ہائڈروجن ایم میں ایک الکٹران، انرجی لیبل 4 = n سے انرجی لیبل 2 = n کے عبور (Transition) کرنے کے دوران خارج کرتا ہے۔	2.13
ایک H ایم کی آین کاری کے لیے کتنی توانائی درکار ہے، اگر الکٹران 5 = n اربٹ میں ہے۔ اپنے جواب کا مقابلہ H ایم کی آیونائزیشن اپتھالپی سے کیجیے۔ (1) مدار سے الکٹران خارج کرنے کے لیے درکار توانائی	2.14
آخری خطوط (Emission Lines) کی زیادہ سے زیادہ تعداد کیا ہوگی، جبکہ ایک H ایم کا مشتعل الکٹران 6 = n سے گراوڈ اسٹیٹ میں آتا ہے۔	2.15
(i) ہائڈروجن ایم میں پہلے اربٹ سے نسلک توانائی $J = 10^{-16} \text{ J atom}^{-1}$ ہے۔ پانچویں اربٹ سے نسلک توانائی کیا ہوگی؟	2.16
(ii) ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر کے پانچویں اربٹ کے نصف قطر کا حساب لگائیے۔	2.17
ایٹھی ہائڈروجن کے بالمرسلے میں سب سے زیادہ طولِ موج والے ٹرانزیشن کے موج عدداً کا حساب لگائیے۔	2.17
ہائڈروجن کے الکٹران کو پہلے بوہر اربٹ سے پانچویں بوہر اربٹ میں منتقل کرنے کے لیے درکار توانائی، جو میں کیا ہوگی؟ اور جب الکٹران گراوڈ اسٹیٹ میں واپس آتا ہے تو خارج ہونے والی روشنی کا طولِ موج کیا ہوگا؟ گراوڈ اسٹیٹ الکٹران توانائی $-2.18 \times 10^{-16} \text{ ergs}$ ہے۔	2.18
ہائڈروجن ایم میں الکٹران توانائی $J = -2.18 \times 10^{-18} / n^2$ سے ظاہر کی جاتی ہے۔ ایک الکٹران کو 2 = n اربٹ سے مکمل طور پر خارج کرنے کے لیے درکار توانائی کا حساب لگائیے۔ اس ٹرانزیشن کو عمل میں لانے کے لیے روشنی کا طولِ موج، سینٹی میٹر میں، زیادہ سے زیادہ کتنا ہو سکتا ہے؟	2.19
اس الکٹران کے طولِ موج کا حساب لگائیے جو $2.05 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$ کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے۔	2.20
ایک الکٹران کی کمیت $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$ ہے۔ اگر اس کی حرکی توانائی $J = 3.0 \times 10^{-25}$ ہے تو اس کے طولِ موج کا حساب لگائیے۔	2.21
مندرجہ ذیل میں کون سی انواع، ہم الکٹرانی (Isoelectronic) ہیں (یعنی جن میں الکٹرانوں کی تعداد یکساں ہے)؟	2.22



(i) مندرجہ ذیل آئینوں کا الیکٹرانی تشکل لکھیے:	(a) $H^-$ (b) $Na^+$ (c) $O^{2-}$ (d) $F^-$	2.23
(ii) ان عناصر کے ایٹم اعداد کیا ہیں جن کے سب سے باہری الیکٹران ظاہر کیے جاتے ہیں: (a) $3p^5$ (b) $3s^1$ اور (c) $2p^3$		
(iii) مندرجہ ذیل تشکل سے کون سے ایٹم ظاہر کیے جاتے ہیں: (a) [Ar] $4s^2$ $3d^1$ . (c) [Ne] $3s^2$ $3p^3$ (b) [He] $2s^1$ (a)		
n کی وہ کم ترین قدر کیا ہے جس کے لیے اربل پایا جاتا ہے۔		2.24
ایک الیکٹران $3d$ کے کسی ایک اربل میں ہے۔ اس الیکٹران کے لیے $n$ اور $m_l$ کی ممکنہ قدریں بتائیے۔		2.25
کسی عنصر کے ایک ایٹم میں 29 ایکٹران اور 35 نیوٹران ہیں، معلوم کیجیے (i) پوٹانوں کی تعداد (ii) عنصر کا الیکٹران تشکل		2.26
انواع: $H_2^+$ اور $O_2^+$ میں الیکٹرانوں کی تعداد بتائیے۔		2.27
(i) ایک ایٹمی اربل کے لیے $n = 3$ ہے۔ اور $m_l$ کی ممکنہ قدریں کیا ہیں۔		2.28
(ii) $3d$ اربل کے الیکٹران کے لیے کوئی اعداد (اور $m_l$ ) کی فہرست تیار کیجیے۔		
(iii) مندرجہ ذیل میں سے کون سے اربل ممکن ہیں: $1p$ , $2s$ , $2p$ اور $3f$		
d, p, s ترسیم کا استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوئی اعداد والے اربل بیان کیجیے:		2.29
$l = 3n = 4$ (d); $n = 4$ $l = 2$ (c); $l = 1$ $n = 3$ (b); $n = 1$ , $l = 0$ (a)		
وجہ بتاتے ہوئے وضاحت کیجیے کہ مندرجہ ذیل میں سے کوئی اعداد کے کون سے سیٹ ممکن نہیں ہیں۔		2.30
(a) $n = 0$ , $l = 0$ , $m_l = 0$ , $m_s = + \frac{1}{2}$		
(b) $n = 1$ , $l = 0$ , $m_l = 0$ , $m_s = - \frac{1}{2}$		
(c) $n = 1$ , $l = 1$ , $m_l = 0$ , $m_s = + \frac{1}{2}$		
(d) $n = 2$ , $l = 1$ , $m_l = 0$ , $m_s = - \frac{1}{2}$		
(e) $n = 3$ , $l = 3$ , $m_l = -3$ , $m_s = + \frac{1}{2}$		
(f) $n = 3$ , $l = 1$ , $m_l = 0$ , $m_s = + \frac{1}{2}$		
کسی ایٹم میں کتنے الیکٹرانوں کے مندرجہ ذیل کوئی اعداد ہو سکتے ہیں:		2.31
(a) $n = 4$ , $m_s = - \frac{1}{2}$ (b) $n = 3$ , $l = 0$		
دکھائیے کہ ہائڈروجن ایٹم کے لیے بوہر اربٹ کا محیط (Circumfrance)، اربٹ میں گھومتے ہوئے الیکٹران سے مسلک ڈی بر اگلی طولی موج کا ایک صحیح عددی ضعف (Integral Multiple) ہے۔		2.32
ہائڈروجن طیف میں کس ٹرانزیشن کا طولی موج $H_e^+$ طیف کے $n = 4$ سے $n = 2$ تک بالمرٹانزیشن کے طولی موج کے مساوی ہوگا۔		2.33
عمل: $H_e^+(g) \rightarrow He^{2+}(g) + e^-$ تو ان کا ایٹم کا تعداد معلوم کیجیے جو $20\text{cm}$ لمبائی کے اسکیل کے ساتھ ایک سیدھے خط میں ایک ایک کر کے رکھے جاسکتے ہیں۔		2.34
اگر کاربن ایٹم کا قطر $0.15\text{ nm}$ ہے، تو ان کا رben ایٹموں کی تعداد معلوم کیجیے جو $2.18 \times 10^{-18}\text{ J atm}^{-1}$ ہے۔		2.35
کاربن کے $10^8 \times 2$ ایٹم پہلو بہ پہلو ترتیب دیے گئے ہیں۔ اگر پوری ترتیب کی لمبائی $2.4\text{ cm}$ ہے تو کاربن ایٹم کا نصف قطر معلوم کیجیے۔		2.36

- زنک ایٹم کا قطر  $2.6\text{ \AA}$  ہے۔ حساب لگائیے (a) pm میں زنک ایٹم کا نصف قطر (b) اگر زنک ایٹموں کو ایک کرکے لمبائی میں ترتیب دیا جائے تو  $1.6\text{ cm}$  لمبائی میں پائے جانے والے زنک ایٹموں کی تعداد معلوم کیجیے۔ 2.37
- کسی ذرہ کا ساکن برقی چارج  $C = 2.5 \times 10^{16}$  ہے۔ اس میں موجود الکٹرونوں کی تعداد معلوم کیجیے۔ 2.38
- ملکیت کے تجربے میں، تیل کے قطروں پر موجود ساکن برقی چارج  $X$ -شعاعوں کو چھپا کر حاصل کیا گیا ہے۔ اگر تیل کے قطروں پر ساکن برقی چارج  $C = 1.282 \times 10^{-18}$  ہے تو اس میں موجود الکٹرونوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔ 2.39
- ردرفورڈ کے تجربے میں عام طور سے  $\alpha$ -ذرات کی بھاری کے لیے، سونا، پلٹینیم وغیرہ جیسے بھاری ایٹموں کے پسلے ورق استعمال کیے جاتے ہیں۔ اگر ایڈنیم وغیرہ جیسے ہلکے ایٹموں کے پسلے ورق استعمال کیے جائیں تو نتیجوں میں کیا فرق دیکھنے میں آئے گا؟ 2.40
- علاقوں میں  ${}^{79}_{35}\text{Br}$  اور  ${}^{79}_{35}\text{Br}$  لکھی جاسکتی ہیں جبکہ علاقوں میں  ${}^{35}_{35}\text{Br}$  قابل قبول نہیں ہیں۔ مختصر جواب دیجیے۔ 2.41
- ایک عنصر کا کمیتی عدد 81 ہے، اس میں پروٹانوں کے مقابلے میں 31.7% زیادہ نیوٹران ہیں۔ اسے ایٹمی علامت عطا کیجیے۔ 2.42
- ایک آئین، جس کا کمیتی عدد 37 ہے، اس میں ایک اکائی چارج ہے۔ اگر آئین میں الکٹرونوں کے مقابلے میں 11.1% زیادہ نیوٹران ہیں تو آئین کی علامت معلوم کیجیے۔ 2.43
- کمیتی عدد 56 والے ایک آئین، پر 3 اکائی ثابت چارج پایا جاتا ہے اور اس میں الکٹرونوں کے مقابلے میں نیوٹرانوں کی تعداد زیادہ ہے۔ اس آئین کی علامت بتائیے۔ 2.44
- مندرجہ ذیل قسم کے اشعاع کو فریکوئنسی کی صعودی ترتیب (Increasing order) میں لکھیے: (a) مانگرو یا اوون سے خارج ہو رہا اشاعع (b) ٹریکل کی غیر روشی (c) FM ریڈیو کا اشاعع (d) پیروفنی اپسیس سے آنے والی کامک شعاعیں (e) X-شعاعیں۔ 2.45
- نائزوجن لیزر  $337.1\text{ nm}$  طولی موج کا اشاعع پیدا کرتا ہے۔ اگر خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد  $5.6 \times 10^{24}$  ہے تو اس لیزر کی پاور کا حساب لگائیے۔ 2.46
- سائئن بورڈوں میں عام طور سے نیون گیس استعمال کی جاتی ہے۔ اگر یہ  $616\text{ nm}$  پر تیزی سے اخراج کرتی ہے تو حساب لگائیے: (a) اخراج کی فریکوئنسی (b) اس اشاعع کے ذریعے  $30\text{ s}$  میں طے کیا گیا فاصلہ (c) کوائم کی توانائی (d) موجود کوامٹوں کی تعداد جبکہ یہ  $2\text{ J}$  توانائی پیدا کرتی ہے۔ 2.47
- فلکیاتی مشاہدوں میں بہت دور کے ستاروں سے آنے والے گلکل عام طور پر کمزور ہوتے ہیں۔ اگر ایک فوٹان شناس،  $600\text{ nm}$  کے اشاعع سے کل  $J = 1.5 \times 10^{-18}$  تو انائی موصول کرتا ہے تو شناس کے ذریعے موصول کیے جانے والے فوٹانوں کی تعداد کا حساب لگائیں۔ 2.48
- جو سالماں اشتغالی حالت میں ہوتے ہیں، ان کے دور حیات، اکثر پلس شدہ اشاعع ماغذہ کو، جن کا وققہ نینہ سینڈنڈ کی ریخ میں ہوتا ہے، استعمال کر کے معلوم کیے جاتے ہیں۔ اگر اشاعع ماغذہ کا وققہ  $2\text{ ns}$  ہے اور اس وققہ میں پلس ماغذہ سے خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد  $10^{15} \times 2.5$ ، تو ماغذہ کی توانائی کا حساب لگائیے۔ 2.49
- سب سے زیادہ لمبی طولی موج کا ڈبلیٹ انجد ابی ٹرانزیشن 589 اور  $589.6\text{ nm}$  نینہ میٹر پر دیکھا گیا ہے۔ ایک ٹرانزیشن کی فریکوئنسی اور دونوں مشتعل حالتوں کے درمیان توانائی فرق کے حساب لگائیے۔ 2.50
- سیزیم ایٹم کا کام نقل 1.9 eV ہے۔ حساب لگائیے (a) دہنیز طولی موج (b) اشاعع کی دہنیز فریکوئنسی اگر سیزیم ایٹم پر 500 nm طولی موج کی اشاعع ریزی کی جائے تو خارج ہونے والے فوٹو الکٹرون کی حرکی توانائی اور رفتار کا حساب لگائیے۔ 2.51

سوڈیم دھات پر مختلف طولِ موج کی اشعاع ریزی کی جاتی ہے تو مندرجہ ذیل نتائج حاصل ہوتے ہیں: حساب لگائیے (a) دبلیز طولِ موج اور (b) پلائک مستقلہ

$$\begin{array}{lll} \lambda (\text{nm}) & 500 & 450 & 400 \\ v \times 10^{-5} (\text{cm s}^{-1}) & 2.55 & 4.35 & 5.35 \end{array}$$

2.53 چاندی دھات سے، ضیا برقی برقی اثر تجویز کے دوران، فوٹو الیکٹرانوں کا اخراج  $0.35v$  nm کا وہ لیٹچ لگا کر رکھا جاسکتا ہے۔ جب کہ استعمال کیے جانے والے اشعاع کا طولِ موج nm 256.7 ہے۔ چاندی دھات کے لیے کام قابل حساب لگائیے۔

2.54 اگر pm 150 طولِ موج کا ایک فوٹان ایک ایٹم سے تکراتا ہے اور اس ایٹم کا ایک اندر ورنی بندھا ہوا الیکٹران  $1.5 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے خارج ہوتا ہے، تو اس تو انائی کا حساب لگائیے، جس سے وہ الیکٹران نیوکلیس سے بندھا ہوا تھا۔

2.55 پاچھن سلسلہ میں اخراج عبور اربٹ  $n=3$  پر رک جاتے ہیں اور اربٹ  $n$  سے شروع ہوتے ہیں اور انھیں ظاہر کیا جاسکتا ہے:

$$v = 3.29 \times 10^{15} (\text{Hz}) [1/3^2 - 1/n^2]$$

اگر عبور nm 1285 پر دیکھنے میں آتا ہے تو  $n$  کی مقدار کا حساب لگائیے۔ طیف کا خط معلوم کیجیے۔

2.56 اس اخراجی ٹرانزیشن کا طولِ موج معلوم کیجیے جو اس اربٹ سے شروع ہوتا ہے، جس کا نصف قطر nm 1.3225 ہے اور 211.6 pm نصف قطر والے اربٹ پر پر ختم ہوتا ہے۔ اس سلسلے کا نام بتائیے، جس سے ٹرانزیشن تعلق رکھتا ہے اور طیف کا خط بتائیے۔

2.57 ڈی گرالگی کے ذریعے تجویز کئے گئے مادہ کے دہرے برداونے الیکٹران مائیکروسکوپ کی دریافت کی راہ دکھائی۔ یہ مائیکروسکوپ اکثر حیاتیاتی سالمات اور دوسرے قسم کے مادوں کے بہت زیادہ تیسیر شدہ عکس حاصل کرنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ اگر اس مائیکروسکوپ میں الیکٹران کی رفتار  $10^6 \text{ ms}^{-1}$  ہے، تو اس الیکٹران سے نسلک ڈی گرالگی طولِ موج کا حساب لگائیے۔

2.58 الیکٹران انصراف مائیکروسکوپ کی طرح نیوٹران انصراف مائیکروسکوپ کا استعمال بھی سالمات کی ساخت معلوم کرنے کے لیے ہوتا ہے۔ اگر یہاں استعمال ہونے والی طولِ موج pm 800 ہے تو نیوٹران سے نسلک مخصوص رفتار کا حساب لگائیے۔

2.59 اگر بوہر کے پہلے اربٹ میں الیکٹران کی رفتار  $10^6 \text{ ms}^{-1}$  ہے تو اس سے نسلک ڈی گرالگی طولِ موج کا حساب لگائیے۔

2.60 V 1000 کے برتنی مضر فرق میں حرکت کرتے ہوئے پروٹان سے نسلک رفتار  $10^5 \text{ ms}^{-1}$  ہے۔ اگر 0.1 kg کیتی کی ہاکی کی گینداہی رفتار سے حرکت کر رہی ہو تو اس رفتار سے نسلک طولِ موج کا حساب لگائیے۔

2.61 اگر ایک الیکٹران کا مقام  $\pm 0.002 \text{ nm}$  کی درستگی صحت کے ساتھ ناپا جاتا ہے تو الیکٹران کے معیار حرکت میں عدم یقینی کا حساب لگائیے۔ فرض کیجیے الیکٹران کا معیار حرکت  $h/4\pi_m \times 0.05 \text{ nm}$  ہے۔ اس قدر کی تعریف کرنے میں کیا کوئی مسئلہ ہے؟

2.62 چھ الیکٹرانوں کے کوائم نمبر ذیل میں دیے گئے ہیں۔ انھیں بڑھتی ہوئی تو انائی کی ترتیب میں رکھئے۔ کیا ان میں سے کسی مجموعے (مجموعوں) کی تو انائی یکساں ہے۔

1.  $n = 4, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$

2.  $n = 3, l = 2, m_l = 1, m_s = +1/2$

3.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = +1/2$

4.  $n = 3, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$

5.  $n = 3, l = 1, m_l = -1, m_s = +1/2$

6.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = +1/2$

برومن ایٹم میں 35 ایکٹران ہوتے ہیں۔ اس میں سے 6، ایکٹران  $2p$  ارٹل میں، 6 ایکٹران  $3p$  ارٹل میں اور 5 ایکٹران  $4p$  ارٹل میں ہوتے ہیں۔ ان میں سے کون سے ایکٹران سب سے کم موثر نیوکلیائی چارج محسوس کرتے ہیں۔

مندرجہ ذیل ارٹل کے جوڑوں میں کون سا ارٹل مقابلاً زیادہ نیوکلیائی چارج محسوس کرے گا؟

2.63      3p اور 3d (iii) ، 4f اور 4d (ii) ، 3s اور 2s (i)

2.64      2.65      اور Si میں غیر جفتی ایکٹران  $3p$  ارٹل میں ہوتے ہیں۔ کون سے ایکٹران نیوکلیس سے مقابلاً زیادہ موثر نیوکلیائی چارج محسوس کریں گے۔

2.66      مندرجہ ذیل میں غیر جفتی ایکٹرانوں کی نشاندہی کیجئے:

(a)p      (b)si      (c) Cr      (d) Fe      (e) Kr

2.67       $n=4$  (a) کے لیے ان ذیلی شیل میں کتنے ایکٹران ہوں گے، جن کی  $m_s$  قدر  $(-\frac{1}{2})$  ہے۔  
                 $n=4$  (b) سے کتنے ذیلی شیل مسلک ہیں۔